

علوم
ریاضی
و فنی

دستگاه اختصاصی - ۱

دوازدهم ریاضی

دفترچه شماره ۱ (از ۲)



آزمون ۲ آذر ۱۴۰۳

آزمون اختصاصی گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی

عنوان مواد امتحانی آزمون اختصاصی گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی، تعداد، شماره سوالات و مدت پاسخگویی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سوال	از شماره	تا شماره	مدت پاسخگویی
۱	حسابات	۱۰	۱	۱۰	۱۵ دقیقه
۲	ریاضی پایه	۱۰	۱۱	۲۰	۱۵ دقیقه
۳	هندسه	۱۰	۲۱	۳۰	۱۵ دقیقه
۴	ریاضیات گسسته	۱۰	۳۱	۴۰	۱۵ دقیقه
۵	آمار و احتمال	۱۰	۴۱	۵۰	۱۵ دقیقه
	آمار و احتمال		۵۱	۶۰	

روزی یک دقیقه برای دفتر برنامه‌ریزی وقت بگذارید و پیشرفت کنید

اگر از دانش آموزانی که دفتر برنامه‌ریزی کانون را تکمیل می‌کنند پرسید مهم‌ترین فایده‌ی دفتر برنامه‌ریزی چیست؟ می‌گویند ساعت مطالعه‌ام بیشتر شد. به همین سادگی! روزی یک دقیقه برای دفتر برنامه‌ریزی وقت بگذارید. دفتر برنامه‌ریزی موتور درونی شما را برای بهتر شدن و بیشتر تلاش کردن روشن می‌کند.



آزمون «۲ آذر ۱۴۰۳» اختصاصی دوازدهم ریاضی

تغییر سوال

مدت پاسخ‌گویی: ۷۵ دقیقه

تعداد کل سوالات: ۵۰ سوال

نام درس	تعداد سوال	شماره سوال	زمان پاسخ‌گویی
حسابان ۲	۱۰	۱-۱۰	۱۵'
ریاضی پایه	۱۰	۱۱-۲۰	۱۵'
هندسه ۳	۱۰	۲۱-۳۰	۱۵'
ریاضیات گسته	۱۰	۳۱-۴۰	۱۵'
زوج کتاب	۱۰	۴۱-۵۰	۱۵'
		۵۱-۶۰	آمار و احتمال
جمع کل	۵۰	۱-۶۰	۷۵'

پذیدآورندگان

نام درس	نام طراحان
حسابان ۲	بهمن امیدی-علی آزاد-داده بوالحسنی-افشین خاصه‌خان-سینا خیرخواه-محمد رضا راسخ-ستار زواری-محمد رضا کشاورزی مهرسان گودرزی-میلاد منصوری-علیرضا نداف زاده-جهانبخش نیکان
هندسه	اسحاق اسفندیار-آرین تفضلی‌زاده-سید محمد رضا حسینی‌فرد-کیوان دارابی-فرشاد صدیقی‌فر-هومن عقیلی-احمدرضا فلاخ مجتبی مظاہری‌فر-نیما مهندس
آمار و ریاضیات گسته	امیرحسین ابومحبوب-علی ایمانی-آرین تفضلی‌زاده-افشین خاصه‌خان-فرزانه خاکپاش-کیوان دارابی-مصطفی دیداری سوگند روشنی-احمدرضا فلاخ-نیلوفر مهدوی-نیما مهندس

گزینشگران و ویراستاران

نام درس	گروه ویراستاری	گزینشگر	حسابان ۲	هندسه
گزینشگر	علیرضا نداف زاده	امیرحسین ابومحبوب	امیرحسین ابو محیوب	امیرحسین ابو محیوب
گروه ویراستاری	امیرحسین ابو محیوب	امیرحسین ابو محیوب	امیرحسین ملازینل	امیرحسین ملازینل سیهر متولیان محمد پارسا سیزهای
ویراستاری رقه های برقر	امیرحسین ابو محیوب	امیرحسین ابو محیوب	سیهر متولیان سید ماهد عبدی محمد پارسا سیزهای	امیرحسین ملازینل سیهر متولیان محمد پارسا سیزهای
بازنویسی آزمون	محمد رضا راسخ	امیرحسین ملازینل	امیرحسین ملازینل	امیرحسین ملازینل سیهر متولیان محمد پارسا سیزهای
مسئول درس	مهرداد ملوندی	امیرحسین ملازینل	سیهر متولیان سید ماهد عبدی محمد پارسا سیزهای	سیهر متولیان سید ماهد عبدی محمد پارسا سیزهای
مستند سازی	سمیه اسكندری	سید ماهد عبدی	سید ماهد عبدی	سید ماهد عبدی
ویراستاران (مستندسازی)	احسان صادقی-سجاد سلیمانی-علیرضا عیاسی‌زاده-معصومه صنعت کار	سید ماهد عبدی	سید ماهد عبدی	سید ماهد عبدی

گروه فنی و تولید

مدیر گروه	مهرداد ملوندی
مسئول دفترچه	نرگس غنی‌زاده
گروه مستندسازی	مدیر گروه: محیا اصغری
حروف نگار	فرزانه فتح‌الهزاده
ناظر چاپ	سوران نعیمی

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلم‌چی «وقف عالم»

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - تلفن: ۰۶۴۶۳-۲۱۱.



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

حسابان ۲: مثبات: صفحه‌های ۳۵ تا ۴۴ / حسابان ۱: صفحه‌های ۱۱۰ تا ۱۱۲

۱- مقدار عبارت $x = \frac{\pi}{12}$ کدام است؟ $A = 10\cos^2 x - 6\sin x \cos x + 2\sin^2 x$ به ازای

$\frac{2}{5} + 2\sqrt{3}$ (۲)

$\frac{4}{5} + \sqrt{3}$ (۱)

$\frac{2}{5} + \sqrt{3}$ (۴)

$\frac{4}{5} + 2\sqrt{3}$ (۳)

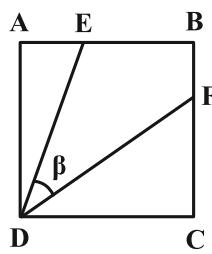
۲- اگر $\frac{\cos(x+y)}{\cos(x-y)} = \frac{m+n}{m-n}$ باشد، مقدار $\tan(x)\tan(y)$ کدام است؟ ($m, n \neq 0, m \neq n$)

$-\frac{m}{n}$ (۲)

$\frac{m}{n}$ (۱)

$-\frac{n}{m}$ (۴)

$\frac{n}{m}$ (۳)

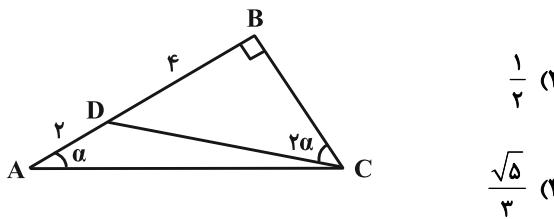
۳- در شکل زیر چهارضلعی ABCD مربع است. اگر $DF = 4$ و $AE = 3$ ، $AD = 5$ کدام است؟

$\frac{2\sqrt{5}}{3}$ (۱)

$\frac{3\sqrt{10}}{4}$ (۲)

$\frac{3\sqrt{5}}{4}$ (۳)

$\frac{2\sqrt{10}}{3}$ (۴)

۴- در مثلث زیر، مقدار $\sin \alpha$ کدام است؟ آزمون وی ای بی

$\frac{1}{2}$ (۲)

$\frac{\sqrt{5}}{3}$ (۴)

$\frac{\sqrt{2}}{2}$ (۱)

$\frac{\sqrt{5}}{5}$ (۳)

مشابه سوالهایی که با آیکون مشخص شده‌اند در امتحانات تشریحی وجود دارد.

محل انجام محاسبات



-۵ - اگر $\alpha - \beta \neq \frac{k\pi}{4}$ کدام است؟ آن‌گاه حاصل $2\tan\beta + \cot\beta = \tan\alpha$

۳ (۴)

 $\frac{1}{3}$ (۳)

۲ (۲)

 $\frac{1}{2}$ (۱)

-۶ - اگر $\tan(\alpha+\beta) = \frac{\sin(\alpha-\frac{\pi}{4})}{\sin(\alpha+\frac{\pi}{4})}$ باشد، مقدار $\tan\beta$ کدام است؟

-۳ (۴)

۳ (۳)

۷ (۲)

-۷ (۱)

-۷ - اختلاف جواب‌های معادله $\cos 2x + \sin x = 0$ در بازه $[-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}]$ کدام است؟

 $\frac{\pi}{4}$ (۴) $\frac{\pi}{4}$ (۳) $\frac{2\pi}{3}$ (۲) $\frac{3\pi}{4}$ (۱)

-۸ - معادله مثلثاتی $(\sin x + \cos x)(2 + \sin x + \cos x) = -1$ در فاصله $[0, 2\pi]$ چند جواب دارد؟

۴ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

۱) صفر

-۹ - معادله $\tan(\frac{\pi}{4} + x) = 1 + \tan x$ در بازه $[\pi, 2\pi]$ دارای چند جواب است؟ آزمون وی ای پی

۴) فاقد جواب

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

-۱۰ - به ازای $m \in [a, b]$ ، نمودارهای توابع $y = 2\sin^2 x$ و $y = \cos 4x + m$ در بازه $[\frac{7\pi}{3}, \pi]$ نقطه مشترک دارند. بیشترین مقدار

کدام است؟ $b - a$ $\frac{17}{8}$ (۴) $\frac{17}{4}$ (۳) $\frac{25}{8}$ (۲) $\frac{25}{4}$ (۱)



ریاضی پایه: مجموعه، الگو و دنباله، توان‌های گویا و عبارت‌های جبری، جبر و معادله

ریاضی ۱: صفحه‌های ۱ تا ۲۷ و ۶۷ تا ۴۷ / حسابان ۱: صفحه‌های ۱ تا ۶

وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

۱۱- فرض کنید $A = \{1, 10\}$ ، $B = \{x - k \mid x + k \in A\}$ و $C = \{x + k \mid x - k \in A\}$ باشند. اگر حدود k برای این که B و C حداقلیک عضو مشترک داشته باشند به صورت $[a, b]$ باشد، حاصل $b - a$ کدام است؟

۷/۵ (۴)

۶ (۳)

۴/۵ (۲)

۳ (۱)

۱۲- در یک مدرسه با ۱۱۲ دانش‌آموز، ۲۲ دانش‌آموز فقط والیبال بازی می‌کنند. اگر تعداد دانش‌آموزانی که فوتبال بازی می‌کنند نصف

تعداد دانش‌آموزانی باشد که نه فوتبال و نه والیبال بازی می‌کنند و همچنین تعداد دانش‌آموزانی که والیبال بازی نمی‌کنند چهار

برابر تعداد دانش‌آموزانی باشد که فقط فوتبال بازی می‌کنند، آن‌گاه در این مدرسه چند نفر هم فوتبال و هم والیبال بازی می‌کنند؟

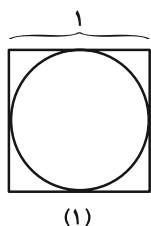
۱۵ (۴)

۹ (۳)

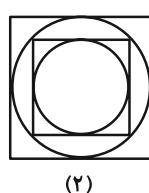
۱۲ (۲)

۱۰ (۱)

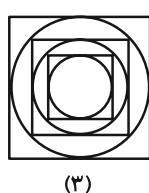
۱۳- با توجه به الگوی زیر، طول شعاع کوچک‌ترین دایره در مرحله نهم برابر کدام است؟



(۱)



(۲)



(۳)

 $\frac{\sqrt{2}}{32}$ (۱) $\frac{1}{32}$ (۲) $\frac{\sqrt{2}}{64}$ (۳) $\frac{1}{64}$ (۴)۱۴- فرض کنید S_n ، مجموع n جمله اول یک دنباله حسابی باشد. اگر $S_{14} = S_{16}$ باشد، آن‌گاه مجموع چند جمله اول این دنباله

برابر صفر است؟

۳۱ (۴)

۳۰ (۳)

۲۹ (۲)

۲۸ (۱)

۱۵- اعداد x ، y و z (با همین ترتیب) سه جمله متوالی از یک دنباله حسابی‌اند. اگر یک واحد از x کم کرده و یک واحد به y اضافه

کنیم، اعداد جدید (با همان ترتیب) سه جمله متوالی از یک دنباله هندسی خواهند بود. قدرنسبت دنباله هندسی چقدر از

قدرنسبت دنباله حسابی بیشتر است؟ آزمون وی ای پی

۱ (۴)

۲ (۳)

۳ (۲)

۴ (۱)

محل انجام محاسبات



۱۶- دنباله حسابی غیرثابت ...، a, b, c, d, e و دنباله هندسی ...، a, b, c, d, e مفروض‌اند. مجموع ۵ جمله اول دنباله حسابی، چند

برابر مجموع سه جمله اول دنباله هندسی است؟

$$\frac{11}{7} \quad (2)$$

$$\frac{11}{9} \quad (1)$$

$$\frac{10}{7} \quad (4)$$

$$\frac{10}{9} \quad (3)$$

۱۷- حدود x ، برای این‌که $[x-1]$ ، $[x]$ و $[x+1]$ به ترتیب جملات سوم، ششم و نهم یک دنباله هندسی باشند، به صورت بازه (a, b)

است، مقدار $a+2b$ کدام است؟ ($[]$ ، نماد جزء صحیح است).

$$7 \quad (2)$$

$$6 \quad (1)$$

$$9 \quad (4)$$

$$8 \quad (3)$$

۱۸- حاصل ضرب جملات دوم و دوازدهم یک دنباله حسابی برابر ۱ و حاصل ضرب جملات چهارم و دهم همان دنباله برابر ۵ می‌باشد.

جمله هفتم این دنباله کدام است؟

$$\pm \frac{\sqrt{29}}{2} \quad (2)$$

$$\pm \frac{5}{2} \quad (1)$$

$$\pm \frac{\sqrt{27}}{2} \quad (4)$$

$$\pm 4 \quad (3)$$

۱۹- حاصل $(\sqrt{6} + \sqrt{2})^2 - (\sqrt{6} - \sqrt{2})^2$ کدام است؟

$$4 - 2\sqrt{3} \quad (2)$$

$$2(\sqrt{6} - \sqrt{2}) \quad (1)$$

$$8 - 4\sqrt{3} \quad (4)$$

$$4(\sqrt{6} - \sqrt{2}) \quad (3)$$

۲۰- اگر $\sqrt{x+1} + \frac{2}{\sqrt{x+1}} = 3 + 4\sqrt{3}$ باشد، آن‌گاه حاصل $x + \frac{4}{x+1}$ کدام است؟

$$\sqrt{3} + 2 \quad (2)$$

$$\sqrt{6} + \sqrt{2} \quad (1)$$

$$2\sqrt{3} + 2 \quad (4)$$

$$\sqrt{3} + 1 \quad (3)$$



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هندهسه ۳: ماتریس و کاربردها: صفحه‌های ۲۷ تا ۳۱

-۲۱- اگر $D = \begin{bmatrix} -2 & -3 & 2 \\ 2 & 2 & 0 \\ 3 & 1 & 2 \end{bmatrix}$, $C = \begin{bmatrix} 2 & 3 & -1 \\ -1 & 1 & 2 \\ 0 & 1 & 3 \end{bmatrix}$, $B = \begin{bmatrix} 2 & 4 & 2 \\ 1 & 3 & 0 \\ 12 & 0 & 0 \end{bmatrix}$ و بدانیم که $AB - BC = BD$, آن‌گاه دترمینان ماتریس A

کدام است؟ آزمون وی ای پی

۱۴ (۴)

-۱۴ (۳)

۷ (۲)

-۷ (۱)

-۲۲- اگر $k = \begin{vmatrix} 6 & 1 & 8 \\ 18 & 4 & 8 \\ 6a & 0 & 8 \end{vmatrix}$ باشد، حاصل کدام است؟

۴۸k (۴)

۳۲k (۳)

۲۴k (۲)

۱۶k (۱)

-۲۳- اگر دترمینان ماتریس $A = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & x \\ x & 0 & 1 \end{bmatrix}$ برابر ۸ باشد، مقدار $\log_{\frac{x}{3}}^x$ کدام است؟

 \log_3^6 (۴) \log_3^7 (۳)

۲ (۲)

۱) صفر

-۲۴- ماتریس‌های $B = \begin{bmatrix} 1 & -1 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 1 & 3 & 3 \end{bmatrix}$ مفروضند. حاصل دترمینان ماتریس $A^{-1} | A | B^{-1} - A$ کدام است؟

۴ (۴)

-۱۶ (۳)

-۴ (۲)

۱۶ (۱)

-۲۵- اگر $\begin{vmatrix} a & 1-a \\ 2a & a+1 \end{vmatrix}$ باشد، حاصل کدام است؟

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

-۲۶- ماتریس مربعی A از مرتبه ۳ مفروض است. اگر $|A| |A| + \left| \frac{1}{|A|} A \right| = 2 |A|$ باشد، مقدار $|A|$ کدام است؟

۲ (۴)

۱ (۳)

- $\frac{1}{2}$ (۲)

-۱ (۱)

مشابه سوالهایی که با آیکون مشخص شده‌اند در امتحانات تشریحی وجود دارد.

محل انجام محاسبات



-۲۷ - اگر تساوی k کدام است؟

$$\begin{vmatrix} x & y & 2 \\ 4 & -1 & 2 \\ 1 & 5 & 3 \end{vmatrix} = x \begin{vmatrix} -1 & 2 \\ 5 & 3 \end{vmatrix} - y \begin{vmatrix} 4 & 2 \\ 1 & 3 \end{vmatrix} + k$$

-۴۲ (۲)

۴۲ (۱)

-۳۸ (۴)

۳۸ (۳)

-۲۸ - ماتریس $A = \begin{bmatrix} 2 & x & -1 \\ -1 & 2 & 1 \\ 2 & 2x & 3 \end{bmatrix}$ مفروض است. به هر یک از درایه‌های آن به اندازه شماره سطرشان اضافه کرده و از هر یک از آن‌ها

به اندازه شماره ستونشان کم می‌کنیم و ماتریس B را تشکیل می‌دهیم. اگر $|A| = |B|$ باشد، مقدار x کدام است؟

 $\frac{28}{3}$ (۲) $\frac{52}{9}$ (۱) $\frac{8}{9}$ (۴) $\frac{20}{3}$ (۳)

-۲۹ - بیشترین مقدار کدام است؟

$$\begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1+\sin\theta & 1 \\ 1 & 1 & 1+\cos\theta \end{vmatrix}$$

 $\frac{1}{2}$ (۲) $\frac{1}{4}$ (۱)

۲ (۴)

۱ (۳)

-۳۰ - ماتریس مربعی A از مرتبه ۲ با دترمینان ۱- مفروض است. اگر $A^T - A - I = \bar{O}$ باشد، حاصل دترمینان ماتریس $A + 2I$ کدام است؟

-۵ (۲) فقط

±۵ (۱)

۴) ماتریس A با شرایط داده شده وجود ندارد.

۵ فقط



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

ریاضیات گسسته: آشنایی با نظریه اعداد (از ابتدای فعالیت صفحه ۲۲ تا پایان معادله همنهشتی): صفحه های ۲۲ تا ۲۵

۳۱- اگر عدد پنج رقمی $\overline{ab321}$ مضرب ۹۹ باشد، آن‌گاه $2a + b$ کدام است؟ آزمون وی ای پی

۱۸ (۲)

۱۹ (۱)

۱۶ (۴)

۱۷ (۳)

۳۲- اگر رقم یکان دو عدد طبیعی $a^2 - 3a + 2$ یکسان باشد، آن‌گاه نسبت کوچکترین عدد طبیعی دو رقمی a به بزرگترینعدد طبیعی یک رقمی a کدام است؟

۲ (۲)

۱/۵ (۱)

۲/۵ (۴)

۲/۲۵ (۳)

۳۳- می‌دانیم در یک سال، ۱۷ شهریور پنجشنبه یا جمعه نیست. ۱۲ بهمن همان سال به‌طور حتم کدام یک از روزهای هفته نمی‌تواند باشد؟

۱) شنبه

۲) دوشنبه

۳) سهشنبه

۴) پنجشنبه

۳۴- اگر بدانیم $1403x \equiv 2024 \pmod{7}$ ، آن‌گاه باقی‌مانده تقسیم $2024x$ بر ۷ کدام است؟

۴ (۲)

۳ (۱)

۵ (۳)

مشابه سوالهایی که با آیکون مشخص شده‌اند در امتحانات تشریحی وجود دارد.

محل انجام محاسبات



۳۵- به ازای چند عدد طبیعی دو رقمی n ، معادله $x^{8n+2} \equiv 11(n+1) + 80$ در مجموعه اعداد صحیح دارای جواب می‌باشد؟

۸۸ (۴)

۸۷ (۳)

۳ (۲)

۲ (۱)

۳۶- اگر مجموعه مقادیر x در معادله $2^x - 1 \equiv ax$ برابر $\{ \dots, -7, -6, -5, \dots \}$ باشد، مجموع ارقام بزرگ‌ترین مقدار دو رقمی a کدام است؟

۱۸ (۴)

۱۷ (۳)

۱۶ (۲)

۱۵ (۱)

۳۷- مجموع ارقام بزرگ‌ترین عدد طبیعی دو رقمی a که ۵ برابر آن به علاوه ۹، بر ۱۱ بخش‌پذیر باشد، کدام است؟

۱۲ (۲)

۱۱ (۱)

۱۴ (۴)

۱۳ (۳)

۳۸- اختلاف بزرگ‌ترین و کوچک‌ترین اعداد سه رقمی به صورت \overline{xyx} که در تقسیم بر عدد ۳۰ باقی‌مانده‌شان ۱ بشود، کدام است؟

۱۰۱ (۲)

۲۰۲ (۱)

۵۰ (۴)

۶۰ (۳)

۳۹- جواب معادله همنهشتی $x^9 - 16x^6 + 63 = 0$ به کدام صورت نمی‌تواند باشد؟ ($k \in \mathbb{Z}$)

۹k+۷ (۲)

۹k (۱)

۳k+۱ (۴)

۳k+۲ (۳)

۴۰- چند عدد سه رقمی طبیعی به صورت \overline{aba} وجود دارد که مضرب ۳۳ باشد؟

۲ (۲)

۱ (۱)

۴ (۴)

۳ (۳)



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

آمار و احتمال: آشنایی با مبانی ریاضیات: صفحه‌های ۱ تا ۳۴

توجه:

دانش آموزان گرامی: از دو مجموعه سوالات آمار و احتمال (۴۱ تا ۵۰) و (۵۱ تا ۶۰) یک مجموعه را به اختیار انتخاب کرده و پاسخ دهید.

۴۱- برای دو مجموعه A و B دارای $A' - (A - B) = B - A'$: کدام نتیجه‌گیری درباره این دو مجموعه صحیح می‌باشد؟

$$A - B = \emptyset \quad (2)$$

$$A' \cup B' = U \quad (1)$$

$$B - A = \emptyset \quad (4)$$

$$A \cup B = U \quad (3)$$

۴۲- اگر مجموعه A به عنوان دامنه متغیر گزاره‌نمای « $x^3 - 3x^2 + 5x + 2 = 0$ » در نظر گرفته شود، A برابر با کدام مجموعه

انتخاب شود تا مجموعه جواب این گزاره‌نما فقط دارای یک عضو باشد؟

$$\mathbb{Z} \quad (2)$$

$$\mathbb{N} \quad (1)$$

$$\mathbb{Q}' \quad (4)$$

$$\mathbb{Q} \quad (3)$$

۴۳- اگر تعداد اعضای مجموعه حاصل از ضرب دکارتی دو مجموعه A و B برابر ۴۵ باشد، تعداد زیرمجموعه‌های مجموعه A کدامنمی‌تواند باشد؟

$$32 \quad (2)$$

$$8 \quad (1)$$

$$512 \quad (4)$$

$$64 \quad (3)$$

۴۴- نقطیض کدام یک از گزاره‌های سوری زیر صحیح می‌باشد؟

$$\exists x \in \mathbb{R}, \forall y \in \mathbb{R}; x + y = y \quad (2)$$

$$\forall x \in \mathbb{R} - \{0\}, \exists y \in \mathbb{R}; xy = 1 \quad (1)$$

$$\exists x \in \mathbb{R} - \{0\}, \forall y \in \mathbb{R}; xy = 1 \quad (4)$$

$$\exists x \in \mathbb{R}, \forall y \in \mathbb{R}; xy = y \quad (3)$$

۴۵- گزاره شرطی $(p \vee q) \Rightarrow (p \wedge q)$ با کدام یک از گزاره‌های زیر هم‌ارز است؟

$$p \Leftrightarrow \sim q \quad (2)$$

$$p \Leftrightarrow q \quad (1)$$

۴) این گزاره همواره درست می‌باشد.

$$(p \vee q) \wedge (\sim p \vee \sim q) \quad (3)$$

محل انجام محاسبات



۴۶- اگر مجموعه A ، 2 عضو بیشتر از مجموعه B داشته باشد و تعداد اعضای مجموعه مجموعه توانی A ، 49 تا بیشتر از تعداد

زیرمجموعه‌های سره مجموعه B باشد، با فرض این که نیمی از اعضای مجموعه A با مجموعه B مشترک باشند، مجموعه

$$\text{چند عضو دارد؟ } P(A) \cap P(B)$$

۸ (۲)

۷ (۱)

۴ (۴)

۳ (۳)

۴۷- مجموعه‌های $\{x \in \mathbb{R} \mid |x|=1\}$ و $B = [-2, 2]$ مفروض‌اند. فاصله نقاط مجموعه $A \times B$ از یکدیگر، همواره کوچک‌تر از a

است. کمترین مقدار a کدام است؟ (منظور از $[x]$ ، جزء صحیح x است).

۲۷۱۰ (۲)

۲۷۵ (۱)

۶ (۴)

۵ (۳)

۴۸- اگر p و r گزاره‌ای درست و q گزاره‌ای نادرست باشد، ارزش چه تعداد از گزاره‌های زیر نادرست می‌باشد؟

$$(p \Rightarrow \neg r) \Rightarrow q \vee (q \Rightarrow \neg p) \quad \text{(الف)}$$

$$((p \Leftrightarrow r) \Rightarrow \neg q) \wedge (\neg p \vee q) \quad \text{(ب)}$$

$$((r \Rightarrow q) \Rightarrow p) \wedge (q \Rightarrow (p \vee r)) \quad \text{(پ)}$$

۴ (۴) صفر

۱ (۳)

۲ (۲)

۳ (۱)

۴۹- اجتماع متمم مجموعه $((A \cup C) - C') \cap ((B \cup C') \cup ((B - C) \cup C))$ با کدام یک از مجموعه‌های زیر به یقین برابر $'$ می‌شود؟ A ، B و C سه مجموعه متمایز و غیرتھی می‌باشند.

$$B' \cap C' \quad (۲)$$

$$C - B \quad (۱)$$

$$C \quad (۴)$$

$$B' \cap A' \quad (۳)$$

۵- اگر A ، B و C مجموعه‌هایی دلخواه و غیرتھی باشند، کدام یک از مجموعه‌های زیر الزاماً تھی است؟

$$A \times (B \cap C) - A \times B \quad (۲)$$

$$A \times B - B \times A \quad (۱)$$

$$A \times B - B \times (A \cup C) \quad (۴)$$

$$A \times (A \cup B) - A \times A \quad (۳)$$

محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

آمار و احتمال: آمار توصیفی: صفحه‌های ۶۹ تا ۹۴

توجه:

دانش آموزان گرامی: از دو مجموعه سوالات آمار و احتمال (۴۱ تا ۵۰) و (۵۱ تا ۶۰) یک مجموعه را به اختیار انتخاب کرده و باسخ دهید.

۵۱- مجموع داده‌های x_1, x_2, \dots, x_{10} برابر ۱۲۰ می‌باشد. اگر ضریب تغییرات داده‌های مذکور $\frac{4}{3}$ ضریب تغییرات داده‌های

$$(k > 0) \text{ باشد، مقدار } k \text{ کدام است؟}$$

۱) $\frac{1}{2}$ ۱) $\frac{1}{4}$ ۲) $\frac{1}{4}$ ۳) $\frac{1}{3}$

۵۲- اگر حقوق کارمندان شرکتی ۲۵٪ کاهش یابد، ضریب تغییرات آن چه تغییری می‌کند؟ آزمون وی ای پی

۱) ۷۵٪ کاهش می‌یابد.

۲) ۵۰٪ کاهش می‌یابد.

۳) ۲۵٪ کاهش می‌یابد.

۴) تغییر نمی‌کند.

۵۳- دانش آموزی در محاسبه میانگین اعداد ۱۲، ۱۶، ۲، ۷ و ۳ به اشتباه عدد a را دو بار می‌نویسد و به این ترتیب مقدار میانگین

۱ واحد کمتر می‌شود. مقدار واقعی میانگین کدام است؟

۱) ۴

۲) $\frac{7}{5}$ ۳) $\frac{7}{2}$

۴) ۱

۵۴- به ۸ داده آماری با واریانس ۴، ۸ داده برابر اضافه می‌کنیم به طوری که میانگین داده‌ها ثابت می‌ماند. واریانس داده‌های جدید

چقدر است؟

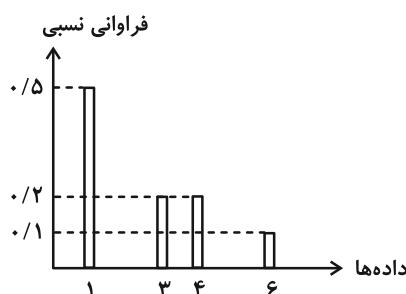
۱) ۴

۲) ۳

۳) ۲

۴) ۱

۵۵- نمودار میله‌ای مربوط به ۱۰ داده به صورت زیر است. کدام گزینه نادرست است؟



۱) حاصل ضرب میانه و مد برابر ۲ است.

۲) حاصل ضرب میانگین و مد برابر $2/5$ است.۳) مجموع میانگین و میانه برابر $5/5$ است.

۴) مجموع میانه و مد برابر ۳ است.

محل انجام محاسبات

۵۶- ضریب تغییرات اعداد طبیعی دو رقمی که در تقسیم بر ۷ دارای باقیمانده ۳ هستند، تقریباً کدام است؟

۰/۵ (۲)

۰/۳۵ (۱)

۰/۸ (۴)

۰/۶۵ (۳)

۵۷- جمعیت دانشآموزان شهرهای A، B، C، D، E و F (برحسب هزار نفر) به ترتیب ۲۵، ۱۳، ۳۵، ۴۲، ۳۵ و ۲۵ است. به ازای کدام مقدار m، در نمودار دایره‌ای جمعیت دانشآموزان این ۶ شهر، زاویه مربوط به شهر E برابر 45° است؟

۲۴ (۲)

۲۰ (۱)

۳۰ (۴)

۲۵ (۳)

۵۸- به ازای کدام مقدار غیرصحیح a، انحراف معیار داده‌های ۳، ۴a و ۵a برابر $\frac{\sqrt{6}}{3}$ است؟

 $\frac{2}{5}$ (۲) $\frac{3}{7}$ (۱) $\frac{3}{5}$ (۴) $\frac{2}{7}$ (۳)

۵۹- واریانس داده‌های $x_1 + x_2 + x_3 + ۳$ ، $x_1 + x_2 + ۲$ ، $x_1 + ۱$ ، x_2 ، x_3 و x_4 برابر صفر است. اگر میانگین داده‌های $x_1 + x_2 + x_3 + x_4 + ۴$ باشد، واریانس این داده‌ها کدام است؟

۲۵ (۲)

۲۰ (۱)

۴۰ (۴)

۳۰ (۳)

۶۰- اگر دامنه میان چارکی برای داده‌های ۲۴، ۳۹، ۱۸، ۲۴، ۳۹، ۱، ۳، ۴۲، a، a+1، ۲a+1 باشد، میانگین داده‌های درون جعبه در نمودار جعبه‌ای این داده‌ها کدام است؟ ($a > ۳$)

۱۹ (۲)

۱۸/۴ (۱)

۲۰ (۴)

۱۹/۶ (۳)

علوم
ریاضی
و فنی

دفترچه اختصاصی — ۲

دوازدهم ریاضی

دفترچه شماره ۲ (از ۲)



آزمون ۲ آذر ۱۴۰۳

آزمون اختصاصی
گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی

عنوان مواد امتحانی آزمون اختصاصی گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی، تعداد، شماره سوالات و مدت پاسخگویی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره	مدت پاسخگویی
۱	فیزیک ۳	۲۰	۶۱	۸۰	۳۰ دقیقه
۲	فیزیک ۱	۱۰	۸۱	۹۰	۱۵ دقیقه
	فیزیک ۲		۹۱	۱۰۰	
۳	شیمی ۳	۱۰	۱۰۱	۱۱۰	۱۰ دقیقه
۴	شیمی ۱	۱۰	۱۱۱	۱۲۰	۱۰ دقیقه
	شیمی ۲		۱۲۱	۱۳۰	



آزمون «۲ آذر ۱۴۰۳» اختصاصی دوازدهم ریاضی

نحوه سوال

مدت پاسخ‌گویی: ۶۵ دقیقه

تعداد کل سوالات: ۵۰ سوال

نام درس	تعداد سوال	شماره سوال	زمان پاسخ‌گویی
فیزیک ۲	۲۰	۶۱-۸۰	۳۰'
زوج کتاب	۱۰	۸۱-۹۰	۱۵'
		۹۱-۱۰۰	۱۰'
شیمی ۳	۱۰	۱۰۱-۱۱۰	۱۰'
زوج کتاب	۱۰	۱۱۱-۱۲۰	۱۰'
		۱۲۱-۱۳۰	شیمی ۲
جمع کل	۵۰	۶۱-۱۳۰	۶۵'

پذیدآورندگان

نام طراحان	نام درس	نام
کامران ابراهیمی-حسین الهی-بهزاد آزادفر-علیرضا جباری-سیاوش خادمی-مسعود خندانی-محمد رضا شریفی-مهدي شريفي	فیزیک	فیزیک
بوریا علاقمند-سیاوش فارسی-ادریس محمدی-آرash محمدی-محمد مقدم-محمد کاظم منشادی-امیراحمد میرسعید		
حسام نادری-مجتبی تکوئیان	شیمی	شیمی
امیرعلی بیات-علیرضا بیانی-محمد رضا بورجاید-سعید تیزرو-محمد رضا جمشیدی-امیر حاتمیان-امیرحسین حسن نژاد		
بیمان خواجهی مجد-یاسر راش-محمد رضا طاهری نژاد-امیرحسین طبیبی-آرمین عظیمی-محمد عظیمیان زواره-آرمان قتوانی		
محسن مجنوی-فرشید مرادی-امیرحسین ملازینل		

گزینشگران و ویراستاران

نام درس	فیزیک	شیمی
گزینشگر	حسام نادری	ایمان حسن نژاد
گروه ویراستاری	بهنام شاهنی زهره آقامحمدی	محمدحسن محمدزاده مقدم احسان پنجه‌شاهی امیرحسین کمره‌ای
ویراستاری رتبه‌های برتر	سینا صالحی ماهان فرهمندفر	آرمان قتوانی امیرحسین ملازینل
بازنویسی آزمون	سینا صالحی	-----
مسئول درس	حسام نادری	امیرعلی بیات
مستندسازی	علیرضا همایون خواه	امیرحسین توحیدی
ویراستاران (مستندسازی)	مهدی گنجی وطن علی سلطانی محمد زنگنه	سجاد رضایی محمد صدر رفیعی ملینا ملاتی

گروه فنی و تولید

مهداد ملوندی	مدیر گروه
نرگس غنی‌زاده	مسئول دفترچه
مسئول دفترچه: الهه شهیاری	گروه مستندسازی
مدیر گروه: محیا اصغری	فرزانه فتح المزاده
سوران نعیمی	ناظر چاپ

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلمچی «وقف عام»

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۳۳ - تلفن: ۰۶۴۶۳-۰۶۱



وقت پیشنهادی: ۳۰ دقیقه

فیزیک ۳: دینامیک و حرکت دایره‌ای (تاپیان نیروی کشش طناب): صفحه‌های ۲۹ تا ۴۶

۶۱- چند مورد از عبارت‌های زیر الزاماً درست است؟

الف) نیروی خالص وارد بر جسم، در جهت حرکت آن است.

ب) برایند نیروهای کنش و واکنش صفر است.

پ) هر چه تغییر سرعت بر مسیر مستقیم ناگهانی تر باشد، خاصیت لختی قابل ملاحظه‌تر است.

ت) اگر نیروی خالص وارد بر جسمی صفر باشد، جسم ساکن است. آزمون وی ای بی

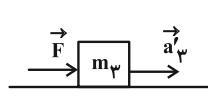
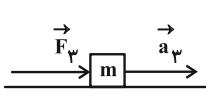
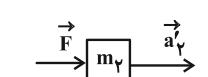
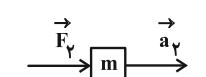
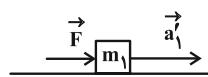
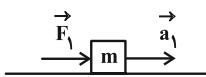
۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۶۲- با توجه به اشکال زیر، چند مورد از جملات زیر صحیح است؟ (سطح افقی بدون اصطکاک است).



الف) هر دو شکل (۱) و (۲)، بیانگر قانون دوم نیوتون است.

ب) با توجه به شکل (۱)، شتاب با نیروی خالص وارد بر جسم رابطه مستقیم دارد.

پ) با توجه به شکل (۲)، نیرو با جرم رابطه مستقیم دارد.

۱) صفر

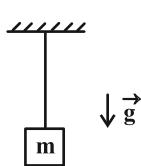
۱ (۲)

۲ (۳)

۳ (۴)

۶۳- نیروی خالص \bar{F} ، جسمی به جرم $4m$ را با شتاب \bar{a} به حرکت درمی‌آورد. اگر 400 گرم به جرم جسم اضافه شود، نیروی خالصجسم را با شتاب $\frac{\bar{a}}{8}$ به حرکت درمی‌آورد. m چند گرم است؟ $\frac{100}{3}$ (۴) $\frac{1}{30}$ (۳)

۴۰ (۲)

 $\frac{2}{50}$ (۱)۶۴- با توجه به شکل زیر، اگر بردار نیروی گرانش وارد بر جرم m از طرف زمین برابر با \bar{W} باشد، عکس‌العمل نیروی وارد بر سقف از طرف نخ و عکس‌العمل نیروی وارد بر جرم از طرف نخ، به ترتیب از راست به چپ کدام است؟ (جرم نخ ناچیز است).۱) $-\bar{W}$ ، \bar{W} ۲) \bar{W} ، $-\bar{W}$ ۳) $-\bar{W}$ ، $-\bar{W}$ ۴) \bar{W} ، \bar{W} ۶۵- وزن شخصی به جرم 60 kg در سطح ماه، تقریباً درصد از وزن همان شخص در سطح زمین است.

$$\text{وزن} = \frac{N}{kg} = \frac{1}{6} \text{ ماه} \quad (g_{\text{زمین}} = 9.8 \frac{N}{kg})$$

۴- بیشتر

۳- کمتر

۲- بیشتر

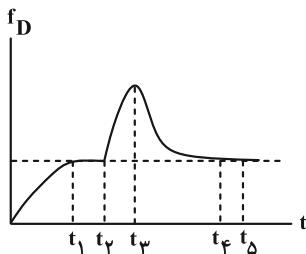
۱- کمتر

مشابه سؤال‌هایی که با آیکون مشخص شده‌اند در امتحانات تشریحی وجود دارد.

محل انجام محاسبات



۶۶- نمودار بزرگی نیروی مقاومت هوا بر حسب زمان، برای چتر بازی که از یک بالگرد می‌پردازد، به صورت شکل زیر است. کدام گزینه در مورد حرکت چتر باز درست نیست؟ (چتر باز پس از پریدن از بالگرد، بلا فاصله چتر خود را باز نمی‌کند و پس از یک بازه زمانی معین آن را باز می‌کند).



۱) در بازه زمانی صفر تا t_1 ، نوع حرکت تندشونده است.

۲) در لحظه‌های t_2 و t_4 ، تندی چتر باز یکسان است.

۳) در لحظه‌های t_1 و t_4 ، چتر باز به تندی حدی می‌رسد.

۴) تندی چتر باز در لحظه t_1 بیشینه است.

۶۷- دو گوی به جرم‌های $m_2 = 10\text{ kg}$ و $m_1 = 5\text{ kg}$ را همزمان از ارتفاع 18 m از سطح زمین رها می‌کنیم. اگر نیروی مقاومت هوا، برای هر دو گوی، یکسان و ثابت و اندازه آن برابر با $f_D = 10\text{ N}$ باشد، بیشترین فاصله این دو گوی در طی مسیر چند متر

$$(g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}})$$

۲ (۴)

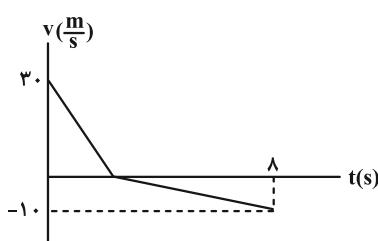
۱۶ (۳)

۹ (۲)

۸ (۱)

۶۸- نمودار سرعت- زمان جسمی به جرم 300 g که از سطح زمین در راستای قائم رو به بالا پرتاب می‌شود، مطابق شکل زیر است.

اگر بزرگی نیروی مقاومت هوا در مسیر رفت، f_D و در مسیر برگشت، f'_D باشد، حاصل $\frac{f'_D}{f_D}$ کدام است؟ $(g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}})$



لحظه برخورد جسم به زمین است.)

۱ (۱)

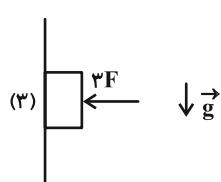
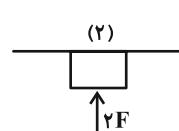
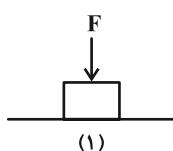
$\frac{5}{3}$ (۲)

$\frac{7}{3}$ (۳)

$\frac{1}{3}$ (۴)

۶۹- نیروی عمودی تکیه‌گاه وارد بر جسم ساکنی به جرم m را در شکل‌های (۱)، (۲) و (۳)، به ترتیب با F_{N_1} ، F_{N_2} و F_{N_3} نمایش

می‌دهیم. اگر رابطه $3F_{N_1} = F_{N_2} = F_{N_3}$ برقرار باشد، حاصل $\frac{F_{N_2}}{F_{N_1}}$ کدام است؟



$\frac{1}{4}$ (۱)

$\frac{1}{2}$ (۲)

$1 (3)$

۲ (۴)

محل انجام محاسبات



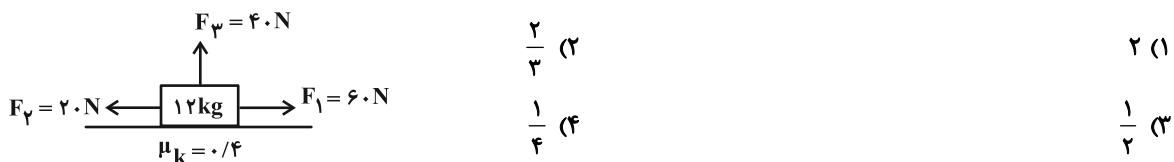
۷۰- نمودار تغییرات تندی بر حسب زمان برای آسانسوری به صورت شکل زیر است. شخص درون آسانسور بر روی ترازو ایستاده

است. نسبت عدد ترازو در لحظه $t_1 = 1s$ به عدد ترازو در لحظه $t_2 = 8s$ مطابق با کدام گزینه است؟ ($g = 10 \frac{m}{s^2}$)



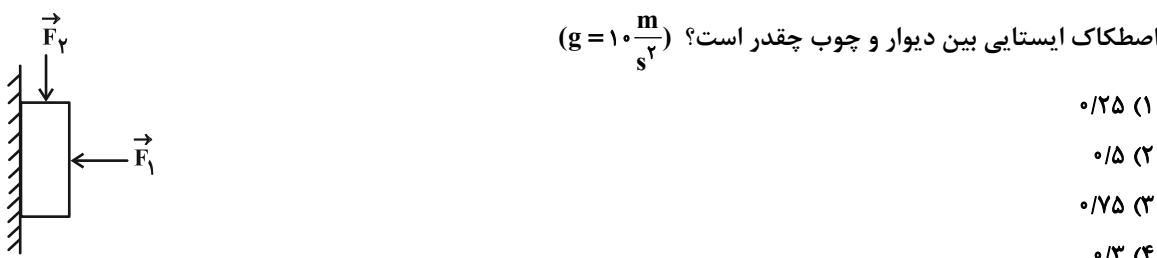
۷۱- در شکل زیر، جسم تحت تأثیر سه نیروی ثابت F_1 ، F_2 و F_3 در حال حرکت به سمت راست است. بزرگی شتاب حرکت جسم چند

متر بر مجدوثر ثانیه است؟ ($g = 10 \frac{N}{kg}$)



۷۲- قطعه چوبی به جرم 150 گرم با نیروی افقی \vec{F}_1 ، مطابق شکل زیر به دیوار قائم فشرده شده است. اگر با وارد کردن نیروی $F_2 = 1/5 N$ ، چوب در آستانه لغش قرار گیرد و در این حالت اندازه نیرویی که دیوار به چوب وارد می‌کند، $5 N$ باشد، ضریب

اصطکاک ایستایی بین دیوار و چوب چقدر است؟ ($g = 10 \frac{m}{s^2}$)



۷۳- نمودار اندازه نیروی کشسانی برای دو فنر A و B بر حسب تغییر طول آنها مطابق شکل زیر است. اگر جسمی را به فنر A ببندیم و روی سطح افقی با ضریب اصطکاک جنبشی $\mu_k = 0/1$ با سرعت ثابت به حرکت درآوریم، تغییر طول آن x_A می‌شود. اگر همان

جسم را به فنر B ببندیم و از سقف آویزان کنیم، پس از رسیدن به تعادل، تغییر طول فنر B x_B می‌شود. نسبت $\frac{x_A}{x_B}$ کدام است؟





۷۴- وزنه‌ای به جرم m را به انتهای فنری که از سقف آویزان است، می‌بندیم و پس از رسیدن به تعادل، طول فنر 8 cm افزایش می‌یابد. اگر همین وزنه را به همین فنر متصل کرده و آن را روی سطح افقی به ضریب اصطکاک جنبشی $k = 0.5$ با شتاب

$$a = 2g \frac{m}{s^2} \text{ بکشیم، افزایش طول فنر چند سانتی‌متر می‌شود؟}$$

۹) ۴

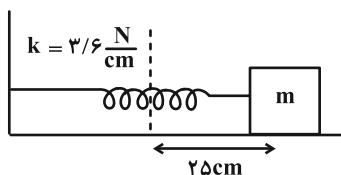
۸) ۳

۵/۶) ۲

۴) ۱

۷۵- مطابق شکل زیر، جسمی به جرم 5 kg به فنری با جرم ناچیز و ثابت فنر $\frac{N}{cm} = 3/6$ متصل است. جسم را از حالت تعادل، 25 cm در جهت مثبت محور x کشیده و رها می‌کنیم. بردار شتاب جسم در لحظه رها شدن آن، در SI کدام است؟

(نیروی اتلافی ناچیز است).



-۰/۱۸ ī) ۱

+۰/۱۸ ī) ۲

-۱۸ ī) ۳

+۱۸ ī) ۴

۷۶- شخصی به جرم 50 kg روی یک ترازو ایستاده است. در هر یک از دستان شخص، یک فنر وجود دارد که سر دیگر آن به ترازو متصل است. شخص در راستای قائم طوری فنرها را نگه داشته است که افزایش طول یکی از آن‌ها نسبت به حالت آزادشان

$$(g = 10 \frac{m}{s^2}) \text{ و دیگری } 40\text{ cm} \text{ است. اگر ثابت هر دو فنر } \frac{N}{m} = 500 \text{ باشد، ترازو چند نیوتون را نشان می‌دهد؟}$$

۴) صفر

۱۰۰۰) ۳

۶۰۰) ۲

۵۰۰) ۱

۷۷- فنری به طول 40 cm با جرم ناچیز و ثابت فنر $\frac{N}{m} = 132$ از سقف آویزان است. وزنه‌ای به جرم 600 g را به انتهای این فنر متصل و رها می‌کنیم تا به طرف پایین بیاید. در لحظه‌ای که شتاب وزنه به $\bar{a} = \frac{m}{s^2}$ می‌رسد، طول فنر چند سانتی‌متر خواهد شد؟

$$g = 10 \frac{m}{s^2} \text{ و جهت مثبت محور رو به بالا است.}$$

۴۸) ۴

۴۶) ۳

۴۵) ۲

۴۲) ۱

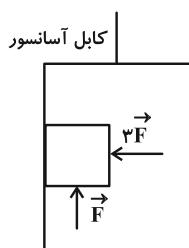
محل انجام محاسبات



۷۸- در شکل زیر، اگر آسانسور با شتاب ثابت به اندازه $\frac{m}{s^2}$ به طور کندشونده به سمت بالا در حرکت باشد، جسم به جرم 5 kg در

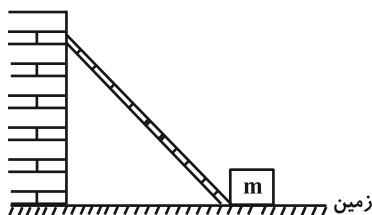
آستانه لغش به سمت پایین و چنانچه آسانسور با شتاب ثابت به اندازه $\frac{m}{s^2}$ تندشونده به سمت پایین حرکت کند، جسم در

آستانه لغش به سمت بالا قرار می‌گیرد. ضریب اصطکاک ایستایی بین جسم و دیوار آسانسور کدام است؟ ($g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$)

(۱) $\frac{1}{3}$ (۲) $\frac{1}{6}$ (۳) $\frac{1}{15}$ (۴) $\frac{1}{25}$

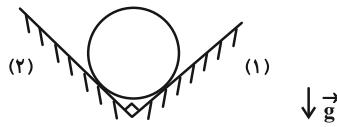
۷۹- در شکل زیر، یک نردهان به جرم 24 kg به دیوار قائم و بدون اصطکاکی تکیه دارد. اگر اندازه نیروی وارد از طرف دیوار به نردهان N و نردهان در آستانه سرخوردن باشد، جرم جعبه‌ای که در تماس با انتهای نردهان و در آستانه سرخوردن است، چند

کیلوگرم می‌باشد؟ (ضریب اصطکاک ایستایی زمین با جعبه و نردهان هر دو یکسان و برابر با 0.4 است.)

(۱) $20/5$ (۲) 36 (۳) 41 (۴) 96

۸۰- مطابق شکل زیر، کره‌ای به جرم 50 kg بین دو دیوار بدون اصطکاک (۱) و (۲) قرار گرفته است. اندازه برایند نیروهای عمودی

سطح وارد بر کره از طرف دو دیوار چند نیوتون است؟ ($g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$)



(۱) صفر

(۲) 500 (۳) 250 (۴) 1000



فیزیک ۱: فیزیک و اندازه‌گیری + ویژگی‌های فیزیکی مواد + کار، انرژی و توان + دما و گرما: صفحه‌های ۱ تا ۱۲۶

وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

توجه:

دانش آموزان گرامی: از دو مجموعه سوال فیزیک ۱ (۹۰ تا ۹۱) و فیزیک ۲ (۹۱ تا ۱۰۰) یک مجموعه را به اختیار انتخاب کرد و پاسخ دهید.

۸۱- کدام موارد زیر درست است؟

(الف) نیرو همانند تندی، یک کمیت فرعی برداری است.

(ب) قطر موی انسان که برابر با $80\text{ cm} / 0.000080\text{ m}$ است، به صورت نمادگذاری علمی برابر با $8 \times 10^{-9}\text{ m}$ است.(پ) یک پیکومتر، 1000 برابر یک نانومتر است.

(۱) الف و پ

(۲) ب و پ

(۳) ب

۸۲- مطابق شکل زیر، درون ظرفی استوانه‌ای شکل با شعاع مقطع 10 cm ، تا ارتفاع 20 cm روغن ریخته‌ایم. اگر قطعه فلزی به چگالی $\frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ 2700 را درون ظرف بیندازیم، 900 گرم روغن از ظرف بیرون می‌ریزد. اگر جرم قطعه فلز 1620 گرم باشد، حجم حفره

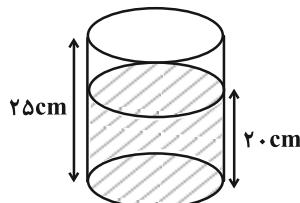
$$\text{درون آن چند سانتیمترمکعب است؟ } (\pi = 3) \quad \text{روغن } \rho = \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} = 800 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$$

(۱) ۲۶۲۵

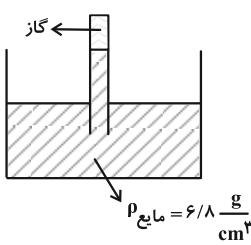
(۲) ۳۲۲۵

(۳) ۲۰۲۵

(۴) قطعه فلز حفره ندارد.

۸۳- آزمایش شکل زیر، در محیطی که در آن فشار هوا معادل با 74 cmHg است، انجام شده است. ارتفاع مایع درون لوله چند

$$\text{سانتیمتر است؟ } (\rho_{\text{جیوه}} = 13/6 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} \text{ و فشار گاز محبوس در لوله } 4\text{ cmHg \text{ است.)}}$$



(۱) ۱۴۰

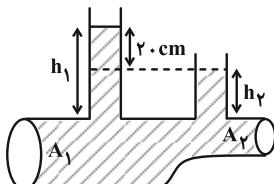
(۲) ۷۰

(۳) ۱۰۰

(۴) ۲۰۰

۸۴- در شکل زیر، آب به طور پایا و لایه‌ای در لوله افقی جاری می‌باشد. کدام گزینه درست نمی‌باشد؟

$$(\rho_{\text{آب}} = 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}, g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}})$$

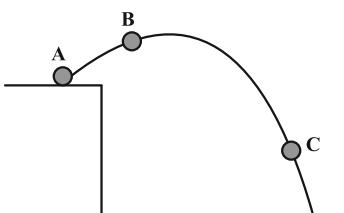
(۱) فشار در سطح مقطع A_1 بیشتر از A_2 است.(۲) تندی آب در A_1 کمتر از A_2 است.(۳) اختلاف فشار در A_1 و A_2 2000 Pa است.(۴) آهنگ جریان آب در A_1 بیشتر از A_2 است.

محل انجام محاسبات



-۸۵- مطابق شکل زیر، گلوله‌ای را از نقطه A به طرف بالا پرتاب می‌کنیم. انرژی جنبشی گلوله در نقطه‌های B و C، به ترتیب ۴۰ درصد کمتر و ۶۰ درصد بیشتر از انرژی جنبشی آن در نقطه A است. اگر انرژی پتانسیل گرانشی در نقطه B و C به ترتیب ۲۰ ژول بیشتر و ۲۰ درصد کمتر از انرژی پتانسیل گرانشی در نقطه A باشد، انرژی مکانیکی گلوله در نقطه C چند ژول است؟ (از اتلاف انرژی صرف نظر کنید و سطح زمین را به عنوان مبدأ انرژی پتانسیل گرانشی در نظر بگیرید).

- (۱) ۱۰۰
(۲) ۱۵۰
(۳) ۱۸۰
(۴) ۲۰۰



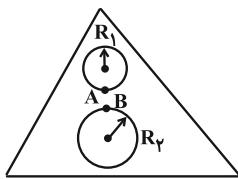
-۸۶- بالابری با توان مصرفی ۳۰۰ وات، در مدت زمان ۱۰ ثانیه یک بسته ۶ کیلوگرمی را با تندی ثابت تا ارتفاع معینی از سطح زمین بالا می‌برد. اگر این بسته بدون سرعت اولیه از همان ارتفاع رها شود، با تندی $\frac{m}{s}$ به سطح زمین می‌رسد. بازده این بالابر چند درصد است؟ (g = ۱۰ $\frac{N}{kg}$ و از نیروی مقاومت هوا چشم پوشی کنید).

- (۱) ۳۰
(۲) ۵۰
(۳) ۷۵
(۴) ۸۱

-۸۷- اگر دمای یک محیط بر حسب درجه سلسیوس ۶ برابر شود، دمای محیط بر حسب کلوین سه برابر می‌شود. دمای اولیه محیط بر حسب سلسیوس چند درجه است؟ آزمون وی ای پی

- (۱) ۹۱
(۲) ۲۷۳
(۳) ۱۸۲
(۴) ۴۵/۵

-۸۸- مطابق شکل زیر، از یک صفحه مثلثی فلزی دو حفره دایره‌ای شکل جدا کرده‌ایم و ضریب انبساط سطحی این صفحه $(\frac{1}{K})^{10^{-5}/6}$ می‌باشد. اگر دمای مجموعه را ابتدا ۲۰ کلوین و سپس ۵۴°F افزایش دهیم، در پایان این افزایش دماها کدام مورد زیر صحیح می‌باشد؟



- (۱) مساحت حفره‌ها ۵۶٪ درصد افزایش می‌یابد.
(۲) شعاع حفره‌ها ۲۸٪ درصد کاهش می‌یابد.
(۳) فاصله بین دو نقطه A و B در شکل ۱۴٪ درصد افزایش می‌یابد.
(۴) فاصله بین مرکز دایره‌ها تغییر نخواهد کرد.

-۸۹- درون دو ظرف A و B، مقداری آب با دمای ۳۰°C وجود دارد. یک گرمکن الکتریکی با توان گرمایی معین می‌تواند در مدت زمان ۱۵ دقیقه، دمای آب ظرف‌های A و B را به ترتیب ۲۰°C و ۲۲°C بالا ببرد. اگر همه آب دو ظرف را در ظرف خالی C بریزیم، همان گرمکن با همان توان گرمایی دمای آب ظرف C را در مدت زمان ۱۹/۵ دقیقه، چند درجه سلسیوس افزایش می‌دهد؟ (از اتلاف انرژی صرف نظر شود).

- (۱) ۴
(۲) ۸
(۳) ۱۶
(۴) ۳۲

-۹۰- دمای مقدار معینی از یک گاز آرامانی را از $277^{\circ}C - 23^{\circ}C$ به $150^{\circ}C$ درصد افزایش یابد، چگالی گاز چند برابر خواهد شد؟

- (۱) ۵/۵
(۲) ۴/۵
(۳) ۳/۵
(۴) ۲/۵

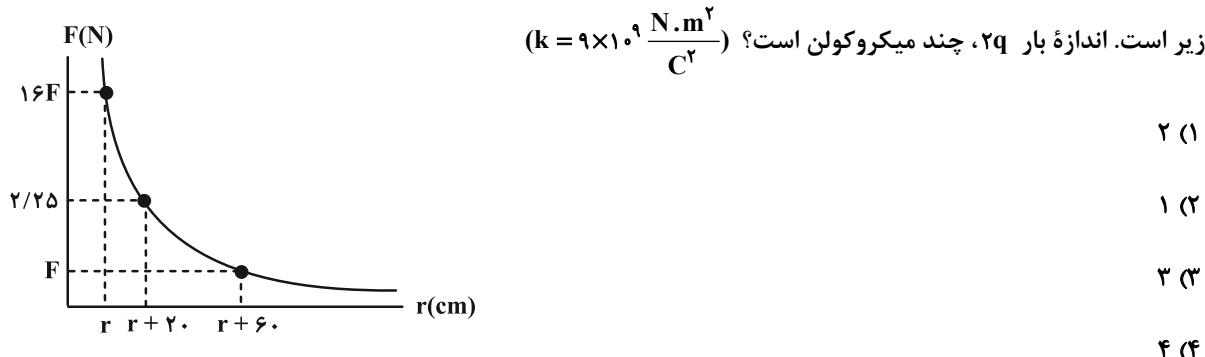


وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

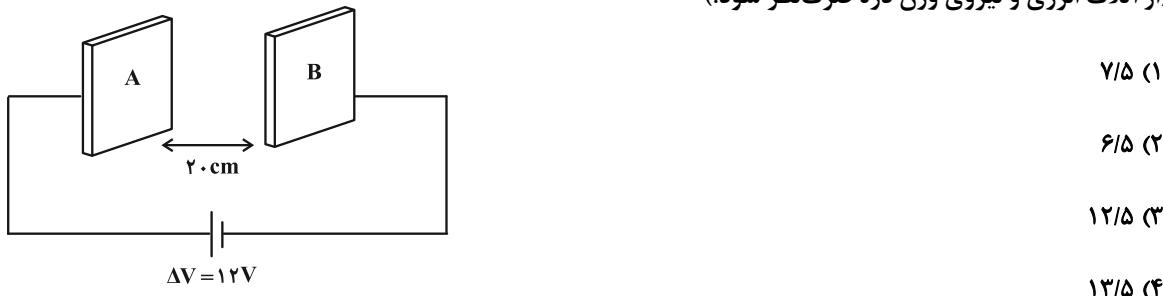
فیزیک ۲: الکتریسیته ساکن + جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم + مغناطیس: صفحه‌های ۱ تا ۱۰۸

توجه:

دانش آموزان گرامی: از دو مجموعه سوال فیزیک ۱ (۹۰ تا ۹۱) و فیزیک ۲ (۹۱ تا ۱۰۰) یک مجموعه را به اختیار انتخاب کرده و پاسخ دهید.

۹۱- نمودار بزرگی نیروی الکتریکی که دو بار الکتریکی نقطه‌ای $2q$ و $5q$ به هم وارد می‌کنند، بر حسب فاصله بین دو بار مطابق شکل۹۲- دو صفحه رسانای موازی را مطابق شکل زیر، در یک مدار قرار می‌دهیم. ذرهای با بار $-2mC^{-2}$ و جرم 200g را از مجاورت صفحه باپتانسیل بزرگ‌تر در راستای افقی با سرعت $\frac{\text{cm}}{\text{s}}$ پرتاب می‌کنیم. ذره در فاصله چند سانتی‌متری از صفحه B متوقف می‌شود؟

(از اتلاف انرژی و نیروی وزن ذره صرف‌نظر شود.)



۹۳- فاصله بین صفحات خازن تختی از جنس برنج، با دیالکتریکی به ثابت ۲ پر شده است. اگر فاصله بین صفحات و مساحت آن‌ها به

ترتیب 3mm و $800\text{cm}^۲$ باشد، با افزایش دمای 180°F ، ظرفیت خازن چند pF تغییر می‌کند؟ ($\alpha = 2 \times 10^{-5}$ برنج، $C = \frac{1}{\alpha}$)

$$\epsilon = 9 \times 10^{-12} \frac{\text{F}}{\text{m}}$$

۴/۰۴ (۴)

۲/۰۲ (۳)

۱/۹۲ (۲)

۰/۹۶ (۱)

محل انجام محاسبات



۹۴- چند مورد از عبارت‌های زیر نادرست است؟

الف) آمپر-ساعت (Ah)، یکی از یکاهای انرژی الکتریکی است.

ب) اندازه سرعت سوق در سیمهای مسی از مرتبه $10^4 \frac{m}{s}$ یا $10^5 \frac{m}{s}$ است.

پ) نمودار جریان بر حسب ولتاژ برای یک دیود نورگسیل، به صورت خط راستی گذرا از مبدأ است.

ت) با افزایش دمای یک نیم رسانا، تعداد حامل‌های بار افزایش و در نتیجه مقاومت کاهش می‌یابد.

ث) از مقاومت‌های LDR در مدارهای حساس به دما مانند زنگ خطر آتش استفاده می‌شود.

۱ (۴)

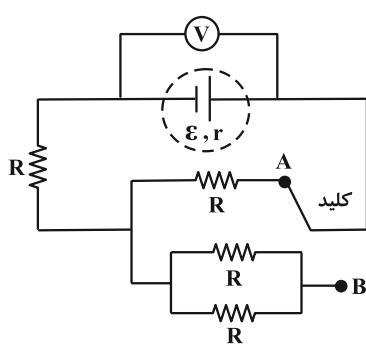
۲ (۳)

۳ (۲)

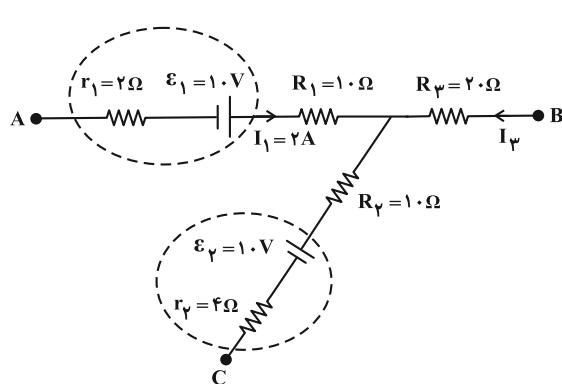
۴ (۱)

۹۵- در مدار شکل زیر، مقاومتها مشابه‌اند و اندازه مقاومت درونی باتری نیز برابر اندازه هر یک از مقاومتها است. اگر کلید را از

نقطه A به B وصل کنیم، عددی که ولتسنج آرمانی نشان می‌دهد، نسبت به قبل چند برابر می‌شود؟

 $\frac{9}{10}$ (۱) $\frac{3}{4}$ (۲) $\frac{10}{9}$ (۳) $\frac{4}{3}$ (۴)

۹۶- شکل زیر، قسمتی از یک مدار الکتریکی است. اگر $V_A - V_B = -46V$ باشد، توان ورودی باتری «۲» چند وات است؟



۵۰ (۱)

۱۰۰ (۲)

۱۵۰ (۳)

۲۰۰ (۴)

محل انجام محاسبات



۹۷- از یک سیم‌لوله آرمانی و پیچه مسطح با تعداد دورهای برابر، جریان الکتریکی یکسانی می‌گذرد. اگر طول سیم‌لوله ۳ برابر قطر پیچه و اندازه میدان مغناطیسی درون سیم‌لوله 30 G کمتر از اندازه میدان مغناطیسی در مرکز پیچه مسطح باشد، اندازه میدان در مرکز پیچه چند میلی‌گاوس است؟

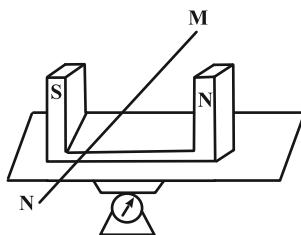
(۱) 15×10^3

(۲) ۱۵

(۳) 45×10^3

(۴) ۴۵

۹۸- در شکل زیر، سیم به طول 75 cm در میدان مغناطیسی یکنواخت به بزرگی 5 T قرار دارد. از این سیم برای بار اول جریان A در جهت M به N و بار دوم جریان I در جهت N به M عبور می‌کند. اگر اختلاف اعداد خوانده شده توسط ترازو در دو حالت برابر با 15 N باشد، جریان I چند آمپر است؟ (جریان الکتریکی بر خطوط میدان مغناطیسی عمود است).



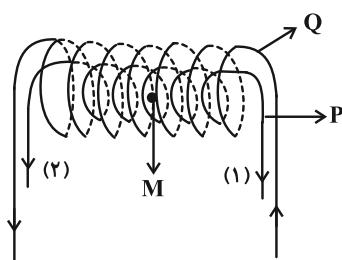
(۱) ۴۲

(۲) ۴۰

(۳) ۳۸

(۴) ۳۶

۹۹- در شکل زیر، دو سیم‌لوله P و Q هم محورند و طول هر دو، برابر با ۱ متر است. اگر تعداد دور سیم‌لوله‌های P و Q به ترتیب برابر با 300 و 200 باشد، چه جریانی بر حسب آمپر و در کدام جهت از سیم‌لوله P عبور کند تا میدان مغناطیسی برایند در نقطه M روی محور سیم‌لوله‌ها، ماقزیم و برابر با 216 G گردد؟ ($\mu_0 = 12 \times 10^{-7} \frac{\text{T.m}}{\text{A}}$ و $I_Q = 3I_P$)



(۱)-۲ (۱)

(۲)-۲ (۲)

(۱)-۲۰ (۳)

(۲)-۲۰ (۴)

۱۰۰- کدام یک از گزینه‌های زیر درست است؟

(۱) دو سیم موازی و بلند حامل جریان‌های همسو، یکدیگر را دفع می‌کنند.

(۲) اورانیوم و پلاتین از جمله مواد پارامغناطیسی‌اند.

(۳) پس از حذف میدان مغناطیسی خارجی، ماده فرومغناطیس سخت، به طور کامل خاصیت آهنربایی خود را از دست می‌دهد.

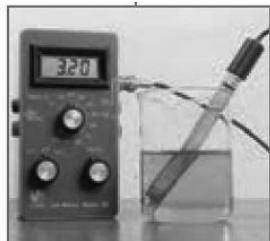
(۴) قطب شمال مغناطیسی و شمال جغرافیایی کره زمین بر یکدیگر منطبق‌اند.



وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیمی ۳: آسایش و رفاه در سایه شیمی (نا انتهای جاری شدن انرژی با سفر الکترون): صفحه های ۳۷ تا ۴۴

۱۰۱- با توجه به شکل زیر که در مورد قلمروهای الکتروشیمی مطرح شده است، مربوط به قلمرو است و می تواند

نام قلمرو :
F مثال :نام قلمرو :
E مثال :نام قلمرو :
D مثال :

..... باشد.

(۱) A، تأمین انرژی، E، برکافت

(۲) B، تولید مواد، F، آبکاری

(۳) C، اندازه گیری و کنترل کیفی،

E، سلول سوختی

(۴) B، تأمین انرژی، D، برکافت

۱۰۲- چند مورد از عبارت های زیر نادرست است؟

الف) برخی از واکنش های شیمیایی بدون داد و ستد الکترون انجام می شوند.

ب) فرو بردن دو تیغه فلزی از جنس روی در لیمو، منجر به تولید باتری لیمویی می شود.

پ) واکنش های شامل مبادله الکترون، مبنای برای تولید انرژی الکتریکی در الکتروشیمی هستند.

ت) در پدیده هایی مانند تندر و آذرخش بخشی از انرژی الکتریکی بین سامانه واکنش و محیط جاری می شود.

ث) باتری مولدی است که در آن بخشی از انرژی شیمیایی در طی واکنش هایی به انرژی الکتریکی تبدیل می شود.

۳ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

۱) صفر

۱۰۳- کدام موارد از عبارت های زیر درست هستند؟

الف) الکتروشیمی افزون بر تهیه مواد جدید به کمک انرژی گرمایی، می تواند در راستای پیاده کردن اصول شیمی سبز گام بردارد.

ب) بهبود خواص مواد و تأمین انرژی پاک و سبز در گرو این است که بدانیم در چه واکنش هایی الکترون داد و ستد می شود.

پ) کسب اطمینان از کیفیت فراورده های دارویی، بهداشتی، غذایی و ...، در قلمرو علم ترموشیمی قرار دارد.

ت) دو رکن اساسی تحقق فناوری هایی مثل قطار برقی، باتری و ...، دستیابی به مواد مناسب و تأمین انرژی است.

۲) پ و ت

۱) الف و پ

۴) ب و ت

۳) الف و ب

مشابه سؤال هایی که با آیکون مشخص شده اند در امتحانات تشریحی وجود دارد.

محل انجام حسابات

۱۰۴- در واکنش تشکیل آلومینیم اکسید از فلز آلومینیم و گاز اکسیژن،

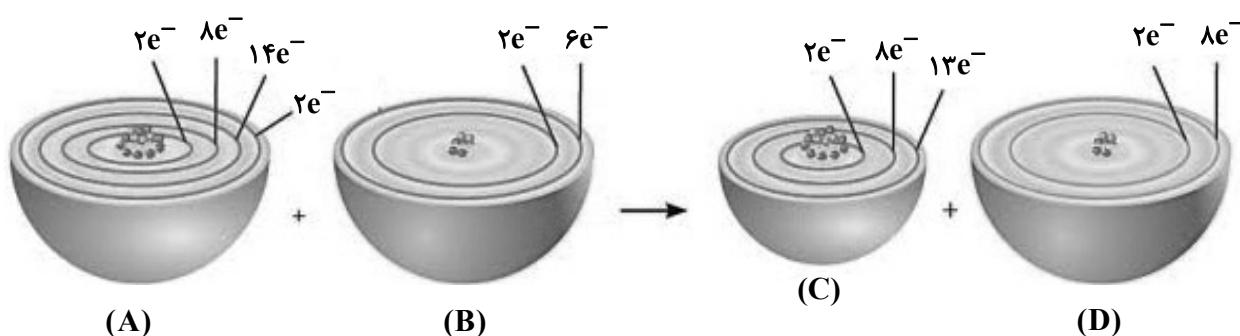
۱) به ازای تشکیل هر مول ترکیب یونی، ۳ مول الکترون مبادله می‌شود.

۲) اتم فلزی به یونی با شعاع بزرگ‌تر از شعاع اتمی خود تبدیل می‌شود.

۳) هر اتم فلزی سه الکترون از دست داده و نقش کاهنده را دارد.

۴) نیم واکنش کاهش به صورت $O_2(g) + 4e^- \rightarrow 2O^{2-}(s)$ است.

۱۰۵- با توجه به شکل زیر که مربوط به واکنش فلز آهن و گاز اکسیژن است، کدام گزینه نادرست است؟ $(Fe = 56, O = 16 : g \cdot mol^{-1})$



۱) ضمن انجام واکنش، اتم موجود در گونه B به آرایش الکترونی گاز نجیب همدورة خود می‌رسد.

۲) در این واکنش، اتم‌های فلزی آهن، کاهنده هستند.

۳) اتم آهن ضمن تبدیل به یون آهن، فقط الکترون‌هایی با مشخصات $n=1, I=4$ را از دست می‌دهد.

۴) بر اثر مبادله $6/0$ مول الکترون بین گونه‌های اکسنده و کاهنده، 1600 میلی‌گرم اکسید فلزی تشکیل می‌شود.

۱۰۶- همه عبارت‌های زیر درست‌اند، به جز:

۱) یکی از راه‌های بهره‌گیری از انرژی ذخیره شده در فلزها، اتصال آن‌ها در شرایط مناسب به یکدیگر است.

۲) در واکنش فلز روی با اکسیژن، فلز روی الکترون از دست داده و نقش اکسنده را دارد.

۳) اغلب فلزها در واکنش با نافلزها تمایل دارند یک یا چند الکترون خود را به نافلزها داده و ضمن اکسایش به کاتیون تبدیل شوند.

۴) اغلب فلزها در واکنش با محلول اسیدها، گاز هیدروژن و نمک تولید می‌کنند و در این واکنش یون‌های هیدرونیوم اسید کاهش می‌یابند.

۱۰۷- در صورت قرار دادن یک تیغه از جنس فلز روی در محلول مس (II) سولفات، چند مورد از عبارت‌های زیر درست است؟

$$(Zn = 65, Cu = 64 : g \cdot mol^{-1})$$

الف) محلول آبی با گذشت زمان کمرنگ‌تر می‌شود.

ب) مجموع غلظت یون‌های فلزی در محلول افزایش می‌یابد.

پ) گونه اکسنده و گونه حاصل از اکسایش به ترتیب Cu و Zn^{2+} هستند.

ت) اگر تمام فلز تولید شده بر روی تیغه رسوب کند، جرم تیغه افزایش می‌یابد.

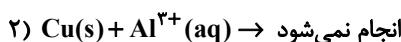
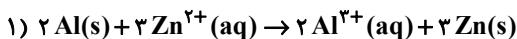
۲ (۲)

۱ (۱)

۴ (۴)

۳ (۳)

۱۰۸- با توجه به معادلات زیر چند مورد نادرست است؟ ($Al = 27, Zn = 65 : g \cdot mol^{-1}$)



الف) فلز آلومینیم، کاهنده قوی‌تری نسبت به فلز مس است.

ب) اگر تیغه‌ای آلومینیمی را در محلول روی سولفات بیندازیم و در این واکنش $3/0 \times 10^{24}$ الکترون مبادله شود، با فرض این‌که 60 درصد

از یون‌های Zn^{2+} بر روی تیغه رسوب کند، تغییر جرم تیغه برابر $52/5$ گرم خواهد بود.

پ) ترتیب قدرت کاهنده‌گی گونه‌ها به صورت $Al^{3+} > Zn^{2+} > Cu^{2+}$ است.

ت) گونه اکسنده سمت راست واکنش (۱) از گونه اکسنده سمت چپ آن قوی‌تر است.

۳ (۲)

۴ (۱)

۱ (۴)

۲ (۳)

محل انجام محاسبات



۱۰۹- جدول زیر داده‌هایی را از قرار دادن برخی تیغه‌های فلزی غیر مسی درون محلول مس (II) سولفات در دمای اولیه 20°C و با شرایط یکسان، نشان می‌دهد. کدام یک از عبارت‌های زیر درست هستند؟ (یون پایدار تمام فلزات، بار $+2$ دارد و محلول حاصل از آن‌ها رنگی نیست).

نماد فلز	دماهی مخلوط واکنش پس از مدتی ($^{\circ}\text{C}$)
A	۲۳/۷
B	۲۰
C	۲۶
D	۲۲/۵

الف) محلول دارای کاتیون C^{2+} را می‌توان در ظرفی از جنس فلز B

نگهداری کرد.

ب) تمایل به گرفتن الکترون در یون A^{2+} نسبت به یون D^{2+} بیشتر بوده، زیرا قدرت کاهندگی فلز D کمتر است.

پ) در واکنش $\text{Cu(s)} + \text{B}^{2+}(\text{aq}) \rightarrow \text{Cu}^{2+}(\text{aq}) + \text{B(s)}$ ، پایداری واکنش‌دهنده‌ها از فراورده‌ها بیشتر است.

ت) در محلول مس (II) سولفات، سرعت تغییر رنگ آبی در محلول در صورتی بیشترین مقدار است که از بین ۴ تیغه، تیغه C در آن قرار گرفته باشد.

(۲) ب و پ

(۱) الف و ب

(۴) الف و ت

(۳) پ و ت

۱۱۰- تیغه‌ای از جنس روی در محلولی به حجم یک لیتر دارای HCl و $\text{Cu}(\text{NO}_3)_2$ قرار گرفته است. اگر در پایان واکنش حجم گاز هیدروژن تولیدی در شرایط STP برابر $17/92$ لیتر و جرم تیغه روی $65/2$ گرم کاهش یافته باشد، غلظت اولیه مس (II)

نیترات در محلول چند مولار بوده است؟ (نیمی از فلز مس تشکیل شده بر روی تیغه رسوب کرده و فلز روی به مقدار کافی برای واکنش وجود دارد.)

$$(\text{Zn} = 65, \text{Cu} = 64 : \text{g} \cdot \text{mol}^{-1})$$

(۲) ۰/۴

(۱) ۰/۲

(۳) ۱

(۴) ۰/۸

محل انجام محاسبات



شیمی ۱: کیهان زادگاه الفبای هستی + ردبای گازها در زندگی + آب، آهنگ زندگی (نا انتهای قسمت در میلیون): صفحه های ۱ تا ۹۸ وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

توجه:

دانش آموزان گرامی: از دو مجموعه سوال شیمی ۱ (۱۱۱ تا ۱۲۰) و شیمی ۲ (۱۲۱ تا ۱۳۰) یک مجموعه را به اختیار انتخاب کرده و پاسخ دهید.

۱۱۱- کدام یک از عبارت های زیر درست است؟ آزمون وی ای پی

۱) نخستین عنصری که در واکنشگاه هسته ای ساخته شده است، با چهارمین عنصر دسته d هم گروه بوده و رادیوایزوتوپ آن در ایران نیز ساخته می شود.

۲) در ایزوتوپی از شناخته شده ترین فلز پرتوزا که اغلب به عنوان سوخت در راکتورهای اتمی به کار می رود، مجموع ذره های زیراتمی باردار برابر با ۲۳۵ است.

۳) چهارمین عنصر فراوان سیاره زمین، می تواند با عنصری که دارای ۱۲ الکترون با $= 0$ است، هم گروه باشد و یون پایدار X^{2+} ایجاد کند.

۴) هر خانه از جدول دوره ای به یک عنصر معین تعلق داشته و با استفاده از اطلاعات موجود در آن، می توان شماره گروه و عدد جرمی اتم مورد نظر را مشخص کرد.

۱۱۲- اگر عنصری دارای سه ایزوتوپ B^{20} ، B^{22} و B^{24} باشد و فراوانی ایزوتوپ B^{20} برابر با ۱۰ درصد و فراوانی ایزوتوپ B^{24} چهار برابر ایزوتوپ B^{22} باشد، جرم اتمی میانگین عنصر B چند amu است؟ (عدد جرمی را معادل جرم اتمی در نظر بگیرید).

(۱) ۲۳/۲۴

(۲) ۲۲/۱۶

(۳) ۲۲/۸۶

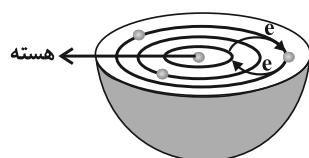
(۴) ۲۱/۳۶

۱۱۳- کدام یک از عبارت های زیر درست است؟

۱) رنگ بنفش در طیف نشری خطی اتم هیدروژن، ناشی از بازگشت الکترون از آخرین لایه به دومین لایه است.
۲) اگر آرایش الکترونی X^+ و Y^+ به ترتیب با آرایش الکترونی نخستین و دومین گاز نجیب یکسان باشد، طول موج شعله حاصل از X کوتاه تر از طول موج شعله حاصل از Y می باشد.

۳) در انتقال الکترون از لایه n به لایه $n+1$ ، هر چه مقدار n بزرگ تر باشد، طول موج پرتوی آزاد شده کمتر می شود.

۴) شکل زیر توسط مدل اتمی بور قابل توجیه نبوده و با تعیین دقیق طول موج نوارهای طیف نشری خطی اتم نشان داده شده در شکل، می توان تصویر دقیقی از انرژی لایه های الکترونی آن به دست آورد.



محل انجام محاسبات



۱۱۴- اگر در گونهٔ پایدار $-X^{32}$ ، اختلاف شمار نوترون‌ها و الکترون‌ها دو واحد باشد، مجموع $I + n$ الکترون‌های موجود در آخرين

زیرلایهٔ همهٔ عنصرهای موجود در گروهی که عنصر X در آن قرار دارد، کدام است؟

۱۰۸ (۲)

۱۳۲ (۱)

۳۳ (۴)

۲۷ (۳)

۱۱۵- چند مورد از عبارت‌های زیر درست است؟

الف) برای استخراج هلیم در مقیاس صنعتی، منابع زمینی مناسب‌تر از هواکره است.

ب) یافته‌های تجربی نشان می‌دهد که حدود ۷ درصد جرمی از مخلوط گاز طبیعی را هلیم تشکیل می‌دهد.

پ) فلز آلومینیم به شکل بوکسیت (Al_2O_3)، در سنگ کره وجود دارد.

ت) نسبت شمار آنیون به کاتیون در ترکیب یونی مس (I) اکسید، برابر همین نسبت در سدیم اکسید می‌باشد.

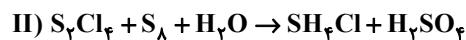
۳ (۲)

۲ (۱)

۰) صفر

۱ (۳)

۱۱۶- پس از موازنۀ دو واکنش زیر، مجموع ضرایب فراوردها در واکنش (I) چند برابر مجموع ضرایب فراوردها در واکنش (II) است؟



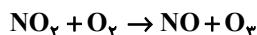
۰/۲ (۲)

۵ (۱)

۴ (۴)

۰/۲۵ (۳)

محل انجام محاسبات



۱۱۷- کدام موارد از مطالب زیر به درستی بیان شده است؟

الف) در فرمول شیمیایی یک سوخت سبز، همواره تعداد عنصرها، عددی بزرگ‌تر از ۲ می‌باشد.

ب) گرمای آزاد شده (کیلوژول بر گرم)، برخلاف قیمت (ریال به ازای یک گرم) در بنزین کمتر از گاز طبیعی است.

پ) در ساختار لوویس دگرشکلی از اکسیژن که نقطه جوش بالاتری دارد، شمار جفت الکترون‌های پیوندی برابر با ۲ است.

ت) بین کیفیت خودروهای تولید شده در کارخانه‌ها و میزان اثر گلخانه‌ای حاصل از کربن دی‌اکسید تولید شده از این خودروها، رابطه مستقیم وجود دارد.

ث) در واکنش تشکیل اوزون تروپوسفری از NO_γ مجموع ضریب گونه‌های ۳ اتمی با ۲ اتمی برابر است.

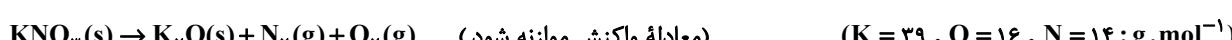
(۴) الف، ب و ث

(۳) الف، ب و ث

(۲) ب، ت و ث

(۱) پ و ت

۱۱۸- مقداری پتابسیم نیترات مطابق واکنش زیر به طور کامل تجزیه می‌گردد. اگر اختلاف جرم پتابسیم نیترات آغازی با فراورده جامد تولید شده برابر $\frac{4}{5}$ گرم باشد، حجم گاز اکسیژن تولید شده در دمای 546°C و فشار ۲ اتمسفر برابر چند لیتر است؟



(۴) ۰/۸۴

(۳) ۲/۸

(۲) ۵/۸

(۱) ۴/۲

۱۱۹- کدام یک از عبارت‌های زیر درست است؟

(۱) در حال حاضر ۶۶ درصد از مردم جهان از کم آبی رنج می‌برند.

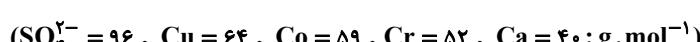
(۲) محلول آب و یخ، مخلوطی همگن از دو ماده است.

(۳) در یون SO_4^{2-} بار الکتریکی -2 به اتم گوگرد تعلق دارد.

(۴) هنگامی که اجزاء محلول مایع باشند، حلal جزئی است که شمار مول‌های آن بیشتر از سایر اجزاء باشد.

۱۲۰- ۰/۳۷ گرم از سولفات فلز دو ظرفیتی X را در مقداری آب حل کرده و با افزودن آب مقتدر حجم محلول را به ۱۰۰ میلی‌لیتر می‌رسانیم.

اگر غلظت یون سولفات در محلول برابر 2400 ppm باشد، فلز X کدام است؟ (چگالی محلول را 1 g.mL^{-1} در نظر بگیرید).



Cu (۴)

Co (۳)

Cr (۲)

Ca (۱)

محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیمی ۲: قدر هدایای زمینی را بدانیم + در پی غذای سالم: صفحه های ۱ تا ۹۸

توجه:

دانش آموزان گرامی: از دو مجموعه سوال شیمی ۱ (۱۱۱ تا ۱۲۰) و شیمی ۲ (۱۲۱ تا ۱۳۰) یک مجموعه را به اختیار انتخاب کرده و پاسخ دهید.

۱۲۱- اگر شعاع دو اتم فرضی X و Y به ترتیب ۱۳۰ و ۱۱۵ پیکومتر باشد، چند مورد از عبارت های زیر همواره درست خواهند بود؟

• در صورتی که این دو عنصر همدوره باشند، X فلز بوده و Y نافلز خواهد بود.

• خاصیت فلزی عنصر X از عنصر Y بیشتر است. آزمون وی ای بی

• در صورتی که این دو عنصر هم گروه باشند، عدد اتمی عنصر X از Y بیشتر خواهد بود.

• عنصر X در مقایسه با عنصر Y واکنش پذیری شیمیایی بیشتری دارد.

۱ (۲)

(۱) صفر

۳ (۴)

۲ (۳)

۱۲۲- نمونه ای از Fe_2O_3 به جرم ۶۴ g و درصد خلوص ۷۵٪ که ناخالصی های آن را یک اکسید فلزی تشکیل می دهد، را با مقدار کافیفلز سدیم واکنش می دهیم. اگر پس از اتمام واکنش (ها)، ۸۰/۶ گرم Na_2O تولید شده باشد، فرمول شیمیایی ناخالصی این(Rb = ۸۵, Zn = ۶۵, Fe = ۵۶, K = ۳۹, Mg = ۲۴, Na = ۲۳, O = ۱۶: g.mol^{-۱}) نمونه کدام است؟ K_2O (۲) ZnO (۱) Rb_2O (۴) MgO (۳)

محل انجام محاسبات



۱۲۳- نسبت جرم مولی آلکانی به تعداد پیوندهای اشتراکی آن برابر $4/5$ می‌باشد. چند مورد از مطالب زیر درباره این آلکان در دمای اتاق

نادرست می‌باشد؟

- در بین آلکان‌های راست زنجیر مایع، کمترین نقطه جوش را دارد.
- شمار اتم‌های هیدروژن مولکول آن با پنجمین عضو خانواده آلکن‌ها برابر است.
- ترکیبی با این فرمول مولکولی، دارای ۲ ایزومر می‌باشد.
- از سوختن کامل $1/0$ مول از آن در شرایطی که حجم مولی گازها برابر 20 لیتر بر مول می‌باشد، تقریباً 80 لیتر هوا مصرف می‌شود.
- نام آن می‌تواند -3 -متیل بوتان باشد.

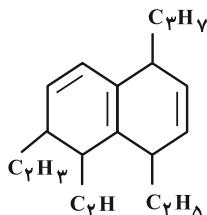
۳ (۲)

۴ (۱)

۱ (۴)

۲ (۳)

۱۲۴- چند مورد از مطالب زیر در مورد هیدروکربنی با ساختار زیر صحیح می‌باشد؟



- الف) ترکیبی آروماتیک بوده و دارای یک حلقه بنزنی و یک حلقه غیربنزنی می‌باشد.
- ب) هر مول از آن با $10^{24} \times 632 / 9$ اتم هیدروژن به طور کامل سیر می‌شود.
- پ) تعداد اتم‌های هیدروژن آن، با تعداد کل اتم‌های اوکتن برابر می‌باشد.
- ت) دارای 8 اتم کربن می‌باشد که تنها به یک اتم هیدروژن متصل هستند.

۳ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

۱) صفر

۱۲۵- با توجه به جدول و واکنش‌های موازنه نشده زیر، ΔH تقریبی واکنش تولید NO_2 از N_2 و O_2 چند کیلوژول است؟ (اعداد

فرضی هستند، همه مواد در حالت گازی می‌باشند).



ΔH	پیوند
۲۰۱	$N - O$
۳۹۸	$N = O$
۴۹۵	$O = O$

۱۸۴ (۲)

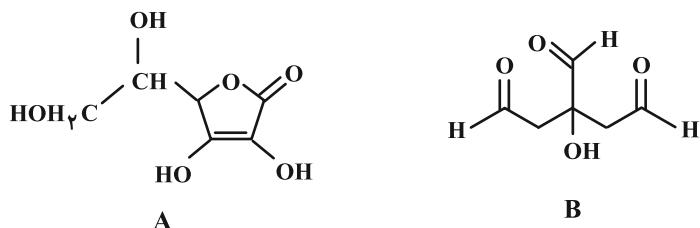
۱۵۷ (۱)

-۱۸۴ (۴)

-۱۵۷ (۳)

محل انجام محاسبات

۱۲۶- با توجه به ساختار ترکیبات A و B کدام گزینه درست است؟ ($C = 12$ ، $O = 16$ ، $S = 32$ ، $H = 1: g \cdot mol^{-1}$)



- (۱) ماده A پر خلاف ماده B، می‌تواند با مولکول‌های خود پیوند هیدروژنی پر قرار کند.

- ۲) تعداد کریزهای هر دو مولکول همانند تعداد اکسیژنهای آنها پایاب می‌باشد.

- ۳۳) تعداد نوع گروههای، عاملی، متفاوت موجود در هر یک از دو اختلاف حرم مول، گوگرد دیاکسید و اتیل، گلکوا، می باشد.

- ۴) ساختار A به دلیل داشتن بیوند دوگانه د، حلقه، آ، و ماتیک به حساب می‌آید.

۱۲۷- عبارت کدام گزینه نادرست است؟

- (۱) به دلیل اینکه تا حاضر، ممکن است محدودات فیزیکی، دیگر خشک و خود نداشته باشد.

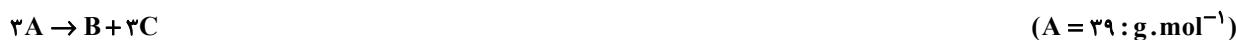
- ۲) ماندگاری، و غنیمت، ظروف مات و کده از ماندگاری آن ده ظروف شفاف و وش بیشتر است.

- (۳) با انعام آزمایش‌های مختلف مم توان گفت با افزایش دما، انحلال بذبی تمام مواد آب بیشتر مم شود.

- ^{۴۳}) ساخته به اکسین، این بـ اکسین مـ توان گفت، با افـ اش، غلظـت موـاد واـکـشـ دهـنـدـهـ، سـعـتـ واـکـشـ بـیـشـتـ مـ شـمـدـ.

^{۱۲۸}- واکنش، تجزیه ماده A در یک ظرف ۲/۵ لتری، در حال انجام است. اگر بس از گذشت ۴۰ ثانیه دار مجموع ۱۷ مول، ماده D، ظرف

وجود داشته باشد، در صورتی، که سرعت متوسط مصرف A، ۳/۰ مول بر ثانیه باشد، مقدار اولیه ماده A چند گرم است؟



۵۶۵/۵ (۴)

۵۴۶ (۳)

፭፲፭/፭ (፳

Φ◦Υ(1)

محل انجام محاسبات



۱۲۹- قند مالتوز بر اثر واکنش با آب به گلوکز تبدیل می‌شود. با توجه به جدول زیر، سرعت متوسط مصرف مالتوز در ۷ دقیقه ابتدایی

واکنش، چند برابر سرعت تولید گلوکز در ۷ دقیقه پایانی واکنش است؟ (سرعت‌ها را برحسب مولار بر دقیقه در نظر بگیرید).

۱۴	۷	۳	۱	۰	زمان (دقیقه)
۰/۰۴	a	۰/۰۲	۰/۰۱	۰	غلظت مولی ($\text{mol} \cdot \text{L}^{-1}$)
۰/۰۸	۰/۰۸۵	۰/۰۹	۰/۰۹۵	b	$[\text{C}_6\text{H}_{12}\text{O}_6]$

$$\frac{۴}{۳} (۴) \quad \frac{۳}{۴} (۳) \quad \frac{۳}{۲} (۲) \quad \frac{۲}{۳} (۱)$$

۱۳۰- نمودار زیر، تغییرات غلظت برحسب زمان را برای مواد حاضر در یک واکنش نشان می‌دهد. با توجه به آن چند مورد از موارد زیر

نادرست هستند؟ (جرم‌های مولی مواد A و B به ترتیب ۲۰ و ۵۰ گرم بر مول می‌باشد).

• هنگامی که غلظت مواد A و C با هم برابر می‌شود، مجموع غلظت

واکنش‌دهنده‌های موجود در ظرف $10/8 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$ می‌باشد.

• این نمودار می‌تواند به واکنش $2\text{A(s)} + \text{B(g)} \rightarrow 3\text{C(g)}$ تعلق

داشته باشد.

• در لحظه m، حدود ۱۱/۱۱٪ از جرم کل مواد درون ظرف را ماده

A تشکیل می‌دهد. (با فرض بسته بودن درب ظرف)

• اگر غلظت ماده A در پایان دقیقه یکم واکنش $4/25 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$ باشد، در پایان دقیقه دوم ممکن است غلظت ماده C موجود در ظرف

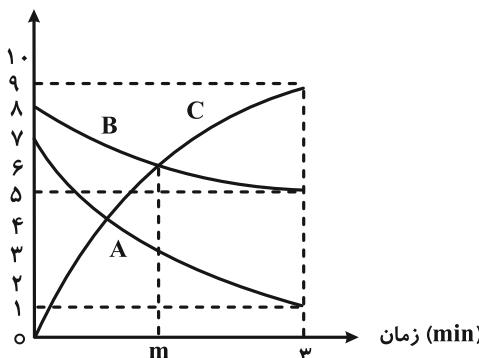
$8/25 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$ باشد. آزمون وی ای پی

۱ (۴)

۲ (۳)

۳ (۲)

۴ (۱)





دفترچه سؤال

آزمون هوش و استعداد

(دوره دوم)

۲ آذر

تعداد کل سؤالات آزمون: ۲۰

زمان پاسخ‌گویی: ۳۰ دقیقه

گروه فنی تولید

مسئول آزمون	حمید لنجانزاده اصفهانی
ویراستار	فاطمه راسخ، حمیدرضا رحیم خانلو
مدیر گروه مستندسازی	محیا اصغری
مسئول درس مستندسازی	علیرضا همایون خواه
طراحان	حمید اصفهانی، فاطمه راسخ، سجاد محمدنژاد، حمید گنجی، فرزاد شیرمحمدی
حروف چینی و صفحه‌آرایی	مصطفومه روحانیان
ناظر چاپ	حمید عباسی

برای مشاهده پاسخ‌ها، به صفحه شخصی خود در سایت کانون مراجعه کنید.

* طبق متن زیر برگرفته از کتاب «چهار سیمای اسطوره‌ای» نوشته‌ی «جلال ستاری» به هفت پرسش بعدی پاسخ دهیید.
متن چهار جای خالی دارد که در پرسش‌ها باید آن‌ها را کامل کنید. همچنین یک نادرستی نگارشی نیز در متن گنجانده‌ایم که باید آن را بیابید.

افسانه‌ی سنتی مرد ماجراجو و جادوگر و ... (۱) . . و نیرنگ بازی به نام «فاؤست» که روحش را به شیطان فروخت تا قدرت فوق انسانی به چنگ آورد، داستانی قدیمی از مردی حقیقی است که واقعاً در حدود سده‌ی پانزدهم در ... (۲) . . زاده شد و از سحر و جادو و جنبل آگاهی‌هایی داشت و مدعی غیب‌دانی و طالع‌بینی بود و بدین جهت، مردم معتقد ساده‌دل در باب قدرت کرامات و معجزه‌نمایی‌های او افسانه‌ی می‌بافتند و این‌چنین پیروانی می‌یافت. این افسانه‌ها به‌ویژه در سده‌ی شانزدهم، با جدال‌های کاتولیک‌ها و پرووتستان‌ها که متقابلاً یکدیگر را از آلودن و تباھی روح فاؤست متهمن می‌کردند، رونق و رواج بیشتر می‌یافت.

در سده‌های بعد، فاوست همچنان دستمایه‌ی داستان‌ها و افسانه‌ها و عروسک‌های خیمه‌شب‌بازی و نمایش‌های دیگری بود که البته در محتوا، کاملاً یکسان نبود، در برخی، فاوست همراه با شیطان به قفر جهنم می‌رفت و در برخی شایسته‌ی بخشایش خداوندی قلمداد می‌شد. به بیان دیگر، فاوست در این روایت‌ها، ... (۳) . داستان فاوست «گوته»، که در اوایل سده‌ی نوزدهم تکمیل شد، داستان مرد دانشمندی است که با وجود احاطه بر علوم مختلف، راه به دهی نمی‌برد زیرا علم حدی دارد. پس روح شر، «مفیستوفلس»، بر فاوست افسرده که در آستانه‌ی نابودی خویش است، ظاهر می‌شود و وعده می‌دهد که نشاط جوانی را به او برگرداند و لذات نفسانی را به او بچشاند، به شرطی که فاوست روحش را به وی بفروشد. فاوست نیز می‌پذیرد و بیمان را با خونش امضا می‌کند.

میسیستوفلس در داستان گوته، فاوست را به عشق اما عشقی پر فریب می‌کشاند. سپس، او را به ورطه‌ی قدرت می‌برد، اما قدرت خواهی برای فاوست جاهطلب پایانی ندارد. فاوست پس از مدتی به این نتیجه می‌رسد که باید خود را وقف نجات بشریت کند و کمر به خدمت خلق بندد، ولی مدت عمر او به سرآمد و زمان مرگ او رسیده است و روحش باید با میسیستوفلс به قعر جهنم برود. با این حال، در داستان گوته، فاوست از سوی خداوند شایسته‌ی آمرزش قلمداد می‌شود، چرا که می‌باید وعده‌ی حق محقق شود، پس فاوست را با فرستادن فرشتگانی، می‌بخشد و ... (۴) ..

فاوست گوته، تصویر انسان متجدد غربی است که اسطوره‌ای بسیار پیچیده است و به سختی می‌توان آن را شرح داد. تقریباً هر اندیشمندی از آن تعبیری خاص کرده‌است که لاجرم تعبیرهای متضادند، چون هر کدام وجهی را که به کارش می‌آمده برابر خویش قرارداده و لایه‌های دیگر داستان را از نظر انداخته است. با این حال باید گفت فاوست نماد روح و ذهن بشر است که هم خیر است و هم شر، «آدمیزاد طرفه معجونی است / از فرشته سرشته وز حیوان» و در تعبیرش دو روان هست، یک پسته به امور زمینی و دیگری طالب و مشتاق ملکات آسمانی.

^{۲۵۱}- جای خالی شماره‌ی «۱» متن با واژه‌ای چهار حرفی کامل می‌شود. حروف این واژه کدام است؟

۱۲) ادشی

۱) اب قل

٤) اش ع ق

۳۰۸

۲۵۲ - جای خالی شماره‌ی «۲» متن با نام کشوری پُر می‌شود که با حروف «آل م ن» ساخته‌می‌شود. حرف سوم این واژه کدام است؟

(۲) ل

(۱)

(۴) ن

(۳) م

۲۵۳ - جمله‌ی زیر که کلمات آن بدون ترتیب درست و با تعداد و جایگاه نادرست نقاط نوشته شده است، جای خالی شماره‌ی «۳» متن را کامل می‌کند:

«اش گاه ظلمائی ثوڑاثی و «

در شکل درستِ جمله، چند نقطه هست؟

(۳) پنج

(۱) چهار

(۴) هفت

(۳) شش

۲۵۴ - جای خالی شماره‌ی «۴» متن با جمله‌ای پر می‌شود که از واژه‌ها و ترکیب‌های زیر ساخته می‌شود:

«می‌ماند - فریفتن - خدا - شیطان - خلیفه‌(ی) - ناکام - در»

در شکل درستِ این جمله، کدام گزینه پس از واژه‌ی «در» قرار می‌گیرد؟

(۲) شیطان

(۱) فریفتن

(۴) ناکام

(۳) خلیفه

۲۵۵ - با حروف به‌هم‌ریخته‌ی کدام گزینه، معنایی برای واژه‌ی «احاطه» که در متن مشخص شده است، ساخته می‌شود؟

(۲) ب ت ح ق

(۱) ت س ط ل

(۴) ب ت ت ث ی

۱۱۳ ط ل

۲۵۶ - دو بیت زیر با بند چهارم متن هم‌معناست. ولی دو مصراع بیت دوم، با کلماتی به‌هم‌ریخته نوشته شده است.

«در تو هم دیوی است، هم ملکی / هم زمینی به‌قدر و هم فلکی

«کنی باشی ملک ترک دیوی / باشی فلک شرف برتر ز از»

دو واژه‌ی نخست دو مصراع بیت دوم، به ترتیب کدام است؟

(۲) دیوی - از

(۱) کنی - ملک

(۴) ترک - ز

(۳) باشی - فلک

۲۵۷ - در کدام بند (پاراگراف) از متن بالا، عبارتی نادرستی نگارشی دارد؟

(۲) بند دوم

(۱) بند نخست

(۴) بند چهارم

(۳) بند سوم

۲۵۸ - می‌دانیم الفبای فارسی (بدون محاسبه تنوع الف، همزه، تشدید، ساکن، تنوین‌ها و سایر اصوات و العجان نانوشته) سی‌دو حرف دارد. در نوشتار، چند

کلمه سه‌حرفی در زبان فارسی می‌توان ساخت، به شرطی که دو حرف نقطه‌دار در کنار هم قرار نگیرند؟ تأکید این‌که _____ تفاوت ایجاد

نمی‌کنند، معنای کلمات و تکرار حروف نیز اهمیتی ندارد.

۱۷۹۲۴ (۲)

۱۶۵۴۸ (۱)

۱۹۴۲۰ (۴)

۱۸۱۱۶ (۳)

* در یک بازی سودوکو با مریع 5×5 به شکل زیر، عده‌های طبیعی ۱، ۲، ۳، ۴ و ۵ باید به‌گونه‌ای قرار گیرند که در هر ردیف و هر ستون دقیقاً

یکی از این اعداد وجود داشته باشد. بر این اساس به سه پرسش بعدی پاسخ دهید.

۲۵۹ - پس از حل جدول، حاصل جمع دو خانه‌ای که با علامت سوال مشخص شده است، کدام خواهد بود؟

	۱	۳	?	
	۵			
۲		۱	?	
				۳
۱				۵

۴ (۱)

۵ (۲)

۶ (۳)

۷ (۴)

۲۶۰ - عدد چند خانه جدول به‌طور قطعی معلوم نمی‌شود؟

۸ (۲)

۷ (۱)

۱۰ (۴)

۹ (۳)

۲۶۱ - با دانستن عدد حداقل چند خانه دیگر، جدول به‌طور کامل حل می‌شود؟

۲ (۲)

۱ (۱)

۴ (۴)

۳ (۳)

۲۶۲ - در الگوی عددی زیر، سومین عدد سمت راست عدد ۴۷، چندمین عدد سمت چپ عدد ۱۵۳۵ است؟

۲, ۵, ۱۱, ۲۳, ۴۷, ...

۳) دومین

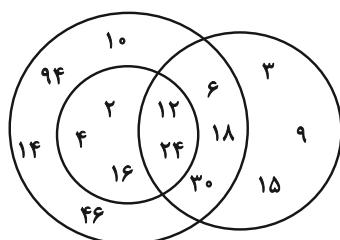
۱) اولین

۴) چهارمین

۳) سومین

-۲۶۳- تعدادی از اعداد طبیعی، را طبق قاعده‌ای دیاضی، به سه دسته تقسیم کرده و در شکل زیر نشان داده‌ایم، اما یکی، از اعداد اشتیاه نوشته شده است.

الگوی این قسمت بعدی را کشف و عدد نادرست را از گزینه‌ها انتخاب کنید.



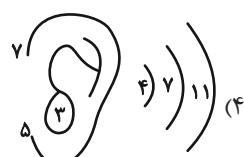
۱ (۱)

۳۲

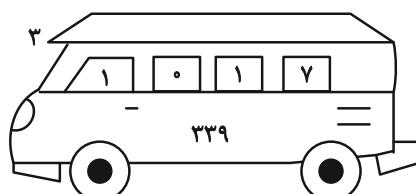
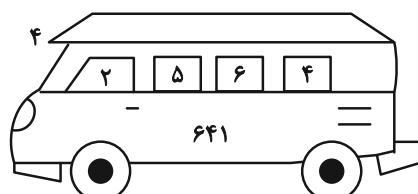
۱۴ (۳)

۱۰۹

- ۲۶۴- الگوی ثالثی در گزینه‌های زیر هست، ولی، در یک گزینه یکم، از اعداد نادست نوشته شده است. آن گزینه ۱۸۳ است.

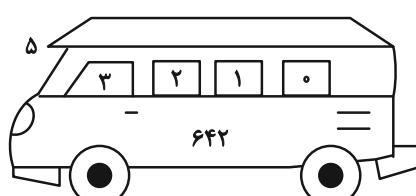
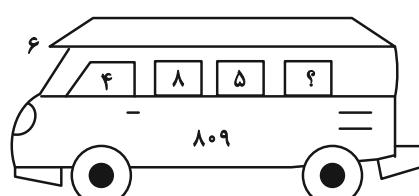


- ۲۶۵ در الگوی عددی زیر کدام گزینه به جای علامت سوال قرار می‌گیرد؟



1 (1)

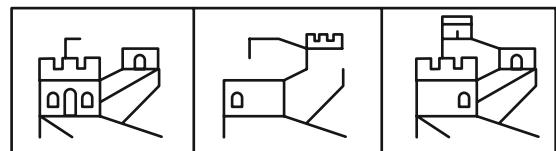
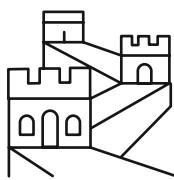
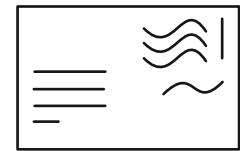
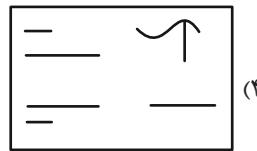
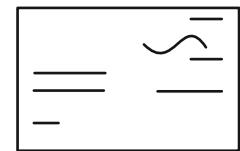
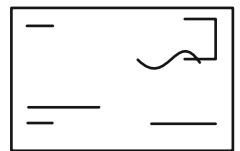
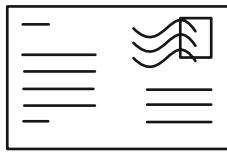
15



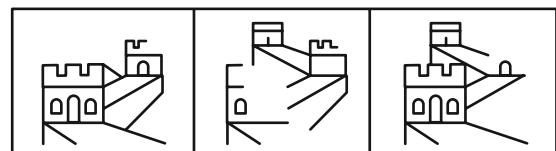
۳۳

۱۰

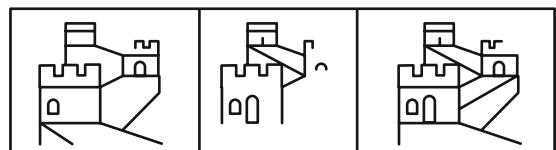
۲۶۶ - شکل زیر از روی هم افتادن سه برگه شفاف ساخته شده است. کدام گزینه یکی از این سه برگه نیست؟



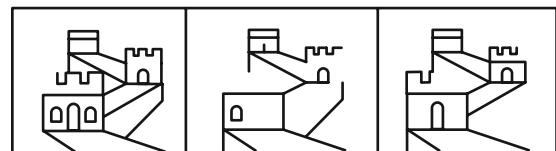
(۱)



(۲)

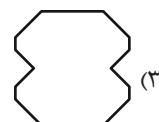
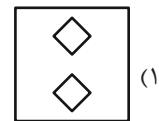
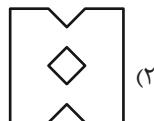
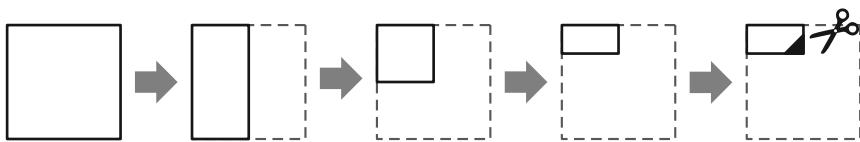


(۳)

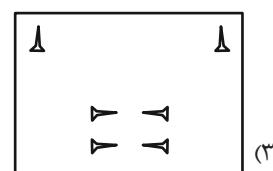
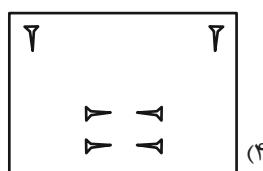
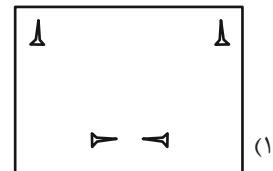
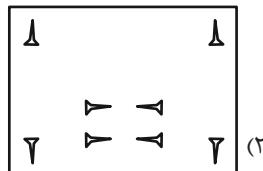
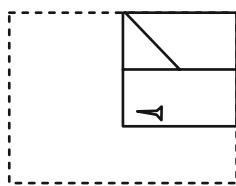


(۴)

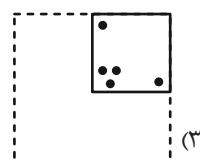
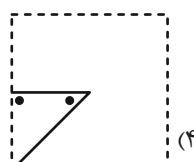
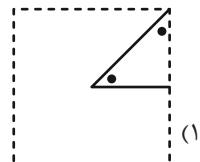
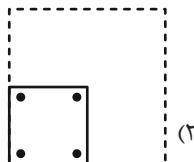
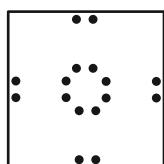
۲۶۸ - برگه کاغذی را مطابق با مراحل زیر تا می‌کنیم و طرح مشخص شده را از آن می‌بریم. کاغذ بازشده به کدام گزینه شبیه‌تر خواهد بود؟



۲۶۹ - برگه کاغذی را مثل سؤال قبل تا کرده و طرحی را از آن بریده و شکل زیر را ساخته‌ایم. طرح مشخص شده را از آن می‌بریم. کاغذ بازشده به کدام گزینه شبیه‌تر خواهد بود؟



۲۷۰ - کاغذ تا و سوراخ شده کدام گزینه را اگر باز کنیم، شکل زیر ساخته می‌شود؟



خودارزیابی توجه و تمرکز

آزمون ۲ آذر ۱۴۰۳

دانش آموز عزیز!

توجه و تمرکز برای یادگیری، مطالعه و دستیابی به موفقیت تحصیلی بسیار مهم است. این مهارت‌های شناختی دانش‌آموزان را قادر می‌سازد تا اطلاعات را دریافت کنند، روی کارها و تکالیف متوجه باشند و به طور موثر زمان و منابع خود را مدیریت کنند. بهبود توجه و تمرکز می‌تواند منجر به درک بهتر مطالب، نمرات بالاتر و به طور کلی تجربه یادگیری موثرتر شود. برای کمک به ارزیابی ظرفیت‌های توجه خود، از شما دعوت می‌کنیم با سوالات زیر خود را ارزیابی کنید. مهم است که به هر سؤال صادقانه پاسخ دهید. با درک نقاط قوت و زمینه‌های پیشرفت، می‌توانید برای ارتقای عملکرد تحصیلی خود قدم ببردارید.

سوالات را به دقت بخوانید و نزدیکترین پاسخ مرتبط با خود را انتخاب و در پاسخبرگ علامت بزنید. دقت داشته باشید
که سوالات از شماره ۲۷۱ شروع شده است.

۲۷۱. حواس من در طول کلاس، به راحتی توسط دانش‌آموزان دیگر پر نمی‌شود.
۱. هرگز ۲. به ندرت ۳. گاهی اوقات ۴. همیشه
۲۷۲. من می‌توانم در طول بحث‌های گروهی توجه خود را به یک موضوع واحد حفظ کنم.
۱. هرگز ۲. به ندرت ۳. گاهی اوقات ۴. همیشه
۲۷۳. می‌توانم بدون حواس پری و به مدت طولانی، بر روی درس خواندن برای امتحانات تمرکز کنم.
۱. هرگز ۲. به ندرت ۳. گاهی اوقات ۴. همیشه
۲۷۴. من می‌توانم در طول پژوهش‌ها یا بحث‌های گروهی طولانی، توجه خودم را حفظ کنم.
۱. هرگز ۲. به ندرت ۳. گاهی اوقات ۴. همیشه
۲۷۵. حتی اگر صدای ای در راه رو وجود داشته باشد، می‌توانم در حین آزمون متوجه باشند.
۱. هرگز ۲. به ندرت ۳. گاهی اوقات ۴. همیشه
۲۷۶. من می‌توانم اطلاعات نامربوط را در نظر نگیرم و روی آنچه مهم است تمرکز کنم.
۱. هرگز ۲. به ندرت ۳. گاهی اوقات ۴. همیشه
۲۷۷. من می‌توانم تمرکزم را از یک پژوهش به پژوهش دیگر بدون مشکل تغییر دهم.
۱. هرگز ۲. به ندرت ۳. گاهی اوقات ۴. همیشه
۲۷۸. وقتی از من خواسته می‌شود تکلیف جدید انجام دهم، می‌توانم به سرعت توجه خود را تطبیق دهم.
۱. هرگز ۲. به ندرت ۳. گاهی اوقات ۴. همیشه
۲۷۹. من می‌توانم تکالیفم را انجام دهم و در عین حال به زمان نیز توجه کنم.
۱. هرگز ۲. به ندرت ۳. گاهی اوقات ۴. همیشه
۲۸۰. من می‌توانم بدون از دست دادن تمرکز، هم زمان درس بخوانم و به صحبت‌های کسی هم گوش دهم.
۱. هرگز ۲. به ندرت ۳. گاهی اوقات ۴. همیشه



نقد و بررسی پاسخ

نام درس	نام طراحان
حسابان ۲	بهمن امیدی-علی آزاد-دادود بوالحسنی-افشین خاصه خان-سینا خیرخواه-محمد رضا راسخ-ستار زواری-محمد رضا کشاورزی مهسان گودرزی-میلاد منصوری-علیرضا ندایزاده-جهانبخش نیکنام
هندرسون	اسحاق اسفندیار-آرین تقاضیزاده-سید محمد رضا حسینی فرد-کیوان دارابی-فرشاد صدیقی فر-هونم عقیلی-احمدرضا فلاخ مجتبی مظاہری فر-نیما مهندس
آمار و ریاضیات گسته	امیرحسین ابومحبوب-علی ایمانی-آرین تقاضیزاده-افشین خاصه خان-فرزانه خاکپاش-کیوان دارابی-مصطفی دیداری سوگند روشنی-احمدرضا فلاخ-نیلوفر مهدوی-نیما مهندس
فیزیک	کامران ابراهیمی-حسین الهی-بهزاد آزادفر-علیرضا جباری-سیاوش خادمی-مسعود خندانی-محمد رضا شریفی پوریا علاقه مند-سیاوش قارسی-ادریس محمدی-آراس محمدی-محمد مقدم-محمد کاظم مشادی-امیر احمد میر سعید حسام نادری-مجتبی نکوئیان
شیمی	امیر علی بیات-علیرضا بیانی-محمد رضا پور جاوید-سعید تیزرو-محمد رضا چمشیدی-امیر حاتمیان-امیرحسین حسن نژاد پیمان خواجهی مجد-یاسر راش-محمد رضا طاهری نژاد-امیرحسین طبیی-آرمین عظیمی-محمد عظیمیان زواره-آرمان قنواتی محسن مجذوبی-فرشید مرادی-امیرحسین ملا زینل

گزینشگران و ویراستاران

نام دوستی	حسابان ۲	هندسه	آمار و ریاضیات گستته	فیزیک	شیمی
گزینشگر	علیرضا ندافزاده	امیرحسین ابومحیوب	امیرحسین ابومحیوب	حسام نادری	ایمان حسین نژاد
گروهه ویراستاری	امیرحسین ابومحیوب	امیرحسین ابومحیوب مهبد خالقی امیرمحمد کربیمی محمد خندان	امیرحسین ابومحیوب مهبد خالقی امیرمحمد کربیمی محمد خندان	بهنام شاهنی زهره آقامحمدی	محمدحسن محمدزاده مقدم احسان پنجه شاهی امیرحسین کمره ای
ویراستاری رتبه های برتر	امیرحسین ملازبنل سپهر متولیان سیدماهد عبدی محمدبارسا سبزهای	امیرحسین ملازبنل سپهر متولیان محمدبارسا سبزهای	امیرحسین ملازبنل سپهر متولیان محمدبارسا سبزهای	سینا صالحی ماهان فرهمندفر	آرمان قواتی امیرحسین ملازبنل
بازنوبی آزمون	محمد رضا راسخ	امیرحسین ملازبنل	امیرحسین ملازبنل	سینا صالحی	----
مسئول درس	مهرداد ملوندی	سرژ یقیازاریان تبریزی	سرژ یقیازاریان تبریزی	حسام نادری	امیرعلی بیات
مستندسازی	سمیه اسکندری	سجاد سلیمی	سجاد سلیمی	علیرضا همایون خواه	امیرحسین توحیدی
ویراستاران (مستندسازی)	احسان صادقی- سجاد سلیمی- علیرضا عباسی زاده- مخصوصه صنعت کار	مهدي گنجويطن علي سلطاني محمد زنگنه	سجاد رضابي محمدصدرها وطنی ملينا ملاني		

گروہ فنی و تولید

مهرداد ملوندی	مدیر گروه
نرگس غنیزاده	مسئول دفترچه
مسئول دفترچه: الهه شهبازی	گروه مستندسازی
مدیر گروه: محبیا اصغری	حروف نگار
فرزانه فتح‌الهزاده	
سوران نعیمی	ناظر چاپ

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقف عام)

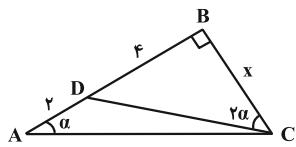
۰۶۴۶۳-۹۲۳ - کانون فرهنگی آموزش - تلفن: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - دفتر مرکزی:



(سینا فیرفواه)

گزینه «۳» -۴

با توجه به نام‌گذاری در شکل زیر داریم:



$$\Delta ABC : \tan \alpha = \frac{x}{\sqrt{5}} \quad , \quad \Delta BCD : \tan 2\alpha = \frac{\sqrt{5}}{x}$$

حال به کمک رابطه تانژانت مجموع زوایا داریم:

$$\tan 2\alpha = \frac{\tan \alpha}{1 - \tan^2 \alpha} \Rightarrow \frac{\sqrt{5}}{x} = \frac{\frac{x}{\sqrt{5}}}{1 - \frac{x^2}{5}}$$

$$\Rightarrow \sqrt{5} - \frac{x^2}{5} = \frac{x^2}{3} \Rightarrow x^2 = 9 \Rightarrow x > 0 \Rightarrow x = 3$$

حال در مثلث ABC داریم:

$$AC^2 = AB^2 + BC^2 \Rightarrow AC^2 = 6^2 + 3^2 \Rightarrow AC = \sqrt{5}$$

$$\sin \alpha = \frac{BC}{AC} = \frac{3}{\sqrt{5}} = \frac{1}{\sqrt{5}} = \frac{\sqrt{5}}{5}$$

(۳۶۵ - ۳۶۴ صفحه‌های ۱۰ و ۱۱)

(محمد رضا، اسخ)

گزینه «۲» -۵

$$\cot \beta = \tan \alpha - 2 \tan \beta \quad (*)$$

با توجه به فرض سوال داریم:

عبارت مورد نظر را به صورت زیر ساده می‌کنیم:

$$\frac{\cot \beta}{\tan(\alpha - \beta)} = \frac{\cot \beta}{\frac{\tan \alpha - \tan \beta}{1 + \tan \alpha \tan \beta}} = \frac{\cot \beta(1 + \tan \alpha \tan \beta)}{\tan \alpha - \tan \beta}$$

$$= \frac{\cot \beta + \tan \alpha}{\tan \alpha - \tan \beta} \stackrel{(*)}{=} \frac{\tan \alpha - 2 \tan \beta + \tan \alpha}{\tan \alpha - \tan \beta}$$

$$= \frac{2(\tan \alpha - \tan \beta)}{\tan \alpha - \tan \beta} = 2$$

(۳۶۴ - ۳۶۳ صفحه ۱۰)

(علی آزاد)

گزینه «۱» -۶

ابتدا تساوی اول را به صورت زیر می‌نویسیم:

$$\frac{\sin(\alpha - \frac{\pi}{4})}{\sin(\alpha + \frac{\pi}{4})} = \frac{\sin(\alpha + \frac{\pi}{4} - \frac{\pi}{2})}{\sin(\alpha + \frac{\pi}{4})} = \frac{-\sin(\frac{\pi}{2} - (\alpha + \frac{\pi}{4}))}{\sin(\alpha + \frac{\pi}{4})}$$

$$= \frac{-\cos(\alpha + \frac{\pi}{4})}{\sin(\alpha + \frac{\pi}{4})} = -\cot(\alpha + \frac{\pi}{4}) = 2 \Rightarrow \tan(\alpha + \frac{\pi}{4}) = -\frac{1}{2}$$

(علی‌رضا نرافزار)

حسابان ۲

گزینه «۳» -۱

ابتدا عبارت A را به کمک روابط مثلثاتی 2α به صورت ساده‌تر می‌نویسیم:

$$A = 2 \cos^2 x - 3 \sin 2x + 2 \sin^2 x + \lambda \cos^2 x$$

$$\Rightarrow A = 2(\sin^2 x + \cos^2 x) - 3 \sin 2x + \lambda \left(\frac{1 + \cos 2x}{2} \right)$$

$$\Rightarrow A = 2 - 3 \sin 2x + 4 + 4 \cos 2x = 6 - 3 \sin 2x + 4 \cos 2x$$

$$\xrightarrow{x=\frac{\pi}{12}} A = 6 - 3 \sin \frac{\pi}{6} + 4 \cos \frac{\pi}{6}$$

$$\Rightarrow A = 6 - \frac{3}{2} + 2\sqrt{3} = 4/5 + 2\sqrt{3}$$

(حسابان ۱ - صفحه‌های ۱۰ و ۱۱)

(محمد رضا، اسخ)

گزینه «۴» -۲

با توجه به فرض و روابط کسینوس مجموع و تفاضل زوایا داریم:

$$m \cos(x+y) - n \cos(x+y) = m \cos(x-y) + n \cos(x-y)$$

$$m \cos(x+y) - m \cos(x-y) = n \cos(x-y) + n \cos(x+y)$$

$$\Rightarrow m(\cos x \cos y - \sin x \sin y) - (\cos x \cos y + \sin x \sin y)$$

$$= n(\cos x \cos y + \sin x \sin y + \cos x \cos y - \sin x \sin y)$$

$$\Rightarrow -4m \sin x \sin y = 2n \cos x \cos y$$

$$\Rightarrow \frac{\sin x \sin y}{\cos x \cos y} = \frac{2n}{-4m} \Rightarrow \tan(x) \tan(y) = -\frac{n}{m}$$

(حسابان ۱ - صفحه ۱۱)

(محمد رضا، اسخ)

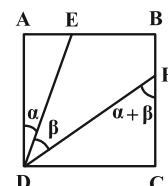
گزینه «۲» -۳

در مثلث DAE داریم:

$$AE^2 + AD^2 = DE^2 \Rightarrow 1^2 + 3^2 = DE^2 \Rightarrow DE = \sqrt{10}$$

با توجه به شکل داریم:

$$AD \parallel BC \xrightarrow{\text{موجب}} DFC = \alpha + \beta$$



$$\sin \alpha = \frac{1}{\sqrt{10}}, \cos \alpha = \frac{3}{\sqrt{10}}, \sin(\alpha + \beta) = \frac{3}{4}$$

$$\Rightarrow \sin(\alpha + \beta) = \frac{3}{4} = \sin \alpha \cos \beta + \cos \alpha \sin \beta$$

$$\Rightarrow \frac{3}{4} = \frac{1}{\sqrt{10}} \cos \beta + \frac{3}{\sqrt{10}} \sin \beta \Rightarrow \frac{3\sqrt{10}}{4} = \cos \beta + 3 \sin \beta$$

(حسابان ۱ - صفحه‌های ۱۰ و ۱۱)



$$\Rightarrow \begin{cases} x + \frac{\pi}{4} = 2k\pi - \frac{\pi}{4} \Rightarrow x = 2k\pi - \frac{\pi}{2}, \quad (k \in \mathbb{Z}) \\ x \in [0, 2\pi] \Rightarrow x = \frac{3\pi}{2} \\ x + \frac{\pi}{4} = 2k\pi + \pi + \frac{\pi}{4} \Rightarrow x = 2k\pi + \pi, \quad (k \in \mathbb{Z}) \\ x \in [0, 2\pi] \Rightarrow x = \pi \end{cases}$$

بنابراین در فاصله $[0, 2\pi]$ معادله دارای ۲ جواب است.
(۳۵) مسابان - صفحه‌های ۳۵ و ۳۶

گزینه «۳» (موسسان کورزی) - ۹

به کمک رابطه تائزانت مجموع زوایا، معادله را بازنویسی می‌کنیم:

$$\frac{\tan \frac{\pi}{4} + \tan x}{1 - \tan \frac{\pi}{4} \tan x} = 1 + \tan x \Rightarrow \frac{1 + \tan x}{1 - \tan x} = 1 + \tan x$$

$$\Rightarrow 1 + \tan x = 1 - \tan^2 x \Rightarrow \tan^2 x + \tan x = 0$$

$$\Rightarrow \tan x(\tan x + 1) = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \tan x = 0 \Rightarrow x = k\pi, \quad (k \in \mathbb{Z}) \\ x \in [0, \pi] \Rightarrow x = 0, \pi \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \tan x = -1 \Rightarrow x = k\pi - \frac{\pi}{4}, \quad (k \in \mathbb{Z}) \\ x \in [0, \pi] \Rightarrow x = \frac{3\pi}{4} \end{cases}$$

(۳۶) مسابان - صفحه‌های ۳۵ و ۳۶

گزینه «۴» (جوانبیش پیکنام) - ۱۰

باید معادله تلاقی دو تابع دارای جواب باشد:

$$\cos 4x + m = 2 \sin^2 x \Rightarrow 2 \cos^2 2x - 1 + m = 2 \left(\frac{1 - \cos 2x}{2} \right)$$

$$\Rightarrow 2 \cos^2 2x + \cos 2x = 2 - m$$

$$\Rightarrow \cos^2 2x + \frac{1}{2} \cos 2x = \frac{2-m}{2}$$

با افزودن $\frac{1}{16}$ واحد به طرفین تساوی، سمت چپ تساوی را به صورت مربع

$$(\cos 2x + \frac{1}{4})^2 = \frac{17 - 8m}{16}$$

کامل می‌نویسیم:
حال به توجه به محدوده x داریم:

$$\frac{2\pi}{3} \leq x \leq \pi \Rightarrow \frac{4\pi}{3} \leq 2x \leq 2\pi \Rightarrow -\frac{1}{2} \leq \cos 2x \leq 1$$

$$\Rightarrow -\frac{1}{4} \leq \cos 2x + \frac{1}{4} \leq \frac{5}{4} \Rightarrow 0 \leq (\cos 2x + \frac{1}{4})^2 \leq \frac{25}{16}$$

$$\Rightarrow 0 \leq \frac{17 - 8m}{16} \leq \frac{25}{16} \Rightarrow -1 \leq m \leq \frac{17}{8}$$

بنابراین بیشترین مقدار $b - a$ برابر است با:

(۳۷) مسابان - صفحه‌های ۳۳ و ۳۴

حال به کمک رابطه تائزانت مجموع زوایا داریم:

$$\tan(\alpha + \frac{\pi}{4}) = -\frac{1}{2} \Rightarrow \frac{\tan \frac{\pi}{4} + 1}{1 - \tan \alpha} = -\frac{1}{2}$$

$$\Rightarrow \tan \alpha + 1 = 2 \tan \alpha + 2 \Rightarrow \tan \alpha = -3 \quad (*)$$

حال از تساوی دوم داریم:

$$\tan(\alpha + \beta) = \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{\tan \alpha + \tan \beta}{1 - \tan \alpha \tan \beta} = \frac{1}{2}$$

$$\xrightarrow{(*)} \frac{-3 + \tan \beta}{1 + 3 \tan \beta} = \frac{1}{2}$$

$$\Rightarrow -6 + 2 \tan \beta = 1 + 3 \tan \beta \Rightarrow \tan \beta = -7$$

(۳۸) مسابان - صفحه ۲

گزینه «۲» (ستار زواری) - ۷

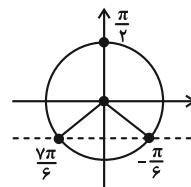
معادله را به صورت زیر بازنویسی می‌کنیم:

$$1 - 2 \sin^2 x + \sin x = 0 \xrightarrow{t = \sin x} -2t^2 + t + 1 = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} t = 1 \Rightarrow \sin x = 1 \Rightarrow x = \frac{\pi}{2} + 2k\pi, \quad (k \in \mathbb{Z}) \\ t = -\frac{1}{2} \Rightarrow \sin x = -\frac{1}{2} \Rightarrow \\ x = \frac{7\pi}{6} + 2k\pi \text{ یا } x = -\frac{\pi}{6} + 2k\pi, \quad (k \in \mathbb{Z}) \end{cases}$$

با توجه به شکل، جواب‌های معادله در بازة $[-\frac{\pi}{6}, \frac{\pi}{2}]$ عبارتند از $-\frac{\pi}{6}$ و $\frac{\pi}{2}$

$$|\frac{\pi}{2} - (-\frac{\pi}{6})| = \frac{2\pi}{3} \quad \frac{\pi}{2} \text{ داریم:}$$



(۳۹) مسابان - صفحه‌های ۳۵ و ۳۶

گزینه «۳» (بیومن امیدی) - ۸

معادله را به صورت زیر بازنویسی می‌کنیم:

$$(\sin x + \cos x)(\sin x + \cos x + 1) + 1 = 0$$

$$\Rightarrow (\sin x + \cos x)^2 + 2(\sin x + \cos x) + 1 = 0$$

$$\Rightarrow (\sin x + \cos x + 1)^2 = 0$$

$$\Rightarrow \sin x + \cos x = -1 \Rightarrow \sqrt{2} \sin(x + \frac{\pi}{4}) = -1$$

$$\Rightarrow \sin(x + \frac{\pi}{4}) = -\frac{\sqrt{2}}{2} \Rightarrow \sin(x + \frac{\pi}{4}) = \sin(-\frac{\pi}{4})$$



۱۲: تعداد دانشآموزانی که نه فوتبال و نه والیبال بازی می‌کنند.

۱۳: تعداد دانشآموزانی که هم فوتبال و هم والیبال بازی می‌کنند.

$x - y$: تعداد دانشآموزانی که فقط فوتبال بازی می‌کنند.

$$2x + (x - y) = 4(x - y) \Rightarrow 3x - y = 4x - 4y \Rightarrow x = 3y$$

$$(2x) + (x - y) + y + 22 = 112$$

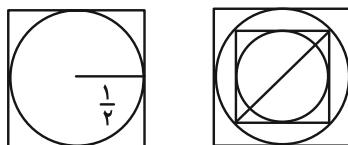
$$\Rightarrow 3x = 90 \Rightarrow x = 30 \xrightarrow{x=3y} y = 10$$

(ریاضی ا- مجموعه، الگو و نسبه؛ صفحه‌های ۸ تا ۱۳)

(اخشین فاصله‌های)

گزینه «۲» - ۱۳

طول شعاع دایره در مرحله اول برابر $\frac{1}{2}$ است.

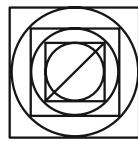


= قطر دایره بزرگتر = طول قطر مربع کوچک‌تر

$$\frac{1}{\sqrt{2}} = \text{طول ضلع مربع کوچک‌تر} \Rightarrow$$

$$\frac{1}{2\sqrt{2}} = \text{طول شعاع دایره کوچک‌تر}$$

به همین ترتیب:



$$\frac{1}{\sqrt{2}} = \text{طول قطر مربع سوم}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{\sqrt{2} \cdot \sqrt{2}} = \frac{1}{2} = \text{طول ضلع مربع سوم}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{4} = \text{طول شعاع دایره سوم}$$

$$\stackrel{(1)}{r_1} = \frac{1}{2}, \quad \stackrel{(2)}{r_2} = \frac{1}{\sqrt{2}}, \quad \stackrel{(3)}{r_3} = \frac{1}{4}, \quad \dots \quad \stackrel{(n)}{r_n} = \frac{1}{\sqrt{2}} \left(\frac{1}{\sqrt{2}}\right)^{n-1}$$

$$\Rightarrow r_9 = \frac{1}{2} \left(\frac{1}{\sqrt{2}}\right)^8 = \frac{1}{32}$$

(ریاضی ا- مجموعه، الگو و نسبه؛ صفحه‌های ۱۷ تا ۲۰ و ۲۵ تا ۲۷)

(ممدر، خا، اسخ)

گزینه «۳» - ۱۴

با توجه به رابطه مجموع n جمله اول یک دنباله حسابی داریم:

$$\frac{14}{2}(2a_1 + 13d) = \frac{16}{2}(2a_1 + 15d)$$

ریاضی پایه

۱۱- گزینه «۲»

(میلا، منصوری)

ابتدا مجموعه‌های B و C را به صورت نمایش بازه‌ای، بازنویسی می‌کنیم:

$$B = \{x - 2k \mid x \in A\} = [-1 - 2k, 10 - 2k]$$

$$C = \{x + 2k \mid x \in A\} = [1 + 2k, 10 + 2k]$$

اشتراک این دو بازه در دو حالت تهی است:

$$I) 10 - 2k < 2k + 1 \Rightarrow k > \frac{9}{4}$$

$$II) 10 + 2k < 1 - 2k \Rightarrow k < -\frac{9}{4}$$

بنابراین اگر $k \in [-\frac{9}{4}, \frac{9}{4}]$ باشد، اشتراک B و C ناتهی است و داریم:

$$b - a = \left(\frac{9}{4}\right) - \left(-\frac{9}{4}\right) = \frac{18}{4} = \frac{9}{2} = 4.5$$

(ریاضی ا- مجموعه، الگو و نسبه؛ صفحه‌های ۳ تا ۵)

۱۲- گزینه «۱»

روش اول:

دانشآموزانی که فوتبال بازی می‌کنند :

دانشآموزانی که والیبال بازی می‌کنند :

حال با توجه به نمادگذاری بالا، فرضیات مسئله را می‌نویسیم:

$$n(U) = 112 \quad (1)$$

$$n(B - A) = 22 = n(B) - n(A \cap B) \quad (2)$$

$$\left\{ \begin{array}{l} n(A) = \frac{1}{2} n((A \cup B)') \\ = \frac{1}{2} (n(U) - (n(A) + n(B) - n(A \cap B))) \end{array} \right. \quad (3)$$

$$n(B') = 4n(A - B) = 4(n(A) - n(A \cap B)) \quad (4)$$

$$\stackrel{(1), (2), (3)}{\rightarrow} n(A) = \frac{1}{2} (112 - (n(A) + 22))$$

$$\Rightarrow 3n(A) = 90 \Rightarrow n(A) = 30$$

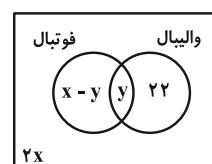
$$\stackrel{(4)}{\rightarrow} n(B') = n(U) - n(B) = 4n(A) - 4n(A \cap B)$$

$$\Rightarrow n(U) = 4n(A) + \overbrace{n(B) - n(A \cap B)}^{22} - 3n(A \cap B)$$

$$\Rightarrow 112 = 120 + 22 - 3n(A \cap B)$$

$$\Rightarrow 3n(A \cap B) = 30 \Rightarrow n(A \cap B) = 10$$

روش دوم: به کمک نمودار ون، مسئله را حل می‌کنیم:
۱۱۲ : مدرسه





(علیرضا نرافزار)

فرض می کنیم a_n ام جمله این دنباله و d قدرنسبت آن باشد، با توجه به فرضیات مستله داریم:

$$\begin{cases} a_7 \cdot a_{12} = 1 \\ a_4 \cdot a_{10} = 5 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} (a_1 + d)(a_1 + 11d) = 1 \\ (a_1 + 3d)(a_1 + 9d) = 5 \end{cases}$$

از طرفی داریم $a_7 = a_1 + 6d$ پس $a_7 = a_1 + 6d$ در نتیجه:

$$\begin{cases} (a_1 - 5d)(a_1 + 5d) = 1 \\ (a_1 - 3d)(a_1 + 3d) = 5 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a_1^2 - 25d^2 = 1 \\ a_1^2 - 9d^2 = 5 \end{cases}$$

$$\Rightarrow 16d^2 = 4 \Rightarrow d^2 = \frac{1}{4} \Rightarrow a_1^2 - \frac{25}{4} = 1$$

$$\Rightarrow a_1^2 = \frac{29}{4} \Rightarrow a_1 = \pm \frac{\sqrt{29}}{2}$$

(ریاضی ا- مجموعه، الگو و دنباله؛ صفحه‌های ۲۱ تا ۲۴)

(میلاد منصوری)

گزینه «۲»

با فرض $b = 2 - \sqrt{3}$ و $a = \sqrt{6} + \sqrt{2}$ داریم:

$$a = \sqrt{2}(\sqrt{3} + 1)$$

$$b = 2 - \sqrt{3} \Rightarrow 2b = 4 - 2\sqrt{3} = (\sqrt{3} - 1)^2 \Rightarrow b = \frac{(\sqrt{3} - 1)^2}{2}$$

بنابراین داریم:

$$a^2 b^2 = \frac{2\sqrt{2}(\sqrt{3} + 1)^2 (\sqrt{3} - 1)^2}{4}$$

$$= \frac{\sqrt{2}((\sqrt{3} + 1)(\sqrt{3} - 1))^2 (\sqrt{3} - 1)}{2} = \frac{\sqrt{2}(2^2)(\sqrt{3} - 1)}{2}$$

$$= \frac{8\sqrt{2}(\sqrt{3} - 1)}{2} = 4\sqrt{2}(\sqrt{3} - 1) = 4(\sqrt{6} - \sqrt{2})$$

(ریاضی ا- توان‌های گویا و عبارت‌های هیری؛ صفحه‌های ۶۱ تا ۶۷)

(میلاد منصوری)

گزینه «۱»

با افزودن یک واحد به فرض مستله داریم:

$$x+1 + \frac{4}{x+1} = 4 + 4\sqrt{3} \quad (*)$$

حال فرض کنید $A = \sqrt{x+1} + \frac{2}{\sqrt{x+1}}$ باشد، اولاً $A > 0$ و داریم:

$$A^2 = x+1 + \frac{4}{x+1} + 4 \xrightarrow{(*)} 4 + 4\sqrt{3} + 4 = A^2$$

$$\Rightarrow 8 + 2\sqrt{12} = A^2 \Rightarrow (\sqrt{6} + \sqrt{2})^2 = A^2$$

$$\xrightarrow{A > 0} A = \sqrt{6} + \sqrt{2}$$

(ریاضی ا- توان‌های گویا و عبارت‌های هیری؛ صفحه‌های ۶۱ تا ۶۷)

$$\Rightarrow 16a_1 + 91d = 16a_1 + 120d$$

$$\Rightarrow 2a_1 + 29d = 0 \Rightarrow a_1 + a_{10} = 0$$

$$\Rightarrow \frac{30}{2}(a_1 + a_{10}) = 0 \Rightarrow S_{30} = 0$$

(مسابقات هندسه های ۲۳ تا ۲۵)

(محمد رضا کشاورزی)

گزینه «۳»

$$x, 2, y \xrightarrow{\text{سه جمله متولی دنباله حسابی}} \frac{x+y}{2} = 2$$

$$\Rightarrow x+y = 4 \Rightarrow y = 4-x \quad (*)$$

$$x-1, 2, y+1 \xrightarrow{\text{سه جمله متولی دنباله هندسی}} \frac{(x-1)(y+1)}{2} = 2$$

$$\Rightarrow (x-1)(y+1) = 4 \xrightarrow{(*)} (x-1)(5-x) = 4$$

$$\Rightarrow x^2 - 6x + 9 = 0 \Rightarrow (x-3)^2 = 0 \Rightarrow x = 3$$

$$\left. \begin{array}{l} 3, 2, 1 \Rightarrow d = -1 \\ 2, 2, 2 \Rightarrow q = 1 \end{array} \right\}$$

$$\Rightarrow q-d = 1-(-1) = 2$$

(ریاضی ا- مجموعه، الگو و دنباله؛ صفحه‌های ۲۱ تا ۲۴)

(بهانه‌شیوه نیلما)

گزینه «۴»

فرض می کنیم قدرنسبت دنباله حسابی k باشد:

$$a, c, d \xrightarrow{\text{تشکیل دنباله هندسی}} c^2 = ad$$

$$\Rightarrow (a+2k)^2 = a(a+3k) \Rightarrow ak + 4k^2 = 0$$

$$\Rightarrow k(a+4k) = 0 \Rightarrow \begin{cases} k = 0 \\ k = -\frac{a}{4} \end{cases}$$

$$\frac{a+b+c+d+e}{a+c+d} = \frac{a + \frac{3}{4}a + \frac{2}{4}a + \frac{1}{4}a + 0}{a + \frac{2}{4}a + \frac{1}{4}a} = \frac{\frac{10}{4}a}{\frac{7}{4}a} = \frac{10}{7}$$

(ریاضی ا- مجموعه، الگو و دنباله؛ صفحه‌های ۲۱ تا ۲۴)

(محمد رضا راسخ)

گزینه «۳»

فرض می کنیم a_n ام جمله دنباله هندسی مذکور و q قدرنسبت آن باشد:

$$\frac{a_6}{a_3} = \frac{a_9}{a_6} = q^3 \Rightarrow a_6^2 = a_3 \times a_9$$

$$\Rightarrow [x]^2 = 4[x-1] \Rightarrow [x]^2 = 4[x] - 4$$

$$\Rightarrow [x]^2 - 4[x] + 4 = 0 \Rightarrow ([x]-2)^2 = 0$$

$$\Rightarrow [x] = 2 \Rightarrow 2 \leq x < 3$$

$$\Rightarrow a+2b = 2+2(3) = 8$$

(ریاضی ا- مجموعه، الگو و دنباله؛ صفحه‌های ۲۵ و ۲۶)



(اسماق اسغندیار)

گزینه «۲» - ۲۴

ابتدا ماتریس A را حساب کرده و سپس دترمینان آن را به دست می‌آوریم:

$$2A = \begin{bmatrix} |A| & 2 \\ -2 & |A| \end{bmatrix} \Rightarrow A = \begin{bmatrix} \frac{|A|}{2} & 1 \\ -1 & \frac{|A|}{2} \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow |A| = \frac{|A|}{2} \times \frac{|A|}{2} + 1 \Rightarrow |A|^2 - 4|A| + 4 = 0$$

$$\Rightarrow (|A| - 2)^2 = 0 \Rightarrow |A| = 2$$

همچنین می‌توانیم دترمینان ماتریس B را برحسب سطر دوم محاسبه کنیم:

$$|B| = 1 \times (-1)^{2+2} \times \begin{vmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 3 \end{vmatrix} = 1 \times 1 \times (3 - 1) = 2$$

با استفاده از خواص دترمینان خواسته سؤال را به دست می‌آوریم:

$$|-|A||B^{-1}| \xrightarrow[k \in \mathbb{R}, B_{3 \times 3}]{} |kB| = k^3 |B| \Rightarrow (-|A|)^3 |B^{-1}|$$

$$\xrightarrow[|B| = \frac{1}{|B|}]{} = (-|A|)^3 \times \frac{1}{|B|} = (-2)^3 \times \frac{1}{2} = -4$$

(هنرسه ۳ - صفحه‌های ۲۷، ۲۸ و ۲۹)

(سید محمد رضا خسینی فرد)

گزینه «۲» - ۲۵

طرفین تساوی داده شده را محاسبه کرده و مقدار a را به دست می‌آوریم:

$$\begin{vmatrix} 3 & 11 & -9 \\ 0 & -7 & 3 \\ a & 1 & -4 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 5 & a & -7 & 3 \\ 0 & 11 & 1 & -4 \end{vmatrix} \Rightarrow 3 \times (-1)^{1+1} \times \begin{vmatrix} 11 & -9 \\ -7 & 3 \end{vmatrix} = 55 - 10a$$

$$\Rightarrow 3 \times 1 \times (28 - 3) + a \times 1 \times (33 - 63) = 55 - 10a$$

$$\Rightarrow 75 - 30a = 55 - 10a \Rightarrow a = 1$$

خواسته سؤال به صورت زیر به دست می‌آید:

$$\begin{vmatrix} a & 1-a \\ 2a & a+1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 1 & 0 \\ 2 & 2 \end{vmatrix} = 1 \times 2 - 0 \times 2 = 2$$

(هنرسه ۳ - صفحه‌های ۲۷ و ۲۸)

(فرشاد صدیقی فرد)

گزینه «۳» - ۲۶

با استفاده از خواص دترمینان طرفین تساوی داده شده را تا جای ممکن ساده می‌کنیم:

$$2|A| = ||A||A| + \left| \begin{array}{cc} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{array} \right| A \xrightarrow[k \in \mathbb{R}, A_{3 \times 3}]{} |kA| = k^3 |A|$$

$$2|A| = (|A|)^3 |A| + \left(\frac{1}{|A|} \right)^3 |A|$$

هندسه ۳

گزینه «۱» - ۲۱

طبق فرض سؤال می‌دانیم:

$$AB - BC = BD \Rightarrow AB = BD + BC$$

$$\Rightarrow AB = B(D + C) \quad (1)$$

از طرفین تساوی (۱) دترمینان می‌گیریم:

$$|AB| = |B(D + C)| \Rightarrow |A||B| = |B||D + C| \quad (2)$$

از آنجا که $|B| \neq 0$ است (چراً)، آن را از طرفین تساوی (۲) ساده کرده و

$$|A| = |D + C|$$

ماتریس $D + C$ را محاسبه کرده و دترمینان آن را برحسب سطر اول به دست می‌آوریم:

$$D + C = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 1 & 3 & 2 \\ 3 & 2 & 5 \end{bmatrix}$$

$$|D + C| = 1 \times (-1)^{1+3} \times \begin{vmatrix} 1 & 3 \\ 3 & 2 \end{vmatrix} = 1 \times 1 \times (2 - 9) = -7$$

$$\Rightarrow |A| = |D + C| = -7$$

(هنرسه ۳ - صفحه‌های ۲۷ و ۲۸)

گزینه «۴» - ۲۲

طبق تمرین ۳۱ صفحه ۸ کتاب درسی، در محاسبه دترمینان یک ماتریس مربعی دلخواه، می‌توان از یک عدد دلخواه در یک سطر یا ستون دلخواه فاکتور گرفته و به صورت ضربی در کنار دترمینان قرار بدهیم؛ بنابراین داریم:

$$\begin{vmatrix} 6 & 1 & 8 \\ 18 & 4 & 8 \\ 6a & 0 & 8 \end{vmatrix} \xrightarrow[\text{از ۲ فاکتور می‌گیریم.}]{} \begin{matrix} \text{در سطر دوم و سوم} \\ 2 \times 2 \times 2 \end{matrix} \begin{vmatrix} 6 & 1 & 8 \\ 9 & 2 & 4 \\ 3a & 0 & 4 \end{vmatrix}$$

$$\xrightarrow[\text{در ستون اول از ۳ و در ستون سوم از ۴ فاکتور می‌گیریم.}]{} 2 \times 2 \times 3 \times 4 \begin{vmatrix} 2 & 1 & 2 \\ 3 & 2 & 1 \\ a & 0 & 1 \end{vmatrix} = 48k$$

(هنرسه ۳ - صفحه ۳۹)

(آرین تقاضی زاده)

گزینه «۲» - ۲۳

دترمینان ماتریس A را با دستور ساروس محاسبه می‌کنیم:

$$\begin{vmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & x & 1 \\ x & 0 & 1 & x \end{vmatrix} \Rightarrow |A| = (0 + x^2 + 0) - (0 + 0 + 1) = x^2 - 1$$

طبق فرض داریم $x^2 - 1 = 8$ ، بنابراین $x = 9$ و در نتیجه:

$$\log_3^{x^2} = \log_3^9 = 2$$

(هنرسه ۳ - صفحه ۳۹)



(نیما مهندس)

گزینه «۲» -۲۹

دترمینان ماتریس داده شده را با دستور ساروس محاسبه می کنیم:

$$\begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1+\sin\theta & 1 \\ 1 & 1+\cos\theta & 1 \end{vmatrix}$$

$$\Rightarrow ((1+\sin\theta)(1+\cos\theta)+1+1) - ((1+\sin\theta)+1+(1+\cos\theta))$$

$$\Rightarrow (\sin\theta\cos\theta + \sin\theta + \cos\theta + 3) - (\sin\theta + \cos\theta + 3)$$

$$= \sin\theta\cos\theta = \frac{1}{2}\sin 2\theta \xrightarrow{-1 \leq \sin 2\theta \leq 1} -\frac{1}{2} \leq \frac{1}{2}\sin 2\theta \leq \frac{1}{2}$$

طبق نامساوی به دست آمده، بیشترین مقدار ممکن دترمینان داده شده $\frac{1}{2}$ می باشد.

(هنرسه ۳ - صفحه ۲۹)

(همون عقیل)

گزینه «۳» -۳۰

$$A^T - A - I = \bar{O} \Rightarrow A^T = A + I \quad \text{طبق فرض سؤال داریم:}$$

از طرفین رابطه اخیر، دترمینان می گیریم:

$$|A + I| = |A^T| = |A|^T = (-1)^T = 1$$

$$\text{با فرض } A = \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix} \text{ داریم:}$$

$$|A| = -1 \Rightarrow \begin{vmatrix} a & b \\ c & d \end{vmatrix} = -1 \Rightarrow ad - bc = -1 \quad (1)$$

$$|A + I| = 1 \Rightarrow \begin{vmatrix} a+1 & b \\ c & d+1 \end{vmatrix} = 1$$

$$\Rightarrow ad + a + d + 1 - bc = 1 \xrightarrow{ad - bc = -1} a + d = 1 \quad (2)$$

دترمینان ماتریس مورد نظر به صورت زیر به دست می آید:

$$|A + 2I| = \begin{vmatrix} a+2 & b \\ c & d+2 \end{vmatrix} = ad + 2(a+d) + 4 - bc$$

$$\xrightarrow{(1), (2)} = -1 + 2 + 4 = 5$$

(هنرسه ۳ - صفحه های ۲۷ و ۲۸)

$$\Rightarrow 2|A| = |A|^4 + \frac{1}{|A|^2} \xrightarrow{x|A|^2} 2|A|^3 = |A|^6 + 1$$

$$\Rightarrow |A|^6 - 2|A|^3 + 1 = 0 \Rightarrow (|A|^3 - 1)^2 = 0$$

$$\Rightarrow |A|^3 = 1 \Rightarrow |A| = 1$$

(هنرسه ۳ - صفحه ۲۳)

(کیوان دراین)

گزینه «۱» -۲۷

سمت چپ تساوی را بر حسب سطر اول به دست می آوریم:

$$\begin{vmatrix} x & y & 2 \\ 4 & -1 & 2 \\ 1 & 5 & 3 \end{vmatrix} = x \times (-1)^{1+1} \times \begin{vmatrix} -1 & 2 \\ 5 & 3 \end{vmatrix} + y \times (-1)^{1+2} \times \begin{vmatrix} 4 & 2 \\ 1 & 3 \end{vmatrix}$$

$$+ 2 \times (-1)^{1+3} \times \begin{vmatrix} 4 & -1 \\ 1 & 5 \end{vmatrix} = x \begin{vmatrix} -1 & 2 \\ 5 & 3 \end{vmatrix} - y \begin{vmatrix} 4 & 2 \\ 1 & 3 \end{vmatrix} + 2 \begin{vmatrix} 4 & -1 \\ 1 & 5 \end{vmatrix} \quad (*)$$

از مقایسه (*) با سمت راست تساوی صورت سؤال درمی یابیم که k همان

$$\begin{vmatrix} 4 & -1 \\ 1 & 5 \end{vmatrix} \text{ است؛ بنابراین:}$$

$$k = 2 \begin{vmatrix} 4 & -1 \\ 1 & 5 \end{vmatrix} = 2(20 + 1) = 42$$

(هنرسه ۳ - صفحه های ۲۷ و ۲۸)

(مفتی مظاهری خر)

گزینه «۳» -۲۸

ماتریس B را تشکیل داده و دترمینان آن را بر حسب سطر دوم به دست می آوریم:

$$B = \begin{bmatrix} 2 & x-1 & -3 \\ 0 & 2 & 0 \\ 4 & 2x+1 & 3 \end{bmatrix} \Rightarrow |B| = 2 \times (-1)^{2+2} \times \begin{vmatrix} 2 & -3 \\ 4 & 3 \end{vmatrix}$$

$$= 2 \times 1 \times (6 + 12) = 36$$

دترمینان ماتریس A را نیز بر حسب سطر اول به دست می آوریم:

$$|A| = 2 \times (-1)^{1+1} \times \begin{vmatrix} 2 & 1 \\ 2x & 3 \end{vmatrix} + x \times (-1)^{1+2} \times \begin{vmatrix} -1 & 1 \\ 2 & 3 \end{vmatrix}$$

$$+ (-1) \times (-1)^{1+3} \times \begin{vmatrix} -1 & 2 \\ 2 & 2x \end{vmatrix}$$

$$= 2(6 - 2x) - x(-3 - 2) - (-2x - 4) = 3x + 16$$

از تساوی $|B| = |A|$ نتیجه می شود:

$$3x + 16 = 36 \Rightarrow 3x = 20 \Rightarrow x = \frac{20}{3}$$

(هنرسه ۳ - صفحه های ۲۷ و ۲۸)



(همسطی دیراری)

«۴» - ۳۳

از آنجا که روزهای هفته هر ۷ روز یکبار تکرار می‌شوند، می‌توان فاصله بین دو تاریخ دور از هم را به پیمانه ۷ کوچک کرد. (*)

حال باید بررسی کنیم که ۱۲ بهمن، چند روز بعد از ۱۷ شهریور است:

$$(31-17) + 12 = 146 \xrightarrow{(*)} 146 + 4 \times 30 = 146 + 120 = 266$$

این بدان معناست که ۱۲ بهمن از نظر روز هفته، ۶ روز بعد از ۱۷ شهریور است؛ بنابراین ۱۲ بهمن به طور حتم چهارشنبه با پنجشنبه نمی‌تواند باشد.

(ریاضیات گسته - صفحه ۲۴)

(کلیوان دارای)

«۳» - ۳۴

$$140 \cdot 3x \equiv 2024 \Rightarrow 1400x + 3x \equiv 2023 + 1 \quad \text{طبق فرض می‌دانیم:}$$

$$\Rightarrow 3x \equiv 1 \equiv 15 \xrightarrow{+3} x \equiv 5$$

در نتیجه می‌توانیم بنویسیم:

$$\begin{cases} x \equiv 5 \\ 2024 \equiv 1 \end{cases} \Rightarrow 2024x \equiv 1 \times 5 \equiv 5$$

(ریاضیات گسته - صفحه‌های ۲۵ و ۲۶)

(سوکند روشن)

«۳» - ۳۵

نکته: معادله همنهشتی $ax \equiv b^m$ به ازای مقادیر صحیح a و b دارای جواب است اگر و تنها اگر $|b|$ دارد.

فرض می‌کنیم $d = 17n + 11, 2n + 2$ ؛ آن‌گاه داریم:

$$\begin{cases} d | 17n + 11 \xrightarrow{x \equiv 7} d | 119n + 77 \\ d | 2n + 2 \xrightarrow{x \equiv 2} d | 119n + 34 \end{cases}$$

نفاذ $\xrightarrow{d | 43} d = 1$ یا 43

به ازای $d = 1$ داریم $d | 1$ و بنابراین معادله دارای جواب است؛ ولی به ازای $d = 43$ معادله جوابی ندارد (چرا). حال مقادیری از n را می‌باییم که $d = 43$ می‌شود:

$$\begin{cases} 43 | 7n + 2 \xrightarrow{x \equiv 6} 43 | 42n + 12 \\ 43 | 43n \end{cases}$$

نفاذ $\xrightarrow{43 | n - 12} n = 43k + 12$ $\Rightarrow n = 12, 55, 98$ (نامطلوب)

در نتیجه به ازای $n = 12, 55, 98$ مقدار دو رقمی n ، معادله همنهشتی داده شده، در مجموعه اعداد صحیح دارای جواب است.

(ریاضیات گسته - صفحه‌های ۲۵ و ۲۶)

(علی ایمان)

از آنجا که عدد ab^{221} مضرب ۹۹ است، بنابراین هم مضرب ۹ و هم مضرب ۱۱ است. با توجه به قاعدة تقسیم بر اعداد ۹ و ۱۱ در صفحه‌های ۲۲ و ۲۳ کتاب درسی، داریم:

$$ab^{221} \equiv 0 \xrightarrow{11} 1 - 2 + 3 - b + a \equiv 0$$

$$\Rightarrow a - b \equiv -2 \xrightarrow{-9 < a - b \leq 9} a - b = -2, 9$$

$$ab^{221} \equiv 0 \xrightarrow{9} 1 + 2 + 3 + a + b \equiv 0$$

$$\Rightarrow a + b \equiv -6 \equiv 3 \xrightarrow{0 < a + b \leq 18} a + b = 3, 12$$

با بررسی حالت‌های ممکن برای عبارت‌های $a + b$ و $a - b$ ، مقادیر طبیعی قابل قبول برای a و b را می‌باییم:

$$\begin{cases} a + b = 3, a - b = -2 \Rightarrow a = \frac{1}{2}, b = \frac{5}{2} \\ a + b = 3, a - b = 9 \Rightarrow a = 6, b = -3 \\ a + b = 12, a - b = -2 \Rightarrow a = 5, b = 7 \\ a + b = 12, a - b = 9 \Rightarrow a = \frac{21}{2}, b = \frac{3}{2} \end{cases}$$

تنها مقادیر طبیعی قابل قبول $a = 5$ و $b = 7$ می‌باشد، بنابراین مقدار $2a + b$ برابر ۱۷ می‌باشد.

(ریاضیات گسته - صفحه‌های ۲۲ و ۲۳)

(امیرحسین ابوالهوب)

دو عدد وقتی رقم یکان یکسانی دارند که به پیمانه ۱۰ هم نهشت باشند، بنابراین داریم:

$$a^3 - 3a \equiv a + 2 \xrightarrow{10} a^3 - 4a - 2 \equiv 0 \xrightarrow{10} 10 \equiv 0$$

$$a^3 - 4a - 12 \equiv 0 \Rightarrow (a - 6)(a + 2) \equiv 0 \quad (*)$$

دو عدد $(a - 6)$ و $(a + 2)$ که ۸ واحد اختلاف دارند، یا هر دو زوج‌اند یا هر دو فرد؛ از رابطه همنهشتی $(*)$ نتیجه می‌گیریم که هر دو عدد فوق، زوج هستند، یعنی a نیز زوج می‌باشد. از طرفی زمانی حاصل ضرب این دو عدد مضرب ۵ می‌شود که یکی از آن‌ها مضرب ۵ باشد:

$$\begin{cases} a - 6 \equiv 0 \Rightarrow a \equiv 6 \xrightarrow{\text{زوج}} a = 6, 16, \dots \end{cases}$$

$$\begin{cases} a + 2 \equiv 0 \Rightarrow a \equiv -2 \xrightarrow{\text{زوج}} a = -2, 18, \dots \end{cases}$$

بنابراین کوچک‌ترین عدد طبیعی دو رقمی a برابر ۱۶ و بزرگ‌ترین عدد طبیعی

یک رقمی a برابر ۸ بوده و نسبت خواسته شده برابر $\frac{16}{8} = 2$ می‌باشد.

(ریاضیات گسته - صفحه ۲۳)



بنابراین بزرگ‌ترین عدد سه رقمی ۱۸۱ و کوچک‌ترین عدد سه رقمی ۱۲۱ می‌باشد و اختلاف این دو عدد برابر ۶۰ است.

توجه: معادله همنهشتی $4y \equiv 1$ به دلیل این‌که $1 / (4, 6)$, فاقد جواب است.

(ریاضیات گسسته - صفحه‌های ۲۴ و ۲۵)

(نیلوفر مهدوی)

گزینه «۳»

طبق فرض می‌دانیم:

$$x^2 - 16x + 63 \equiv 0 \Rightarrow (x-7)(x-9) \equiv 0$$

اختلاف دو عدد $(x-9)$ و $(x-7)$ برابر با ۲ است. از این‌رو هر دو عدد فوق نمی‌توانند هم‌زمان مضرب ۳ باشند، بنابراین باید یکی از این دو عدد مضرب ۹ باشند:

$$\Rightarrow \begin{cases} x-7 \equiv 0 \Rightarrow x = 9k+7 = 3(3k+2)+1 = 3k'+1 \\ x-9 \equiv 0 \Rightarrow x = 9k'' \end{cases}$$

بنابراین x نمی‌تواند به صورت $3k'+2$ باشد.

(ریاضیات گسسته - صفحه‌های ۲۴ و ۲۵)

(کیوان درابن)

گزینه «۲»

طبق فرض می‌دانیم:

$$\overline{aba} \equiv 0 \Rightarrow 100a + 10b + a \equiv 0 \Rightarrow 10b + 2a \equiv 0$$

$$\frac{+2}{(2, 33)=1} \rightarrow 5b + a \equiv 0 \quad (*)$$

از طرفی می‌دانیم که عبارت $5b+a$ حداقل برابر ۱ و حداقل برابر ۵۴ است (چرا؟). با در نظر گرفتن رابطه $(*)$ درمی‌یابیم که تنها حالت $5b+a = 33$ ممکن است، بنابراین داریم:

$$5b+a = 33 \Rightarrow \begin{cases} b=5, a=8 \Rightarrow \overline{aba} = 858 \\ b=6, a=3 \Rightarrow \overline{aba} = 363 \end{cases}$$

در نتیجه دو مقدار سه رقمی طبیعی 363 و 858 برای \overline{aba} یافت می‌شود.

(ریاضیات گسسته - صفحه‌های ۲۴ و ۲۵)

(اخشین فاضلی‌فان)

گزینه «۳»

از مجموعه جواب X که به صورت $\{ \dots, -20, -7, 6, 19, \dots \}$ است، نتیجه می‌شود که x به صورت $(k \in \mathbb{Z})$ $13k+6$ می‌باشد. از طرفی طبق فرض داریم:

$$\begin{aligned} ax - 1 &\equiv 2 \Rightarrow ax \equiv 3 \Rightarrow a(13k+6) \equiv 3 \\ \Rightarrow 13ak + 6a &\equiv 3 \Rightarrow 6a \equiv 3 \Rightarrow 6a \equiv 42 \\ \frac{+6}{(6, 13)=1} \rightarrow a &\equiv 7 \end{aligned}$$

بنابراین a به صورت $(k' \in \mathbb{Z})$ $13k'+7$ می‌باشد و بزرگ‌ترین مقدار دو رقمی a به صورت $13 \times 7 + 7 = 98$ بوده و مجموع ارقام آن برابر $9+8=17$ می‌باشد.

(ریاضیات گسسته - صفحه‌های ۲۴ و ۲۵)

(امیرحسین ابومهوب)

گزینه «۴»

ابتدا فرم کلی اعدادی را پیدا می‌کنیم که ۵ برابر آن‌ها به علاوه ۹، بر ۱۱ بخش‌پذیر باشد:

$$\begin{aligned} 5a + 9 &\equiv 0 \Rightarrow 5a \equiv -9 \Rightarrow 5a \equiv -20 \\ \frac{+5}{(5, 11)=1} \rightarrow a &\equiv -4 \Rightarrow a = 11k - 4 \quad (k \in \mathbb{Z}) \end{aligned}$$

بزرگ‌ترین عدد طبیعی دو رقمی a ، به ازای $k = 9$ به دست می‌آید:

$$a = 11k - 4 \xrightarrow{k=9} a = 11 \times 9 - 4 = 95 \Rightarrow 9 + 5 = 14 = \text{مجموع ارقام}$$

(ریاضیات گسسته - صفحه‌های ۲۴ و ۲۵)

(اصغرضا خلاج)

گزینه «۳»

طبق فرض داریم:

$$\overline{xyx} \equiv 1 \Rightarrow 100x + 10y + x \equiv 1 \Rightarrow 101x + 10y \equiv 1$$

نکته: اگر k مقسوم‌علیه طبیعی (بزرگ‌تر از یک) عدد طبیعی n باشد و داشته

$x \equiv y \pmod{n}$ باشیم، آن‌گاه با استفاده از تعریف همنهشتی ثابت می‌شود: از آنجا که 5 و 6 مقسوم‌علیه‌های عدد 30 هستند، پس:

$$\begin{cases} 101x + 10y \equiv 1 \Rightarrow x \equiv 1 \pmod{5} \xrightarrow{0 < x \leq 4} x = 1, 6 \quad (1) \\ 101x + 10y \equiv 1 \Rightarrow 5x + 4y \equiv 1 \quad (2) \end{cases}$$

از عبارت‌های (1) و (2) نتیجه می‌شود که:

$$\begin{cases} x = 1 \xrightarrow{(2)} 5 + 4y \equiv 1 \Rightarrow 4y \equiv 6 \equiv 1 \Rightarrow y \equiv 2 \\ \xrightarrow{0 < y \leq 4} y = 2, 5, 8 \Rightarrow \overline{xyx} = 121, 151, 181 \end{cases}$$

(معادله در \mathbb{Z} فاقد جواب است.)



(عن ایمان)

گزینه «۴»

می‌دانیم اگر نتیجه گزاره‌ای درست باشد، خود گزاره نادرست می‌شود، پس گزینه نادرست را می‌یابیم:

۱) به ازای هر عدد حقیقی ناصل مانند x ، عددی حقیقی مانند y وجود دارد که حاصل ضرب آنها ۱ باشد. این گزاره سوری، دو عدد معکوس را تعریف می‌کند و کاملاً صحیح می‌باشد.

۲) عددی حقیقی مانند x وجود دارد که حاصل جمع آن با هر عدد حقیقی y ، برابر y باشد. این گزاره سوری، عدد صفر را تعریف می‌کند و کاملاً صحیح می‌باشد.

۳) عددی حقیقی مانند x وجود دارد که حاصل ضرب آن در هر عدد حقیقی y ، برابر ۱ باشد. این گزاره سوری، عدد ۱ را تعریف می‌کند و کاملاً صحیح می‌باشد.

۴) عدد حقیقی ناصل مانند x وجود دارد که حاصل ضرب آن در هر عدد حقیقی y ، برابر $y = 0$ است، هیچ عددی مثل x وجود ندارد که $xy = 1$ باشد. (به ازای $y = 0$ ، هیچ عددی مثل x وجود ندارد که $xy = 1$ باشد.)

(آمار و احتمال - صفحه‌های ۱۱ تا ۱۶)

(کلیون (ارابی))

گزینه «۱»

نکته: طبق سوال ۱ کار در کلاس صفحه ۸ کتاب درسی می‌دانیم: $p \Rightarrow q \equiv \sim p \vee q$

طبق فرض داریم:

$$(p \vee q) \Rightarrow (p \wedge q) \xrightarrow{\text{نکته}} \sim(p \vee q) \vee (p \wedge q)$$

$$\equiv (\sim p \wedge \sim q) \vee (p \wedge q) \equiv p \Leftrightarrow q$$

اثبات هم‌ارزی $(*)$ به صورت زیر است:

$$(\sim p \wedge \sim q) \vee (p \wedge q) \equiv [(\sim p \wedge \sim q) \vee p] \wedge [(\sim p \wedge \sim q) \vee q]$$

$$\equiv [(\underbrace{\sim p \vee p}_T) \wedge (\sim q \vee p)] \wedge [(\sim p \vee q) \wedge (\underbrace{\sim q \vee q}_T)]$$

$$\equiv (\sim q \vee p) \wedge (\sim p \vee q) \equiv (q \Rightarrow p) \wedge (p \Rightarrow q) \equiv p \Leftrightarrow q$$

نادرستی سایر گزینه‌ها را توسط جدول ارزش درستی گزاره‌ها بررسی کنید.

(آمار و احتمال - صفحه‌های ۱۴ تا ۱۶)

(همطفی درباری)

گزینه «۲»نکته: اگر مجموعه A , n عضو داشته باشد، تعداد عضوهای مجموعه توانییا $P(A)$ برابر تعداد زیرمجموعه‌های مجموعه A ، یعنی 2^n بوده وهمچنین مجموعه A دارای $1 - 2^n$ زیرمجموعه سره (نامساوی با خود

(A) خواهد بود.

آمار و احتمال**گزینه «۳»**

طبق فرض داریم:

$$\begin{aligned} A' - (A - B) &= B - A \Rightarrow A' - (A \cap B') = B \cap A' \\ \Rightarrow A' \cap (A \cap B')' &= B \cap A' \\ \Rightarrow A' \cap (A' \cup B) &= B \cap A' \quad (*) \end{aligned}$$

طبق قانون جذب در مجموعه‌ها داریم:

$$\begin{aligned} X \cap (X \cup Y) &= X \xrightarrow{(*)} \underbrace{A' \cap (A' \cup B)}_{A'} = A' \cap B \\ \Rightarrow A' - (A' \cap B) &= \emptyset \Rightarrow A' \cap (A' \cap B)' = \emptyset \\ \Rightarrow A' \cap (A \cup B') &= \emptyset \\ \Rightarrow (A' \cap A) \cup (A' \cap B') &= \emptyset \Rightarrow A' \cap B' = \emptyset \\ \Rightarrow (A \cup B)' &= \emptyset \Rightarrow A \cup B = \emptyset' = U \end{aligned}$$

(آمار و احتمال - صفحه‌های ۱۸ و ۲۱ تا ۲۹)

گزینه «۲»

ابتدا تمامی جواب‌های این معادله را به دست می‌آوریم:

$$(x^2 - 3)(2x^2 + 5x + 2) = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x^2 - 3 = 0 \Rightarrow x = \pm\sqrt{3} \\ 2x^2 + 5x + 2 = 0 \Rightarrow x = -2, x = -\frac{1}{2} \end{cases}$$

با توجه به مقادیر به دست آمده برای ریشه‌های این معادله، اگر مجموعه A برابر مجموعه \mathbb{Z} انتخاب شود، مجموعه جواب این گزاره‌نما فقط یک عضو خواهد داشت.

(آمار و احتمال - صفحه‌های ۳ و ۱۴)

گزینه «۳»نکته: برای دو مجموعه دلخواه A و B . اگر $n(A) = m$ و $n(B) = k$ باشد، آن‌گاه $n(A \times B) = mk$ و $n(B) = k$ می‌باشد.از $n(A \times B) = n(A) \cdot n(B) = 45$ پس $n(A) = 5$ می‌باشد.زیرمجموعه‌های مجموعه A برابر $2^{n(A)}$ است که با توجه به گزینه‌ها داریم:

$$64 = 2^6 \Rightarrow n(A) = 6$$

$$512 = 2^9 \Rightarrow n(A) = 9$$

$$8 = 2^3 \Rightarrow n(A) = 3$$

$$32 = 2^5 \Rightarrow n(A) = 5$$

(آمار و احتمال - صفحه‌های ۱۷ و ۲۰)



بنابراین، ارزش گزاره‌های (الف) و (پ) درست و ارزش گزاره (ب) نادرست می‌باشد.

(آمار و احتمال - صفحه‌های ۲ تا ۱۱)

(نیلوفر مهدوی)

$$\begin{cases} A \cup (A \cap C) = A \\ A \cap (A \cup C) = A \end{cases}$$

نکته: طبق قانون جذب در مجموعه‌ها می‌دانیم:

حال عبارت داده شده را ساده می‌کنیم:

$$\begin{aligned} & ((A \cup C) - C') \cap (B \cup C') \cup ((B - C) \cup C') \\ &= \left(\underbrace{(A \cup C) \cap C}_{\text{جذب}} \right) \cap (B \cup C') \cup \left(\underbrace{(B \cap C') \cup C'}_{\text{جذب}} \right) \\ &= (C \cap (B \cup C')) \cup C' = \left((C \cap B) \cup (C \cap C') \right) \cup C' \\ &= (C \cap B) \cup C' = \underbrace{(C \cup C')}_{U} \cap (B \cup C') = B \cup C' \end{aligned}$$

متوجه مجموعه به دست آمده به صورت مقابل است:

$$(B \cup C')' = B' \cap C$$

اکنون می‌توانیم به بررسی گزینه‌ها بپردازیم:

$$1) (B' \cap C) \cup (C - B) = (B' \cap C) \cup (C \cap B') = C \cap B' \quad \times$$

$$2) (B' \cap C) \cup (B' \cap C') = B' \cap (C \cup C') \quad \checkmark$$

$$3) (B' \cap C) \cup (B' \cap A') = B' \cap (A' \cup C) \quad \times$$

$$4) (B' \cap C) \cup C = C \quad \text{جذب} \quad \times$$

(آمار و احتمال - صفحه‌های ۲۱ تا ۲۹)

(نیما مهندس)

گزینه «۲»

نکته: به ازای مجموعه‌های دلخواه C و B داریم:

$$\begin{cases} (B \cap C) \subseteq B \\ B \subseteq C \Rightarrow B - C = \emptyset \end{cases}$$

با توجه به نکات بالا ثابت می‌شود که گزینه دوم الزاماً تهی می‌باشد:

$$(B \cap C) \subseteq B \Rightarrow A \times (B \cap C) \subseteq A \times B$$

$$\Rightarrow A \times (B \cap C) - A \times B = \emptyset$$

گزینه‌های ۱، ۳ و ۴ به ازای $C = \{2\}$ و $B = \{1\}$ و $A = \{1\}$ غیرتهی می‌شوند.

(آمار و احتمال - صفحه‌های ۲۰، ۲۵ و ۳۰ تا ۳۴)

فرض می‌کنیم مجموعه A دارای $k+2$ عضو و مجموعه B دارای k عضو می‌باشد؛ حال داریم:

$$2^{k+2} - (2^k - 1) = 49 \Rightarrow 2^{k+2} - 2^k = 48$$

$$\Rightarrow 2^k (2^2 - 1) = 48 \Rightarrow 2^k = 16 \Rightarrow k = 4$$

پس A دارای ۶ عضو و B دارای ۳ عضو می‌باشد. از طرفی می‌دانیم $P(A \cap B) = P(A) \cap P(B)$ (چرا؟)، بنابراین داریم:

$$n(P(A) \cap P(B)) = n(P(A \cap B)) = 2^3 = 8$$

(آمار و احتمال - صفحه ۱۷)

گزینه «۳»

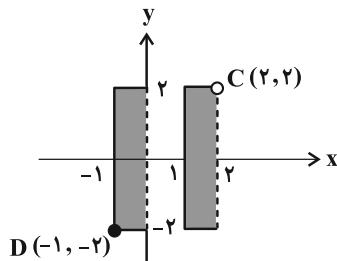
-۴۷

ابتدا مجموعه A را بازنویسی و ساده می‌کنیم:

$$|x| = 1 \Rightarrow \begin{cases} [x] = 1 \Rightarrow 1 \leq x < 2 \\ [x] = -1 \Rightarrow -1 \leq x < 0 \end{cases}$$

$$\Rightarrow A = [-1, 0) \cup [1, 2)$$

سپس با توجه به مجموعه‌های A و B ، نمودار $A \times B$ را رسم می‌کنیم:



با توجه به نمودار مشخص است که دورترین نقاط مجموعه $A \times B$ نسبت به یکدیگر، نقاط C و D هستند؛ بنابراین می‌توانیم بگوییم که فاصله هر دو نقطه دلخواه روی مجموعه $A \times B$ ، قطعاً کوچک‌تر از طول پاره خط CD می‌باشد.

(آمار و احتمال - صفحه‌های ۳۰ تا ۳۴)

گزینه «۳»

-۴۸

موارد (الف) تا (پ) را ساده و بررسی می‌کنیم:

$$1) ((p \Rightarrow \neg r) \Rightarrow q) \vee (q \Rightarrow \neg p)$$

$$\equiv ((T \Rightarrow F) \Rightarrow F) \vee (F \Rightarrow F)$$

$$\equiv (F \Rightarrow F) \vee (F \Rightarrow F) \equiv T \vee T \equiv T$$

$$2) ((p \Leftrightarrow r) \Rightarrow \neg q) \wedge (\neg p \vee q)$$

$$\equiv ((T \Leftrightarrow T) \Rightarrow T) \wedge (F \vee F)$$

$$\equiv (T \Rightarrow T) \wedge F \equiv T \wedge F \equiv F$$

$$3) ((r \Rightarrow q) \Rightarrow p) \wedge (q \Rightarrow (p \vee r))$$

$$\Rightarrow ((T \Rightarrow F) \Rightarrow T) \wedge (F \Rightarrow (T \vee T))$$

$$\equiv (F \Rightarrow T) \wedge (F \Rightarrow T) \equiv T \wedge T \equiv T$$



(کیوان دارای)

«۵۴ گزینه ۲»

چون با اضافه شدن داده های جدید، میانگین ثابت مانده است، پس میانگین داده های جدید با میانگین داده های قبلی برابر است. از طرفی داده های اضافه شده برابر هستند، بنابراین همگی با میانگین داده های اولیه برابرند. در نتیجه داریم:

$$\frac{(x_1 - \bar{x})^2 + \dots + (x_{10} - \bar{x})^2}{10} = 4$$

$$\Rightarrow (x_1 - \bar{x})^2 + \dots + (x_{10} - \bar{x})^2 = 40$$

$$x'_1 = \dots = x'_{10} = \bar{x}$$

$$\frac{(x_1 - \bar{x})^2 + \dots + (x_{10} - \bar{x})^2 + (x'_1 - \bar{x})^2 + \dots + (x'_{10} - \bar{x})^2}{16} : \text{واریانس داده های جدید}$$

$$= \frac{32 + 0}{16} = 2$$

(آمار و احتمال - صفحه های ۸۷ تا ۸۹)

(نیلوفر مهدوی)

«۵۵ گزینه ۳»

داده ۱ دارای بیشترین فراوانی است، پس مد داده ها برابر ۱ می باشد. می دانیم که فراوانی هر داده برابر حاصل ضرب فراوانی نسبی آن داده در تعداد کل داده ها است؛ بنابراین داریم:

$$5 \times 1 = 5 : \text{فراوانی داده ۱}$$

$$2 \times 10 = 2 : \text{فراوانی داده ۲}$$

$$2 \times 10 = 2 : \text{فراوانی داده ۳}$$

$$1 \times 10 = 1 : \text{فراوانی داده ۴}$$

تعداد داده ها عددی زوج است، پس میانه برابر با میانگین داده های پنجم و ششم می باشد. داده پنجم برابر ۱ و داده ششم برابر ۳ می باشد و بنابراین میانه کل داده ها برابر $\frac{3+1}{2} = 2$ می شود. میانگین ۱۰ داده را نیز محاسبه

کرده و به بررسی گزینه ها می پردازیم:

$$\frac{(5 \times 1) + (2 \times 3) + (2 \times 4) + (1 \times 6)}{10} = 2 / 5 \text{ میانگین}$$

$$2 \times 1 = 2 \quad (1) \text{ درست}$$

$$2 / 5 \times 1 = 2 / 5 \quad (2) \text{ درست}$$

$$2 / 5 + 2 = 4 / 5 \neq 5 / 5 \quad (3) \text{ نادرست}$$

$$2 + 1 = 3 \quad (4) \text{ درست}$$

(آمار و احتمال - صفحه های ۷۰ تا ۷۸ و ۸۰ تا ۸۵)

(نیما مهندس)

«۵۶ گزینه ۲»

اعدادی که باقی مانده تقسیم آن ها بر ۷ برابر ۳ است، به صورت $7k + 3$ نوشته می شوند. حال داریم:

$$7k + 3 \leq k \leq 13 \quad \in [10, 99] \quad \text{عدد دو رقمی:}$$

آمار و احتمال

«۵۱ گزینه ۲»

(امیرضا غلاچ)

نکته: اگر میانگین و انحراف معیار داده های x_1 تا x_n به ترتیب برابر \bar{x} و σ باشد، آنگاه میانگین و انحراف معیار داده های $ax_1 + b$ تا $ax_n + b$ به ترتیب برابر $a\bar{x} + b$ و $|a|\sigma$ می شود. (*) برای داده های x_1 تا x_{10} طبق فرض سوال داریم:

$$\bar{x} = \frac{x_1 + \dots + x_{10}}{10} = \frac{120}{10} = 12$$

داده های جدید به صورت $kx_1 + \frac{1}{k}, \dots, kx_{10} + \frac{1}{k}$ می باشند، بنابراین طبق فرض داریم:

$$\begin{aligned} \text{CV}_{\text{اولیه}} &= \frac{4}{3} \Rightarrow \frac{\sigma}{\bar{x}} = \frac{4}{3} \xrightarrow{(*)} \frac{\sigma}{12} = \frac{4}{3} \\ \text{CV}_{\text{جدید}} &= \frac{\sigma}{\bar{x}'} = \frac{\sigma}{12k + \frac{1}{k}} \end{aligned}$$

$$\Rightarrow \frac{12k + \frac{1}{k}}{12k} = \frac{4}{3} \Rightarrow \frac{1}{k} = \frac{1}{12k} \Rightarrow \frac{1}{4k^2} = 1 \xrightarrow{k > 0} k = \frac{1}{2}$$

(آمار و احتمال - صفحه های ۹۰ و ۹۴)

«۵۲ گزینه ۴»

(آرین تفضلی زاده)

اگر انحراف معیار و میانگین حقوق اولیه کارمندان σ و \bar{x} باشد، انحراف معیار و میانگین حقوق ثانویه کارمندان 75σ و $75\bar{x}$ می شود. طبق رابطه ضریب تغییرات داریم:

$$\begin{cases} \text{CV}_{\text{اولیه}} = \frac{\sigma}{\bar{x}} \\ \text{CV}_{\text{ثانویه}} = \frac{75\sigma}{75\bar{x}} \end{cases} \Rightarrow \text{CV}_{\text{ثانویه}} = \text{CV}_{\text{اولیه}}$$

بنابراین ضریب تغییرات داده ها تغییری نخواهد کرد.

(آمار و احتمال - صفحه های ۹۰ و ۹۴)

«۵۳ گزینه ۴»

(اخشنین فاضه قان)

با توجه به داده های سوال، اختلاف میانگین در دو حالت ذکر شده برابر ۱ واحد می باشد، یعنی:

$$\frac{3+7+a+16+12}{5} - \frac{3+7+2a+16+12}{6} = 1$$

$$\Rightarrow \frac{a+38}{5} - \frac{38+2a}{6} = 1 \xrightarrow{38+2a=38} 2a = 1 \xrightarrow{a=0.5}$$

$$6a + \underbrace{6 \times 38 - 5 \times 38}_{38} - 1 \cdot a = 30 \Rightarrow 38 - 4a = 30$$

$$\Rightarrow 4a = 8 \Rightarrow a = 2$$

$$\bar{x} = \frac{3+7+2+16+12}{5} = 8 \text{ : مقدار واقعی میانگین}$$

(آمار و احتمال - صفحه های ۸۰ و ۸۱)



$$\text{صفر} = \text{مجموع ضرایب} \rightarrow \begin{cases} a = 1 \in \mathbb{Z} \\ a = \frac{4}{14} = \frac{2}{7} \notin \mathbb{Z} \end{cases}$$

بنابراین مقدار غیرصحیح a , برابر $\frac{2}{7}$ است.

(آمار و احتمال - صفحه‌های ۸۷ تا ۸۹)

(امیرحسین ابومیوب)

گزینه «۱»

چون واریانس داده‌های x_1, x_2, x_3, x_4 برابر صفر است, پس این داده‌ها برابر یکدیگرند. با فرض $x_1 = x_2 = x_3 = x_4 = x$ داریم:

$$\bar{x} = \frac{(x+1)+(2x+2)+(3x+3)+(4x+4)}{4} = 10.$$

$$\Rightarrow \frac{10x+10}{4} = 10 \Rightarrow 10x = 30 \Rightarrow x = 3$$

واریانس داده‌های ۴, ۸, ۱۲, ۱۶ برابر است با:

$$\sigma^2 = \frac{(4-10)^2 + (8-10)^2 + (12-10)^2 + (16-10)^2}{4} = \frac{36+4+4+36}{4} = 20.$$

(آمار و احتمال - صفحه‌های ۸۷ تا ۸۹)

(امیرحسین ابومیوب)

گزینه «۴»

تعداد داده‌ها برابر ۱۱ است, پس داده‌های سوم و نهم به ترتیب چارک اول و سوم هستند. سه حالت متفاوت برای a در نظر می‌گیریم:

حالات اول: $a < 9$ باشد؛ در این صورت چارک اول داده‌ها برابر a است. در این صورت $19 < a+1 < 2a$ و چارک سوم داده‌ها برابر ۲۴ است. با توجه به فرض داریم:

$$Q_3 - Q_1 = 26 \Rightarrow 24 - a = 26 \Rightarrow a = -2$$

حالات دوم: $a = 9$ باشد؛ در این صورت چارک اول داده‌ها برابر ۹ است و

$$Q_3 - 9 = 26 \Rightarrow Q_3 = 35$$

داریم: ۳۵ در میان داده‌ها وجود ندارد, پس این حالت نیز امکان‌پذیر نیست.

حالات سوم: $a > 9$ باشد. در این صورت مشابه حالت قبل $Q_1 = 9$ و $Q_3 = 35$ است. این امر تها در صورتی امکان‌پذیر است که $a = 17$ و در نتیجه $2a+1 = 35$ باشد. حال داده‌ها را از کوچک به بزرگ مرتب می‌کنیم:

$$1, 3, 9, 17, 17, 18, 24, 24, 35, 39, 42$$

\downarrow

Q_1

\downarrow

Q_3

میانگین داده‌های داخل جعبه (بین Q_1 و Q_3) برابر است با:

$$\bar{x} = \frac{17+17+18+24+24}{5} = \frac{100}{5} = 20$$

(آمار و احتمال - صفحه‌های ۹۱ و ۹۲)

پس ۱۳ جمله متوالی از یک دنباله حسابی داریم که میانگین آن‌ها همان جمله وسطی است:

$$\bar{x} = 7 \times 7 + 3 = 52$$

نکته: برای n جمله متوالی از یک دنباله حسابی با قدرنسبت d داریم:

$$\sigma = \sqrt{\frac{n^2 - 1}{12}} \times d : \text{انحراف معیار}$$

بنابراین انحراف معیار این ۱۳ عدد برابر می‌شود با:

$$\sigma = \sqrt{\frac{13^2 - 1}{12}} \times 7 = \sqrt{\frac{13 - 1}{12} \times 13 + 1} \times 7 = 7\sqrt{14}$$

$$\Rightarrow CV = \frac{\sigma}{\bar{x}} = \frac{7\sqrt{14}}{52} \approx 0.5$$

(آمار و احتمال - صفحه‌های ۸۷ تا ۹۱)

(فرزنه فاکپاش)

گزینه «۱»

زاویه مربوط به هر گروه در نمودار دایره‌ای از رابطه 360° :

محاسبه می‌شود، بنابراین داریم:

$$n = 25 + 13 + 35 + 42 + m + 25 = m + 140$$

$$45^\circ = \frac{m}{m+140} \times 360^\circ \Rightarrow \frac{m}{m+140} = \frac{45^\circ}{360^\circ} = \frac{1}{8}$$

$$\Rightarrow 8m = m + 140 \Rightarrow 7m = 140 \Rightarrow m = 20$$

(آمار و احتمال - صفحه‌های ۷۱ و ۷۲)

(فرزنه فاکپاش)

گزینه «۳»

ابتدا میانگین و سپس واریانس داده‌های ۳, ۴a و ۵a را محاسبه می‌کنیم:

$$\bar{x} = \frac{5a + 4a + 3}{3} = 3a + 1$$

$$\sigma^2 = \frac{(2a-1)^2 + (a-1)^2 + (2-3a)^2}{3}$$

$$= \frac{4a^2 - 4a + 1 + a^2 - 2a + 1 + 4 - 12a + 9a^2}{3}$$

$$= \frac{14a^2 - 18a + 6}{3} \quad (1)$$

از طرفی داریم:

$$\sigma = \frac{\sqrt{6}}{3} \Rightarrow \sigma^2 = \frac{6}{9} = \frac{2}{3} \quad (2)$$

$$\xrightarrow{(1), (2)} \frac{14a^2 - 18a + 6}{3} = \frac{2}{3}$$

$$\Rightarrow 14a^2 - 18a + 6 = 2 \Rightarrow 14a^2 - 18a + 4 = 0$$



$$\vec{F} = \frac{1}{\lambda} \vec{a}(0 / 4 + 4m) \xrightarrow{(*)} 2m\vec{a} = \frac{\vec{a}}{\lambda}(0 / 4 + 4m)$$

$$\Rightarrow 16m = 0 / 4 + 4m \Rightarrow 12m = 0 / 4$$

$$\Rightarrow m = \frac{0 / 4}{12} \text{ kg} = \frac{1}{3} \text{ kg} \Rightarrow m = \frac{100}{3} \text{ g}$$

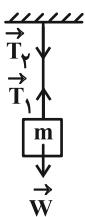
(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۳۰ تا ۳۵)

(ادریس محمدی)

«گزینه ۲»

چون جسم ساکن است، طبق قانون اول نیوتون باید برایند نیروهای وارد بر

$$\vec{T}_1 + \vec{W} = 0 \Rightarrow \vec{T}_1 = -\vec{W} \quad (1)$$



همچنین با توجه به ناچیز بودن جرم نخ، اندازه نیروی نخ ثابت است. چون

$$\vec{T}_1 \text{ و } \vec{T}_2 \text{ هم راستا اما در خلاف جهت یکدیگرند، داریم:}$$

$$\vec{T}_1 = -\vec{T}_2 \stackrel{(1)}{=} \vec{W} \quad (2)$$

عکس العمل نیروی وارد بر سقف از طرف نخ همان عکس العمل نیروی

$$\vec{T}'_2 = -\vec{T}_2 \stackrel{(2)}{=} -\vec{W} \quad (3)$$

است که با توجه به قانون سوم نیوتون داریم:

همچنین عکس العمل نیروی وارد بر جسم از طرف نخ همان عکس العمل نیروی

\vec{T}_1 است که با توجه به قانون سوم نیوتون می‌توان نوشت:

$$\vec{T}'_1 = -\vec{T}_1 \stackrel{(1)}{=} \vec{W} \quad (4)$$

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۳۰ تا ۳۵)

(حسام نادری)

«گزینه ۳»

جرم یک جسم در مکان‌های مختلف ثابت است، اما وزن آن علاوه بر جرم،

بستگی به مقدار \bar{g} (شتاب گرانشی) دارد. در این سوال داریم:

$$W_m = mg = 60 \times 1 / 6 = 10 \text{ N}$$

$$W_{\text{زمین}} = mg = 60 \times 9 / 8 = 67.5 \text{ N}$$

$$\frac{W_{\text{زمین}} - W_m}{W_{\text{زمین}}} \times 100 = \frac{67.5 - 10}{67.5} \times 100 = 84\% \text{ درصد اختلاف وزن}$$

$$= \frac{67.5 - 10}{67.5} \times 100 \approx -84\%$$

وزن شخص روی ماه تقریباً ۸۴ درصد کمتر از وزن همان شخص روی زمین است.

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای: مشابه تمرین ۱- ۲ صفحه ۳۶)

فیزیک ۳

۶۱- «گزینه ۱»

بررسی موارد:

(الف) نادرست؛ برای مثال اگر خودرویی روی خط راست در حال حرکت باشد و راننده آن ترمز بگیرد، نیروی خالص وارد بر خودرو در خلاف جهت حرکت آن است.

(ب) نادرست؛ نیروهای کنش و واکنش به دو جسم متفاوت وارد می‌شوند و نمی‌توان از آن‌ها برایند گرفت.

(پ) درست؛ برای مثال هنگام ترمز خودرو بر مسیر مستقیم، هر چه شتاب ترمز بیشتر باشد، تغییر سرعت آن ناگهانی تر بوده و سرنشینان خودرو باشد پیشتری به جلو پرتاپ می‌شوند.

(ت) نادرست؛ اگر نیروی خالص وارد بر جسمی صفر باشد، طبق قانون اول نیوتون یا جسم ساکن است و یا با سرعت ثابت در حال حرکت است.

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۳۰ تا ۳۵)

۶۲- «گزینه ۳»

بررسی موارد:

(الف) درست؛ در شکل (۱)، جرم ثابت و نیروی خالص وارد بر جسم افزایش یافته است. با این افزایش نیروی خالص، شتاب نیز افزایش یافته است. بنابراین شتاب جسم با نیروی خالص وارد بر آن رابطه مستقیم دارد و این بیانی از قانون دوم نیوتون است. در شکل (۲)، با ثابت ماندن نیرو و افزایش جرم، شتاب جسم کاهش یافته است. پس از این شکل نتیجه می‌شود که شتاب با جرم نسبت وارون دارد که این عبارت نیز بیانی از قانون دوم نیوتون است.

(ب) درست؛ در شکل (۱)، با ثابت ماندن جرم و افزایش نیروی خالص، شتاب افزایش یافته است. در نتیجه شتاب جسم با نیروی خالص وارد بر آن رابطه مستقیم دارد.

(پ) نادرست؛ در شکل (۲)، نیرو ثابت و جرم تغییر یافته است. بنابراین از این شکل، رابطه‌ای میان نیروی خالص و جرم جسم نتیجه نمی‌شود.

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۳۰ تا ۳۵)

۶۳- «گزینه ۴»

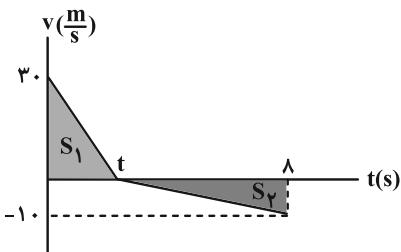
قانون دوم نیوتون را در حالت اول می‌نویسیم:

$$\vec{F}_{\text{net}1} = m_1 \vec{a}_1 \xrightarrow{m_1 = 4m, \vec{a}_1 = \vec{a}} 2\vec{F} = 4m(\vec{a})$$

$$\Rightarrow \vec{F} = 2m\vec{a} \quad (*)$$

در حالت دوم، جرم جسم $m_2 = 0 / 4 \text{ kg} + m_1$ می‌شود. باز دیگر قانون دوم نیوتون را می‌نویسیم:

$$\vec{F}_{\text{net}2} = \vec{F}, \vec{a}_2 = \frac{1}{\lambda} \vec{a} \xrightarrow{m_2 = 0 / 4 \text{ kg} + m_1 = 0 / 4 \text{ kg} + 4m} \vec{F}_{\text{net}2} = m_2 \vec{a}_2$$



$$S_1 = S_2 \Rightarrow \frac{1}{2}t(30) = \frac{1}{2}(8-t)(10) \Rightarrow t = 2s$$

چون نمودار به صورت خط راست است، شتاب حرکت برابر با شیب خط است، پس:

$$a_1 = \frac{-30}{2} = -15 \frac{m}{s^2} \quad \text{: مسیر رفت}$$

$$a_2 = \frac{-10}{8-2} = -\frac{5}{3} \frac{m}{s^2} \quad \text{: مسیر برگشت}$$

با استفاده از قانون دوم نیوتون ($\vec{F}_{net} = m\vec{a}$) برای مسیر رفت و برگشت داریم:

$$\begin{aligned} & \text{For Motion 1: } -mg - f_D = ma_1 \\ & \Rightarrow -(0/3)(10) - f_D = 0/3(-15) \\ & \Rightarrow f_D = 1/5 N \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & \text{For Motion 2: } -mg + f'_D = ma_2 \\ & \Rightarrow -(0/3)(10) + f'_D = \frac{3}{10}(-\frac{5}{3}) \\ & \Rightarrow f'_D = 2/5 N \end{aligned}$$

$$\frac{f'_D}{f_D} = \frac{2/5}{1/5} = \frac{5}{3} \quad \text{در آخر داریم:}$$

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای؛ صفحه‌های ۳۵ تا ۳۷)

۶۹- گزینه «۳» (ممکن‌کاظم منشاء‌ی)

از آنجا که جسم در هر سه حالت ساکن و در تعادل است، می‌توان نوشت:

$$F_{N_1} = F + mg, \quad F_{N_2} = 2F - mg, \quad F_{N_3} = 3F$$

$$3F_{N_1} = F_{N_2} + F_{N_3} \Rightarrow 3F + 3mg = 5F - mg$$

$$\Rightarrow F = 2mg \quad (*)$$

$$\frac{F_{N_2}}{F_{N_1}} \stackrel{(*)}{=} \frac{2F - mg}{F + mg} = \frac{3mg}{3mg} = 1$$

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای؛ صفحه‌های ۳۵ تا ۳۷)

۷۰- گزینه «۳» (پوچرا علاقه‌مند)

در بازه‌های زمانی صفر تا ۳s و ۹s تا ۱۰s، نمودار تندی متحرک به صورت خط راست است. از این‌رو شتاب متحرک ثابت و برابر با شتاب متوسط است. با توجه به این تکته شتاب آسانسور در دو بازه زمانی مذکور را به دست می‌آوریم. دقت کنید چون تندی متحرک داده شده است، تنها می‌توانیم بزرگی شتاب متحرک را به دست آوریم.

(مهدی شریفی)

۶۶- گزینه «۲»

بررسی گزینه‌ها:

می‌دانیم با افزایش تندی یک جسم، اندازه نیروی مقاومت هوا در مقابل حرکت آن افزایش می‌یابد. در بازه زمانی صفر تا t_1 ، با توجه به افزایش پیوسته مقاومت هوا، می‌توان نتیجه گرفت که تندی چتریاز نیز پیوسته افزایش می‌یابد و به دنبال آن نوع حرکت آن تندشونده است. (درستی گزینه «۱»)

افزایش ناگهانی نیروی مقاومت هوا در بازه زمانی t_2 تا t_3 ، به معنای باز شدن چتر توسط چتریاز است. بنابراین از صفر تا t_2 چتریاز بدون چتر و از t_2 به بعد با چتر به حرکت خود ادامه می‌دهد. با توجه به ثابت شدن نیرو در بازه‌های t_1 تا t_2 و t_4 تا t_5 ، چتریاز به تندی حدی می‌رسد (درستی گزینه «۳»). اما دقت کنید تندی حدی چتریاز در دو حالت با یکدیگر متفاوت است. زیرا با افزایش مساحت چتریاز به خاطر باز شدن چتر، در تندی کمتر نسبت به حالت قبل، نیروی مقاومت هوا با وزن چتریاز برابر می‌شود (نادرستی گزینه «۲»).

تندی حدی چتریاز در حالت بدون چتر، بیشینه تندی او در طول حرکت است (درستی گزینه «۴»).

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای؛ صفحه‌های ۳۵ تا ۳۷)

۶۷- گزینه «۴»

قانون دوم نیوتون را نوشه و شتاب هر دو گلوله را به دست می‌آوریم:

$$F_{net} = ma \quad \frac{F_{net}=W-f_D}{W-f_D} \rightarrow W - f_D = ma$$

$$\Rightarrow ma = W - f_D \quad \frac{W=mg}{m} \rightarrow a = g - \frac{f_D}{m}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} m_1 = 5 \text{ kg} \rightarrow a_1 = 10 - \frac{10}{5} = 8 \frac{m}{s^2} \\ m_2 = 1 \text{ kg} \rightarrow a_2 = 10 - \frac{10}{10} = 9 \frac{m}{s^2} \end{array} \right.$$



شتاب حرکت هر دو متحرک ثابت و مکان و سرعت اولیه آن‌ها یکسان است.

بنابراین فاصله دو گلوله زمانی به بیشترین مقدار خود می‌رسد که گلوله با

شتاب بیشتر به زمین برسد:

$$a_2 > a_1 \Rightarrow \Delta y_2 = \frac{1}{2}a_2 t^2 \quad \frac{\Delta y = 18m}{a_2 = 9 \frac{m}{s^2}} \rightarrow 18 = \frac{1}{2}(9)t^2 \Rightarrow t = 2s$$

$$t = 2s \Rightarrow \Delta y_1 = \frac{1}{2}a_1 t^2 \quad \frac{t=2s}{a_1 = 8 \frac{m}{s^2}} \rightarrow \Delta y_1 = \frac{1}{2}(8)(2)^2 = 16m$$

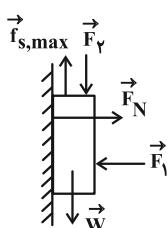
$$\Delta y_2 - \Delta y_1 = 18m - 16m = 2m$$

(فیزیک ۳- ترکیبی؛ صفحه‌های ۲۲ تا ۲۴ و ۳۵ تا ۳۷)

(محتی تکلیفان)

۶۸- گزینه «۲»

اندازه جایه‌جایی جسم در مسیر رفت و برگشت با هم برابر است. با توجه به این‌که جایه‌جایی برابر با سطح زیر نمودار $t - 7$ است، داریم:



$$W = mg = ۰ / ۱۵ \times ۱۰ = ۱ / ۱۵ N$$

$$F_{net,y} = ۰ \Rightarrow f_{s,max} = F_V + W \Rightarrow f_{s,max} = ۱ / ۱۵ + ۱ / ۱۵ = ۳ N$$

نیرویی که از طرف دیوار به چوب وارد می‌شود، برابر با برایند نیروی اصطکاک و نیروی عمودی سطح است، بنابراین:

$$R = \sqrt{F_N^2 + f_{s,max}^2} \Rightarrow ۱۵ = \sqrt{(F_N)^2 + ۳^2}$$

$$\Rightarrow ۲۵ = (F_N)^2 + ۹ \Rightarrow (F_N)^2 = ۱۶ \Rightarrow F_N = ۴ N$$

$$\mu_s = \frac{f_{s,max}}{F_N} = \frac{۳}{۴} = ۰ / ۷۵$$

در آخر داریم:

(فیزیک ۳ - دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۳۳ تا ۳۵)

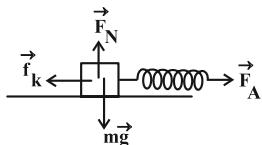
(مهندی شریفی)

«گزینه ۱» -۷۳

طبق قانون هوک، شبیه نمودار $F - x$ برابر با ثابت فنر است:

$$\frac{k_A}{k_B} = \frac{A}{B} = \frac{\text{شیب}}{\text{شیب}} = \frac{۱}{\frac{F}{F}} = ۴$$

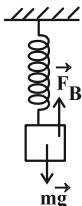
حالات اول: در حرکت با سرعت ثابت، برایند نیروها صفر است.



$$\begin{cases} F_A = f_k = \mu_k F_N \\ F_N = mg \end{cases} \xrightarrow{F_A = k_A x_A} k_A x_A = ۰ / ۱ mg$$

$$\Rightarrow x_A = \frac{mg}{1 \cdot k_A}$$

حالات دوم: جسم در حال تعادل است، یعنی برایند نیروهای وارد بر آن صفر است.



$$F_B = mg \Rightarrow k_B x_B = mg$$

$$\Rightarrow x_B = \frac{mg}{k_B}$$

$$\frac{x_A}{x_B} = \frac{\frac{mg}{1 \cdot k_A}}{\frac{mg}{k_B}} = \frac{k_B}{1 \cdot k_A} \stackrel{(*)}{=} ۴$$

(فیزیک ۳ - دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۳۵ تا ۳۶)

$$۳S \quad |a| = a_{av} = \frac{|v_2 - v_1|}{t_2 - t_1} = \frac{۹}{۳} = ۳ \frac{m}{s^2}$$

چون معلوم نیست آسانسور در $t = ۱s$ رو به بالا یا رو به پایین حرکت کرده است، هر دو حالت را در نظر می‌گیریم، اگر آسانسور رو به بالا حرکت کند داریم: (دقت کنید در هر دو حالت حرکت تندشونده است.)

$$F_{net,y} = ma_y \xrightarrow{\frac{F_{net,y} = F_{N,y} - mg}{a_y = ۳ \frac{m}{s^2}}} F_{N,y} - ۱۰m = ۳m \Rightarrow F_{N,y} = ۱۳m$$

و اگر رو به پایین حرکت کند:

$$F_{net,y} = ma_y \xrightarrow{\frac{F_{net,y} = mg - F_{N,y}}{a_y = ۳ \frac{m}{s^2}}} ۱۰m - F_{N,y} = ۳m \Rightarrow F_{N,y} = ۷m$$

در هر دو حالت، در $t = ۸s$ حرکت آسانسور با سرعت ثابت بوده است. پس در هر دو حالت نیروی عمودی سطح برابر است با:

$$a = ۰ \Rightarrow F_{net} = ۰ \Rightarrow F_N = mg = ۱۰m$$

در آخر داریم:

$$\frac{F_{N,y}}{F_N} = \frac{۷m}{۱۰m} \text{ یا } \frac{F_{N,y}}{F_N} = \frac{۱۳m}{۱۰m} = ۰ / ۷ \text{ یا } ۳ / ۱$$

دقت کنید عددی که ترازو نشان می‌دهد، در واقع عکس العمل نیروی عمودی سطح است که اندازه هر دو یکسان است.

(فیزیک ۳ - دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۳۵ تا ۳۶)

(کامران ابراهیمی)

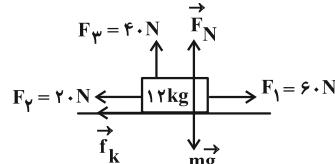
«گزینه ۲» -۷۱

جسم در راستای افقی حرکتی ندارد، لذا $a_y = ۰$ و می‌توان نوشت:

$$a_y = ۰ \Rightarrow F_{net(y)} = ۰ \Rightarrow mg = F_\gamma + F_N$$

$$\xrightarrow{\frac{m=۱۲kg}{F_\gamma=۴N}} ۱۲ = ۴ + F_N \Rightarrow F_N = ۸ N$$

در راستای افقی، قانون دوم نیوتون را برای جسم می‌نویسیم:



$$F_{net(x)} = F_V - f_k \xrightarrow{\frac{f_k=\mu_k F_N}{F_{net}=ma}}$$

$$ma = F_V - f_k \xrightarrow{\frac{m=۱۲kg, F_V=۶N, F_\gamma=۸N}{\mu_k=۰/۴, F_N=۸N}}$$

$$۱۲a = ۶ - ۲ - ۸ \cdot (۰ / ۴) \Rightarrow a = \frac{۲}{۳} \frac{m}{s^2}$$

(فیزیک ۳ - دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۳۳ تا ۳۵)

(سیاوش خادمی)

«گزینه ۳» -۷۲

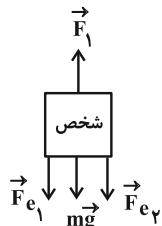
چون نیروی \vec{F}_V رو به پایین است، پس از وارد شدن آن به جسم، جسم در آستانه لغزش رو به پایین قرار می‌گیرد. با توجه به این که جسم در آستانه لغزش است، برایند نیروهای وارد بر جسم در راستای قائم برابر با صفر می‌شود.



(ممکن‌گذاشتم منشاء‌ای)

«گزینه ۱» -۷۶

با توجه به تعادل شخص می‌توان نوشت:



$$F_{net} = 0 \Rightarrow F_1 - F_{e1} - F_{e2} - mg = 0$$

$$F_1 - kx_1 - kx_2 - mg = 0$$

$$\Rightarrow F_1 - 500 \times 0 / 6 - 500 \times 0 / 4 - 500 = 0 \Rightarrow F_1 = 1000 \text{ N}$$

\bar{F}_1 نیروی است که از طرف ترازو به شخص وارد می‌شود. در نتیجه طبق قانون سوم نیوتون نیروی رو به پایین $F'_1 = F_1 = 1000 \text{ N}$ به ترازو وارد می‌شود.

با توجه به تعادل فنر داریم:



$$F_{net} = 0 \Rightarrow F_2 = F_{e1} = kx_1$$

$$\Rightarrow F_2 = 500 \times 0 / 6 = 300 \text{ N}$$

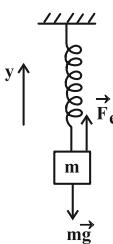
\bar{F}_2 نیروی است که ترازو به فنر وارد می‌کند، در نتیجه نیروی رو به بالا $F'_2 = F_2 = 300 \text{ N}$ از طرف فنر به ترازو وارد می‌شود. به طور مشابه نیروی رو به بالای $F'_3 = F_3 = 200 \text{ N}$ از طرف فنر ۲ به ترازو وارد می‌شود. از آنجایی که ترازو برایند نیروی عمودی وارد بر خودش را اندازه می‌شود. $F'_1 - F'_2 - F'_3 = 1000 - 200 - 300 = 500 \text{ N}$ می‌گیرد، داریم:

(فیزیک ۳ - دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۳۵ تا ۳۶)

(علیرضا بیاری)

«گزینه ۲» -۷۷

در لحظه مورد نظر نیروهای وارد بر وزنه را رسم می‌کنیم و قانون دوم نیوتون را برای آن می‌نویسیم:



$$F_{net} = ma \Rightarrow F_e - mg = ma \quad F_e = k\Delta L \rightarrow$$

$$k\Delta L = mg + ma \quad k = 132 \frac{\text{N}}{\text{m}}, g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

$$m = 60 \text{ g} = 0.06 \text{ kg}, a = 1 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

$$132\Delta L = 0 / 6 \times 10 + 0 / 6 \times 1 \Rightarrow 132\Delta L = 6 / 6$$

$$\Rightarrow \Delta L = \frac{6 / 6}{132} = 0 / 0.5 \text{ m} = 5 \text{ cm}$$

اکنون می‌توانیم طول فنر را در حالت جدید به دست آوریم:

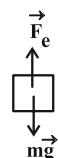
$$\Delta L = L_2 - L_1 \quad \frac{L_1 = 40 \text{ cm}}{\Delta L = 5 \text{ cm}} \rightarrow 5 = L_2 - 40 \Rightarrow L_2 = 45 \text{ cm}$$

(فیزیک ۳ - دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۳۵ تا ۳۶)

(ممکن مقدم)

«گزینه ۲» -۷۴

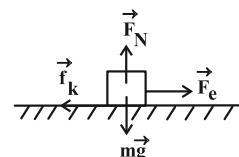
ابتدا در حالت قائم نیروهای وارد بر جسم را رسم کرده و قانون دوم نیوتون را می‌نویسیم:



$$F_{net} = 0 \Rightarrow F_e - mg = 0$$

$$\Rightarrow k \times 0 / 0.8 = mg \Rightarrow k = \frac{mg}{0 / 0.8} \quad (1)$$

حال نیروهای وارد بر جسم در راستای حرکت افقی را رسم کرده و قانون دوم نیوتون را می‌نویسیم:



$$F_{net(y)} = 0 \Rightarrow F_N - mg = 0 \Rightarrow F_N = mg \quad (2)$$

$$f_k = \mu_k F_N \xrightarrow{(2)} f_k = 0 / 0.5 \times mg = \frac{mg}{2}$$

$$F_{net(x)} = ma \Rightarrow F_e - f_k = ma \Rightarrow k\Delta x - \frac{mg}{2} = m \times 0 / 2g$$

$$\xrightarrow{(1)} \frac{mg}{0 / 0.8} \Delta x - \frac{mg}{2} = 0 / 2mg$$

$$\Rightarrow \Delta x = 0 / 0.56 \text{ m} = 5 / 6 \text{ cm}$$

(فیزیک ۳ - دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۳۵ تا ۳۶)

(مبتنی نکوتینان)

«گزینه ۳» -۷۵

ابتدا اندازه نیروی کشسانی فنر را با استفاده از قانون هوک به دست می‌آوریم:

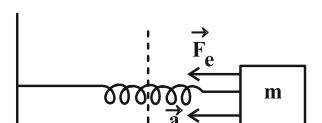
$$F_e = kx \quad \frac{k = 3 / 6 \frac{\text{N}}{\text{cm}} = 360 \frac{\text{N}}{\text{m}}}{x = 5 \times 10^{-2} \text{ m}} \rightarrow F_e = (360) (25 \times 10^{-2}) = 90 \text{ N}$$

با استفاده از قانون دوم نیوتون می‌توان نوشت:

$$F_{net} = ma \quad \frac{F_{net} = F_e = 90 \text{ N}}{m = 5 \text{ kg}} \rightarrow 90 = 5a \Rightarrow a = 18 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

با توجه به این که فنر نیرویی به طرف نقطه تعادل به جسم وارد می‌کند، می‌توان گفت که نیروی فنر و در نتیجه شتاب حرکت جسم در لحظه رها شدن آن، خلاف جهت محور X است. پس:

$$\ddot{a} = (-18 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}) \hat{i}$$



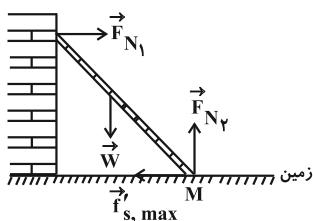
(فیزیک ۳ - دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۳۵ تا ۳۶)



(آراس مهدی)

گزینه «۳» -۷۹

در ابتدا بدون در نظر گرفتن جعبه، نیروهای وارد بر نردنban را رسم می کنیم:



$$F_{N_y} = W \xrightarrow{W=mg} F_{N_y} = ۲۴ \times ۱۰ = ۲۴۰ N$$

دقت کنید که اصطکاک ناشی از جعبه نیز در مسئله تأثیرگذار است:

$$f''_{s,\max} \leftarrow M , \quad f'_{s,\max} = f'_{s,\max} + f''_{s,\max} \quad (*)$$

اکنون داریم:

$$F_{N_x} = f_{s,\max} \xrightarrow{f'_{s,\max} = \mu_s F_{N_y}, \mu_s = ۰/۴, F_{N_y} = ۲۴۰ N} F_{N_x} = ۹۶ + f''_{s,\max}$$

$$F_{N_x} = ۹۶ + f''_{s,\max} \xrightarrow{f''_{s,\max} = (\text{جرم جعبه}) \times g \times \mu_s} F_{N_x} = ۹۶ + ۴m'$$

$$F_{N_x} = ۹۶ + ۴m'$$

و در نهایت از داده سؤال ($F_{N_y} = ۲۴۰ N$) می توان نوشت:

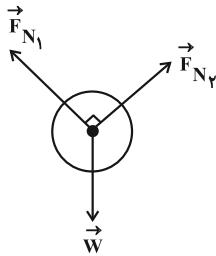
$$۲۶۰ = ۹۶ + ۴m' \Rightarrow ۱۶۴ = ۴m' \Rightarrow m' = ۴۱ kg$$

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای؛ صفحه‌های ۳۵ تا ۳۷)

(مسعود فدانی)

گزینه «۴» -۸۰

نیروهای وارد بر کره به صورت زیر است:



چون کره در حال تعادل است، برایند نیروهای وارد بر آن صفر است. بنابراین داریم:

$$\vec{F}_{net} = \vec{W} + \vec{F}_{N_x} + \vec{F}_{N_y} = ۰ \Rightarrow \vec{F}_{N_x} + \vec{F}_{N_y} = -\vec{W}$$

$$\Rightarrow |\vec{F}_{N_x}| + |\vec{F}_{N_y}| = |\vec{W}| = mg = ۵۰۰ N$$

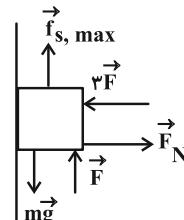
(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای؛ صفحه‌های ۳۹ تا ۴۳)

(اریس مهدی)

گزینه «۳» -۷۸

مسئله را در دو حالت بررسی می کنیم:

حالت اول: جسم در آستانه لغزش به سمت پایین باشد.



$$F_{net(x)} = ۰ \Rightarrow F_N - F = ۰ \Rightarrow F_N = F$$

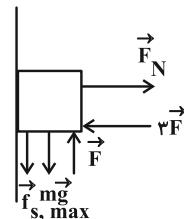
$$F_{net(y)} = ma \Rightarrow f_{s,\max} + F - mg = ma$$

$$\frac{m = \Delta kg, a = -\frac{m}{s^2}, g = ۱۰ \frac{N}{kg}}{f_{s,\max} = \mu_s F_N, F_N = F} \Rightarrow ۳\mu_s F + F = \Delta + (-\Delta)$$

$$\Rightarrow ۳\mu_s F + F = ۴۵ \quad (۱)$$

توجه: دقت شود که چون آسانسور به سمت بالا حرکت می کند و حرکت کندشونده است، پس باید شتاب به سمت پایین ($a < ۰$) باشد. (جهت مثبت محور y را به بالا درنظر می گیریم).

حالت دوم: جسم در آستانه حرکت به سمت بالا باشد.



$$F_{net(x)} = ۰ \Rightarrow F_N - F = ۰ \Rightarrow F_N = F$$

$$F_{net(y)} = ma \Rightarrow F - f_{s,\max} - mg = ma$$

$$\frac{m = \Delta kg, g = ۱۰ \frac{N}{kg}}{a = -\frac{m}{s^2}, f_{s,\max} = \mu_s F_N, F_N = F} \Rightarrow F - ۳\mu_s F - \Delta = -۲۰ \Rightarrow F - ۳\mu_s F = ۳۰ \quad (۲)$$

توجه: دقت شود که چون آسانسور به سمت پایین حرکت می کند و حرکت کندشونده است، پس باید شتاب هم به سمت پایین باشد. (a < ۰)

حال طبق روابط (۱) و (۲)، F و μ_s را به دست می آوریم:

$$\begin{cases} F + ۳\mu_s F = ۴۵ \\ F - ۳\mu_s F = ۳۰ \end{cases} \xrightarrow{\text{جمع روابط}} ۲F = ۷۵ \Rightarrow F = \frac{۷۵}{۲} N$$

در آخر F را در یکی از روابط جای گذاری می کنیم و μ_s را به دست می آوریم:

$$F = \frac{۷۵}{۲} N \xrightarrow{F + ۳\mu_s F = ۴۵} \frac{۷۵}{۲} + ۳\mu_s \times \frac{۷۵}{۲} = ۴۵$$

$$\xrightarrow{\text{طرفین ضرب در } ۲} ۷۵ + ۲۲۵\mu_s = ۹۰ \Rightarrow \mu_s = \frac{۱۵}{۲۲۵} = \frac{۱}{۱۵}$$

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای؛ صفحه‌های ۳۵ تا ۴۳)



(ممدرضا شریف)

«۴» -۸۴

بررسی گزینه‌ها:

۱) با توجه به شکل $A_1 > A_2$ است. طبق معادله پیوستگی، $A_1 v_1 = A_2 v_2$ که از آن نتیجه می‌شود با کاهش سطح مقطع، تندي شاره افزایش می‌یابد، لذا $v_1 < v_2$ می‌باشد. (درستی گزینه «۲»). از طرف دیگر، طبق اصل برنولی، در مسیر حرکت شاره با افزایش تندي شاره آن کاهش می‌یابد، پس از $v_2 > v_1$ نتیجه می‌شود $P_1 > P_2$ (درستی گزینه «۱»).

۳) درست؛ با توجه به شکل، فشار در سطح مقطع‌های A_1 و A_2 از روابط زیر به دست می‌آید:

$$\{A_1 : P_1 = P_0 + \rho_1 gh_1 \text{ سطح مقطع}$$

$$\{A_2 : P_2 = P_0 + \rho_2 gh_2 \text{ سطح مقطع}$$

$$|P_2 - P_1| = P_0 + \rho_2 gh_2 - P_0 - \rho_1 gh_1 = |\rho g(h_2 - h_1)|$$

$$|h_2 - h_1| = ۲۰\text{ cm} = ۰/۲\text{ m}, \rho = ۱۰۰۰\frac{\text{kg}}{\text{m}^۳}, g = ۱۰\frac{\text{N}}{\text{kg}}$$

$$|P_2 - P_1| = (۱۰۰۰)(۱۰)(۰/۲) = ۲۰۰۰\text{ Pa}$$

۴) با توجه به پاراگراف اول صفحه ۴۴ کتاب درسی، آهنگ جریان (شارش) شاره تراکم‌ناپذیر، در تمام لوله یکسان است. از این رو گزینه «۴» نادرست است.

(فیزیک ا- ویژگی‌های فیزیکی مواد؛ صفحه‌های ۴۷ تا ۴۹)

(مفتیں تکمیلیان)

«۴» -۸۵

چون انتلاف انرژی نداریم، با توجه به پایستگی انرژی مکانیکی می‌توان نوشت:

$$E_A = E_B \xrightarrow{E=K+U} K_A + U_A = K_B + U_B$$

$$\xrightarrow{\frac{K_B=۰/۶K_A}{U_B=U_A+۲۰}} K_A + U_A = ۰/۶K_A + U_A + ۲۰$$

$$\Rightarrow ۰/۶K_A = ۲۰ \Rightarrow K_A = ۵۰\text{ J}$$

همچنین برای C و A می‌توان نوشت:

$$E_A = E_C \Rightarrow K_A + U_A = K_C + U_C$$

$$\xrightarrow{\frac{K_C=۰/۶K_A}{U_C=۰/۸U_A}} K_A + U_A = ۰/۶K_A + ۰/۸U_A$$

$$\Rightarrow U_A = ۳K_A = ۱۵\text{ J}$$

بنابراین انرژی مکانیکی گلوله در نقطه C به صورت زیر به دست می‌آید:

$$E_C = E_A = U_A + K_A = ۵۰ + ۱۵۰ = ۲۰۰\text{ J}$$

(فیزیک ا- کار، انرژی و توان؛ صفحه‌های ۶۱ تا ۶۴)

(علیرضا بهاری)

«۴» -۸۶

ابتدا با استفاده از رابطه توان، انرژی مصرف شده توسط بالابر را حساب می‌کنیم:

$$P = \frac{W}{t} \Rightarrow W = Pt \xrightarrow{\frac{P=۳۰۰\text{ W}}{t=۱\text{ s}}} W = ۳۰۰ \times ۱ = ۳۰۰\text{ J}$$

بخشی از کار W که به صورت مفید روی بسته انجام شده است، همان انرژی پتانسیل ذخیره شده در بسته است. با توجه به پایستگی انرژی مکانیکی هنگام سقوط بسته داریم:

فیزیک ۱

«۳» -۸۱

تنها مورد (ب) درست است.
بررسی موارد:

(الف) نیرو همانند تندي یک کمیت فرعی است، اما دقت کنید نیرو یک کمیت فرعی برداری و تندي یک کمیت فرعی نردهای می‌باشد.

نمادگذاری علمی $10^{-۶}\text{ m}$ (ب)

$$\left\{ \begin{array}{l} 1\text{ pm} = 10^{-۱۲}\text{ m} \\ 1\text{ nm} = 10^{-۹}\text{ m} \end{array} \right. \Rightarrow 1\text{ pm} = 10^{-۳}\text{ nm}$$

بنابراین یک پیکومتر، درواقع $\frac{1}{1000}$ برابر یک نانومتر است.

(فیزیک ا- فیزیک و اندازه‌گیری؛ صفحه‌های ۷ و ۱۲)

«۳» -۸۲

(مسام نادری)

«۳» -۹۰

ابتدا حجم ۹۰۰ گرم روغن را محاسبه می‌کنیم:

$$V = \frac{m}{\rho} = \frac{m_{rogue}}{m_{rogue}} = \frac{۹۰۰\text{ g}}{۰/۸\frac{\text{g}}{\text{cm}^۳}} = ۱۱۲۵\text{ cm}^۳$$

حال حجم فضای خالی ظرف را محاسبه کرده و می‌دانیم حجم ظاهری قطعه فلز، برابر با حجم روغن جایه‌جا شده است (حجم خالی ظرف + حجم روغن سریز شده):

$$V = \pi r^۲ h \xrightarrow{\frac{r=۱\text{ cm}}{h=۵\text{ cm}}} V_{خالی} = ۳ \times ۱0^۳ \times ۵ = ۱۵۰۰\text{ cm}^۳$$

$$V_{rogue} = V_{خالی} + V_{rogue} = ۱۱۲۵ + ۱۱۲۵ = ۲۶۲۵\text{ cm}^۳$$

حال حجم واقعی قطعه فلز را محاسبه کرده و سپس حجم حفره درون آن را به دست می‌آوریم:

$$V_{flame} = \frac{m_{flame}}{\rho_{flame}} = \frac{۱۶۲۰\text{ g}}{۲/۷\frac{\text{g}}{\text{cm}^۳}} = ۶۰۰\text{ cm}^۳$$

$$V_{flame hollow} = V_{rogue} - V_{flame} = ۲۶۲۵ - ۶۰۰ = ۲۰۲۵\text{ cm}^۳$$

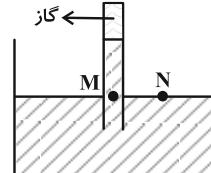
(فیزیک ا- فیزیک و اندازه‌گیری؛ صفحه‌های ۷ و ۱۲)

«۱» -۸۳

(کامران ابراهیمی)

«۱» -۸۴

با توجه به همترازی نقاط M و N می‌توان نوشت:



$$P_M = P_N \Rightarrow P_{\text{atm}} + P_{\text{gas}} = P_{\text{atm}} + P_{\text{liquid}}$$

$$\Rightarrow P_{\text{liquid}} = ۷۴\text{ cmHg}$$

حال برای تبدیل سانتی‌متر جیوه به ارتفاع مایع مورد نظر داریم:

$$h_{\text{جيوه}} = \frac{۱۳}{۶} \times h_{\text{مایع}} = \frac{۱۳}{۶} \times ۷۰ = ۱۳۳\text{ cm}$$

$$\Rightarrow h_{\text{مایع}} = ۱۴۰\text{ cm}$$

(فیزیک ا- ویژگی‌های فیزیکی مواد؛ صفحه‌های ۳۲ تا ۳۴)



(مبینی نکویان)

-۸۹ گزینه «۳»

با استفاده از روابط $Q = Pt$ و $Q = mc\Delta\theta$. برای آب موجود در ظرف‌های A و B می‌توان نوشت:

$$A : Pt = m_A c \Delta\theta_A \xrightarrow{\Delta\theta_A = ۲۰^\circ C, t = ۱۵\text{ min}}$$

$$15P = m_A c (۲۰) \Rightarrow m_A = \frac{۳P}{۴c} \quad (۱)$$

$$B : Pt = m_B c \Delta\theta_B \xrightarrow{\Delta\theta_B = ۳۰^\circ C, t = ۱۵\text{ min}}$$

$$15P = m_B c (۳۰) \Rightarrow m_B = \frac{۱۵P}{۳۲c} \quad (۲)$$

جرم آب درون ظرف C، برابر با مجموع جرم آب درون ظرف‌های A و B است:

$$Pt = m_C c \Delta\theta_C \xrightarrow{m_C = m_A + m_B, t = ۱۵\text{ min}} 15P = (m_A + m_B)c \Delta\theta_C$$

$$\Rightarrow 15P = \frac{۳۹P}{۳۲c} \times c \times \Delta\theta_C \Rightarrow \Delta\theta_C = ۱۶^\circ C$$

(غیریک ا- دما و گرمای صفحه‌های ۹۶ تا ۹۹)

(مسعود فندانی)

-۹۰ گزینه «۱»

روش اول: برای استفاده از قوانین گازها، تمام دمایا باید بر حسب کلوین باشند:

$$\theta_1 = ۲۷۳^\circ C \Rightarrow T_1 = ۲۷۳ + \theta_1 = ۵۵۰ K$$

$$\theta_2 = -۲۳^\circ C \Rightarrow T_2 = ۲۷۳ + \theta_2 = ۲۵۰ K$$

با توجه به قانون گازهای کامل داریم:

$$\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2} \xrightarrow{T_1 = ۵۵۰ K, T_2 = ۲۵۰ K} \frac{P_1 = ۱/۵ P_1 + P_1 = ۲/۵ P_1}{T_1}$$

$$\frac{P_1 V_1}{550} = \frac{2/5 P_1 V_2}{250} \Rightarrow \frac{V_1}{V_2} = ۵/۵$$

در طی این فرایند جرم گاز ثابت می‌ماند ($m_1 = m_2$). در آخر برای مقایسه چگالی‌ها می‌توان نوشت:

$$\rho = \frac{m}{V} \Rightarrow \rho_2 = \frac{m_2}{m_1} \times \frac{V_1}{V_2} \xrightarrow{m_2 = m_1, \frac{V_1}{V_2} = ۵/۵} \rho_2 = ۵/۵$$

روش دوم: می‌توان نشان داد چگالی گاز کامل از رابطه $\rho = \frac{PM}{RT}$ به دست می‌آید که در آن P فشار گاز، M جرم مولی گاز، T دمای مطلق

گاز و R ثابت جهانی گازهای است. با مقایسه حالت اول و دوم داریم:

$$\rho = \frac{PM}{RT} \xrightarrow{R \text{ ثابت است.}} \rho_2 = \frac{P_2}{P_1} \times \frac{T_1}{T_2} \xrightarrow{M \text{ ثابت است.}}$$

$$\xrightarrow{T_1 = ۲/۵ P_1, T_2 = ۵۵۰ K} \rho_2 = ۲/5 \times \frac{۵۵۰}{250} = ۵/۵$$

دقت کنید در این رابطه نیز مانند قانون گازهای کامل، در حالت مقایسه‌ای دما باید بر حسب کلوین باشد.

(غیریک ا- دما و گرمای صفحه‌های ۱۱۷ تا ۱۲۳)

 $v_1 = ۰$ h $v_2 = ۹ \frac{m}{s}$

سطح زمین

$$E_1 = E_2 \Rightarrow K_1 + U_1 = K_2 + U_2 \xrightarrow{K_1 = ۰, U_2 = ۰} U_1 = K_2$$

$$\Rightarrow U_1 = \frac{1}{2}mv_2^2 \xrightarrow{m = ۶\text{ kg}, v_2 = ۹ \frac{m}{s}} U_1 = \frac{1}{2} \times ۶ \times ۸۱$$

$$\Rightarrow U_1 = ۳۰ \times ۸۱ J$$

در پایان، بازده بالابر را حساب می‌کنیم:

$$Ra = \frac{U_1}{W} \times 100 = \frac{۳۰ \times ۸۱}{۳۰۰۰} \times 100 = ۸۱\%$$

(غیریک ا- کار، انرژی و توان: صفحه‌های ۶۱ تا ۶۷)

-۸۷ گزینه «۳»

(سیاوش فارسی)

با توجه به رابطه میان دما بر حسب درجه سلسیوس و دما بر حسب کلوین داریم:

$$T_2 = ۳T_1 \xrightarrow{T = \theta + ۲۷۳} \theta_2 + ۲۷۳ = ۳(\theta_1 + ۲۷۳)$$

$$\xrightarrow{\theta_2 = ۶\theta_1} 6\theta_1 + ۲۷۳ = ۳\theta_1 + (۳ \times ۲۷۳)$$

$$\Rightarrow ۳\theta_1 = ۲ \times ۲۷۳ \Rightarrow \theta_1 = ۱۸۲^\circ C$$

(غیریک ا- دما و گرمای صفحه‌های ۸۱ تا ۸۶)

-۸۸ گزینه «۳»

(حسین الهی)

چون دما افزایش یافته است و ضریب انبساط سطحی مثبت است، تمام ابعاد

صفحه افزایش می‌یابد. (رد گزینه «۲»)

همچنین بر اثر انبساط، تمام ابعاد جسم و حفره‌های آن افزایش می‌یابند.

بنابراین فاصله میان مرکز دایره‌ها نیز افزایش می‌یابد. (رد گزینه «۴»)

برای بررسی سایر گزینه‌ها ابتدا باید تغییرات دما را در کل فرایند گرم کردن بر حسب کلوین به دست آوریم:

$$\Delta T_1 = ۲۰ K, \Delta F_2 = \frac{۹}{5} \Delta T_1 \Rightarrow \Delta T_2 = \frac{۹}{5} (۵۴) = ۹0 K$$

$$\Delta T_{کل} = \Delta T_1 + \Delta T_2 = ۲۰ + ۹0 = ۱۱۰ K$$

با استفاده از روابط انبساط طولی و سطحی داریم:

$$2\alpha = ۵/۶ \times 10^{-5} \Rightarrow \alpha = ۲/۸ \times 10^{-5} \left(\frac{1}{K} \right)$$

$$\Delta L = L_0 \alpha \Delta T \Rightarrow \frac{\Delta L}{L_0} \times 100 = \alpha \Delta T \times 100$$

$$= ۲/۸ \times 10^{-5} \times ۱۱۰ \times 100 = ۰/۱۴\%$$

$$\Delta A = A_0 (2\alpha) \Delta T \Rightarrow \frac{\Delta A}{A_0} \times 100 = (2\alpha) \Delta T \times 100$$

$$= ۵/۶ \times 10^{-5} \times ۱۱۰ \times 100 = ۰/۲۸\%$$

بنابراین تمام فاصله‌ها $۱۴\% / ۰$ و مساحت تمام سطوحها $۲۸\% / ۰$ افزایش یافته است.

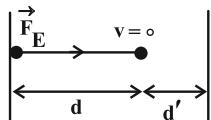
(غیریک ا- دما و گرمای صفحه‌های ۸۷ تا ۹۳)



ذره پس از رها شدن از صفحه A، مسافت 5 cm / ۷ را می‌پیماید تا

متوقف شود. فاصله ذره هنگام توقف از صفحه B برابر است با:

$$d' = 20 - 7 / 5 = 12 / 5 \text{ cm}$$



(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن: صفحه‌های ۲۱ تا ۲۶)

(آراس محمدی)

«گزینه ۲» - ۹۳

ظرفیت خازن از رابطه $C = k\epsilon_0 \frac{A}{d}$ به دست می‌آید. با توجه به سؤال در

صورت افزایش دما، تنها عامل تغییر ظرفیت خازن تغییر مساحت آن است.

$$C_2 - C_1 = \frac{k\epsilon_0}{d} (A_2 - A_1) \quad (\text{I})$$

از فصل ۴ فیزیک دهم به یاد داریم که:

$$\Delta A = A_2 - A_1 = \frac{\Delta F = \frac{1}{5} \Delta \theta \Rightarrow 18 = \frac{1}{5} \Delta \theta \Rightarrow \Delta \theta = 100^\circ C}{A_1 = 8 \times 10^{-3} \text{ m}^2, \alpha = 2 \times 10^{-5} \frac{1}{\text{C}}} \rightarrow$$

$$\Delta A = 8 \times 10^{-3} \times 2 \times 2 \times 10^{-5} \times 100 = 32 \times 10^{-8} \text{ m}^2 \quad (\text{II})$$

از ترکیب روابط (I) و (II) می‌توان نوشت:

$$C_2 - C_1 = \frac{k\epsilon_0}{d} \times 32 \times 10^{-8} \frac{F}{m} \quad d = 2 \text{ mm} = 2 \times 10^{-3} \text{ m}$$

$$C_2 - C_1 = \frac{2 \times 9 \times 10^{-12} \times 32 \times 10^{-8}}{3 \times 10^{-3}} \Rightarrow C_2 - C_1 = 1 / 92 \text{ pF}$$

(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن: صفحه‌های ۳۲ تا ۳۸)

(مساء نادری)

«گزینه ۱» - ۹۴

عبارات (الف)، (ب)، (پ) و (ث) نادرستند. علت نادرستی هر یک را بررسی می‌کنیم:

(الف) آمپر-ساعت (Ah) یکی از یکاهای بار الکتریکی است. ($q = It$)

(ب) اندازه سرعت سوق در سیم‌های مسی از مرتبه $10^{-4} \frac{\text{m}}{\text{s}}$ است.

(پ) نمودار جریان بر حسب ولتاژ برای یک دیود نورگسیل، به صورت یک

منحنی است. (LED) یک مقاومت غیراهمی است.

فیزیک ۲

«گزینه ۴» - ۹۱

با مقایسه دو نیروی 16 F و F داریم:

$$\frac{16\text{ F}}{F} = \frac{\frac{k \times |2q| \times |\Delta q|}{r^2}}{\frac{k \times |2q| \times |\Delta q|}{(r+6)^2}} \Rightarrow 16 = \left(\frac{r+6}{r}\right)^2 \Rightarrow r = 20 \text{ cm}$$

حال کافی است قانون کولن را برابر $F = 2 / 25 \text{ N}$ بنویسیم:

$$F = k \frac{|q_1||q_2|}{r^2} \Rightarrow 2 / 25 = \frac{9 \times 10^9 \times |2q| \times |\Delta q|}{0 / 16}$$

$$\Rightarrow 0 / 36 = 9 \times 10^{10} \times q^2 \Rightarrow q^2 = 4 \times 10^{-12}$$

$$\Rightarrow |q| = 2 \times 10^{-6} \text{ C} = 2 \mu\text{C} \Rightarrow |2q| = 4 \mu\text{C}$$

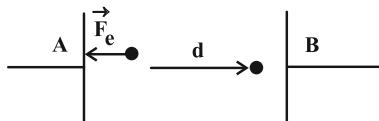
پس اندازه بار $2q$ برابر با $4\mu\text{C}$ بوده است.

(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن: صفحه‌های ۵ تا ۸)

«گزینه ۳» - ۹۲

با توجه به مدار داده شده، صفحه A به پتانسیل مثبت باتری و صفحه B به پتانسیل منفی آن وصل شده است. بنابراین صفحه A پتانسیل بزرگ‌تری دارد و جهت میدان الکتریکی از صفحه A به B است. اندازه این میدان

$$E = \frac{\Delta V}{d} = \frac{\Delta V = 12\text{ V}}{d = 20 \text{ cm} = 0.2 \text{ m}} \rightarrow E = \frac{12}{0 / 2} = 60 \frac{\text{V}}{\text{m}}$$



ذره دارای بار منفی است، از این‌رو نیروی الکتریکی وارد بر آن در خلاف

جهت میدان است. اما جایه‌جایی ذره در جهت میدان است، پس $\theta = 180^\circ$

و طبق قضیه کار و انرژی جنبشی داریم:

$$\Delta K = W_E \Rightarrow K_2 - K_1 = E |q| d \cos \theta$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} m(v_2^2 - v_1^2) = E |q| d \cos \theta$$

$$v_2 = 0, v_1 = 2 \frac{\text{m}}{\text{s}}, E = 60 \frac{\text{V}}{\text{m}}, \theta = 180^\circ \rightarrow \\ m = 200 \text{ g} = 0.2 \text{ kg}, |q| = 2 \mu\text{C} = 2 \times 10^{-9} \text{ C}$$

$$\frac{1}{2} (0 / 2)(0 - (0 / 3)^2) = 60 \times 2 \times 10^{-3} \times d \times \cos 180^\circ$$

$$\Rightarrow d = 7 / 5 \text{ cm}$$



$$= \frac{\frac{9}{2} R^2}{5R^2} = \frac{9}{10} \Rightarrow \frac{V_2}{V_1} = \frac{9}{10}$$

(فیزیک ۲- بیریان الکتریکی و مدارهای بیریان مستقیم؛ صفحه‌های ۵۶۴ و ۷۸۱)

(علیرضا پیری)

- ۹۶ گزینه «۳»

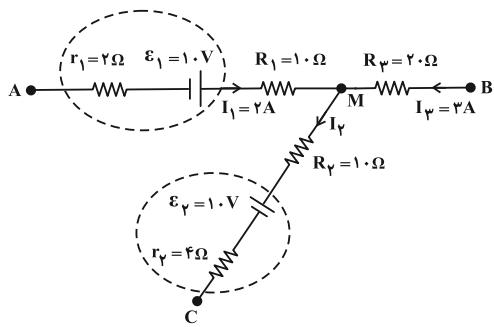
از نقطه A روی مدار شروع کرده و به طرف نقطه B می‌رویم و تغییر پتانسیل‌ها را می‌نویسیم تا به نقطه B برسیم:

$$V_A - r_1 I_1 + \epsilon_1 - R_1 I_1 + R_3 I_3 = V_B$$

$$\Rightarrow V_A - 2 \times 2 + 10 - 2 \times 10 + 20 \times I_3 = V_B$$

$$\Rightarrow V_A - V_B - 14 = -20 I_3 \xrightarrow{V_A - V_B = -46V} -46 - 14 = -20 I_3$$

$$\Rightarrow I_3 = \frac{60}{20} = 3A$$



قاعده انشعاب در گره M را به کار می‌بریم و جریان I2 را به دست می‌آوریم:

$$I_2 = I_1 + I_3 = 2 + 3 = 5A$$

باتری ۲ در اینجا به عنوان مصرف‌کننده عمل می‌کند و توان ورودی آن به

صورت زیر به دست می‌آید:

$$P_\gamma = \epsilon_2 I_2 + r_2 I_2^2 = 10 \times 5 + 4 \times 5^2 = 50 + 100 = 150W$$

(فیزیک ۲- بیریان الکتریکی و مدارهای بیریان مستقیم؛

صفحه‌های ۵۶۷ و ۷۰۰ تا ۷۷۳)

(محمد رضا شریفی)

- ۹۷ گزینه «۴»

رابطه میدان مغناطیسی در درون سیم‌لوله و مرکز پیچه مسطح را می‌نویسیم.

با تقسیم این دو رابطه داریم:

$$\begin{cases} B_{\text{سیم‌لوله}} = \frac{\mu_0 NI}{l} \\ B_{\text{پیچه}} = \frac{\mu_0 NI}{2R} \end{cases} \Rightarrow \frac{B_{\text{سیم‌لوله}}}{B_{\text{پیچه}}} = \frac{l}{2R} \times \frac{N_{\text{سیم‌لوله}}}{N_{\text{پیچه}}} \times \frac{2R}{l} = \frac{N_{\text{سیم‌لوله}}}{N_{\text{پیچه}}} = \frac{2R}{l}$$

ث) از مقاومت‌های ترمیستور در مدارهای حساس به دما مانند زنگ خطر آتش استفاده می‌شود.

(فیزیک ۲- بیریان الکتریکی و مدارهای بیریان مستقیم؛

صفحه‌های ۴۷، ۵۱، ۵۳، ۵۰ و ۵۹)

(محمد رضا شریفی)

- ۹۸ گزینه «۱»

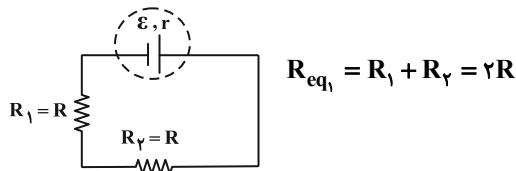
با توجه به شکل مدار، ولتسنج در هر دو حالت اختلاف پتانسیل باتری را نشان می‌دهد. اختلاف پتانسیل باتری از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$V = R_{\text{eq}} I \xrightarrow{I = \frac{\epsilon}{R_{\text{eq}} + r}} V = \frac{R_{\text{eq}} \epsilon}{R_{\text{eq}} + r}$$

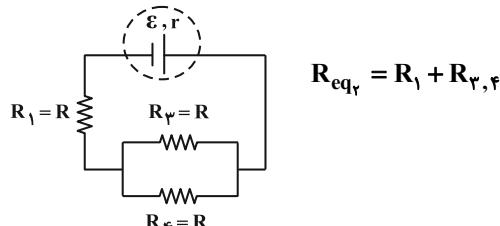
با داشتن ϵ و $r = R$ ، کافی است مقاومت معادل مدار را در هر دو حالت

به دست آوریم:

حالت اول:



حالت دوم:



$$R_{\text{eq}\gamma} = R_1 + R_\gamma = 4R \quad \xrightarrow{\text{R}_1 = R \text{ and } R_\gamma = R}$$

$$R_{\text{eq}\gamma} = R_1 + R_\gamma \xrightarrow{\text{R}_1 = R \text{ and } R_\gamma = 2R} R_{\text{eq}\gamma} = R_1 + \frac{R_\gamma R_\gamma}{R_1 + R_\gamma} = R + \frac{R \times R}{2R} = \frac{3}{2}R$$

بنابراین نسبت اعدادی که ولتسنج در دو حالت نشان می‌دهد برابر است با:

$$\frac{V_2}{V_1} = \frac{\frac{R_{\text{eq}\gamma} \epsilon}{R_{\text{eq}\gamma} + r}}{\frac{R_{\text{eq}\gamma} \epsilon}{R_{\text{eq}\gamma} + r}} = \frac{R_{\text{eq}\gamma} (R_{\text{eq}\gamma} + r)}{R_{\text{eq}\gamma} (R_{\text{eq}\gamma} + r)} = \frac{R_{\text{eq}\gamma}}{R_{\text{eq}\gamma} + r}$$

$$\frac{R_{\text{eq}\gamma} = R, R_{\text{eq}\gamma} = \frac{3}{2}R}{r = R} \xrightarrow{\frac{V_2}{V_1} = \frac{\frac{\frac{3}{2}R(2R+R)}{\frac{3}{2}R+R}}{\frac{R(2R+R)}{\frac{3}{2}R+R}} = \frac{\frac{3}{2}R(3R)}{\frac{5}{2}R(2R)}} \frac{V_2}{V_1} = \frac{\frac{9}{4}R^2}{5R^2} = \frac{9}{20}$$



برای این که میدان مغناطیسی در این نقطه ماکزیمم گردد، می بایست میدان حاصل از سیمولوله P نیز به سمت راست باشد. به این منظور جهت جریان

$$B_P + B_Q = 216 G$$

مطابق حالت (۲) است:

$$B = \frac{\mu_0 NI}{\ell} \quad \text{از رابطه}$$

$$\frac{B_P}{B_Q} = \frac{N_P}{N_Q} \times \frac{I_P}{I_Q} \times \frac{\ell_Q}{\ell_P} \quad \frac{\ell_Q = \ell_P}{N_P = 300, N_Q = 200} \rightarrow$$

$$\frac{B_P}{B_Q} = \frac{300}{200} \times \frac{1}{3} \times 1 \Rightarrow B_Q = 2B_P \quad (*)$$

حال داریم:

$$B_P + B_Q = 216 G \xrightarrow{(*)} B_P + 2B_P = 216 G$$

$$\Rightarrow B_P = 72 G = 72 \times 10^{-4} T$$

و در نهایت اندازه جریان را به دست می آوریم:

$$B_P = \frac{\mu_0 N_P I_P}{\ell} \Rightarrow 72 \times 10^{-4} = \frac{12 \times 10^{-7} \times 300 \times I_P}{1}$$

$$\Rightarrow I_P = 20 A$$

(فیزیک ۲ - مغناطیسی: مشابه مسئله ۲۱ صفحه ۱۷)

(مسام نادری)

گزینه «۲»

بررسی علت نادرستی سایر گزینه ها:

۱) دو سیم بلند و موازی حامل جریان های همسو یکدیگر را جذب می کنند.

۳) پس از حذف میدان مغناطیسی خارجی، ماده فرومغناطیسی سخت، خاصیت آهنربایی خود را تا اندازه قابل توجهی حفظ می کند.

۴) قطب های مغناطیسی زمین بر قطب های چهارگوی آن منطبق نیستند.

در واقع، قطب های مغناطیسی و چهارگوی زمین فاصله نسبتاً زیادی از یکدیگر

دارند؛ مثلاً قطب جنوب مغناطیسی تقریباً در فاصله 180° کیلومتری قطب

شمال چهارگوی آن قرار دارد.

(فیزیک ۲ - مغناطیسی: صفحه های ۸۴ تا ۹۴، ۸۸ تا ۹۴ و ۱۰۳ تا ۱۰۵)

$$\frac{B_{پیچه}}{B} = \frac{1}{3} \quad \frac{B_{پیچه}}{B} = \frac{(1)(1)(\frac{1}{3})}{(1)(1)(\frac{1}{3})} \quad \frac{B_{پیچه}}{B} = \frac{1}{3}$$

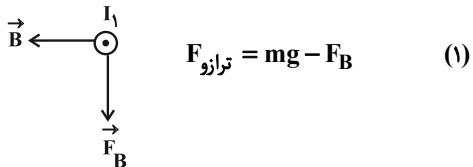
$$B_{پیچه} = 45 G = 45 \times 10^{-4} mG$$

(فیزیک ۲ - مغناطیسی: صفحه های ۹۷ تا ۱۰۰)

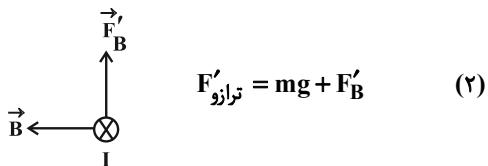
گزینه «۳»

برای حل این سؤال، دو حالت مطرح شده را بررسی می کنیم:

حالت اول: جریان A از N به M در سیم عبور می کند که در این صورت طبق قاعدة دست راست، نیروی رو به پایین F_B بر سیم وارد می شود که طبق قانون سوم نیوتون نیروی رو به بالای F_B به آهنربا و در نتیجه ترازو وارد می شود، پس:



حالت دوم: جریان I از M به N عبور می کند که در این حالت نیروی رو به بالا F'_B بر سیم حامل جریان وارد می شود. بنابراین طبق قانون سوم نیوتون، رو به پایین F'_B به آهنربا وارد می شود، پس:



حال با کم کردن دو رابطه (۱) و (۲) از یکدیگر داریم:

$$F_{ترازو} - F'_{ترازو} = 15 \xrightarrow{(1), (2)} (mg + F'_B) - (mg - F_B) = 15$$

$$\Rightarrow F'_B + F_B = 15 \xrightarrow{F_B = BIL \sin 90^{\circ}} BI'L' + BIL = 15$$

$$\frac{B = 0.05 T, I' = I}{I = 2A, L = L' = \frac{3}{4} m} \rightarrow \frac{1}{2} \times I \times \frac{3}{4} + \frac{1}{2} \times 2 \times \frac{3}{4} = 15$$

$$\xrightarrow{X8} 3I + 6 = 120 \Rightarrow I = 38 A$$

(فیزیک ۲ - مغناطیسی: صفحه های ۹۱ تا ۹۳)

(آراس ممدوی)

با استفاده از قانون دست راست در می باییم که میدان مغناطیسی ناشی از

$$M \xrightarrow{} B_Q$$

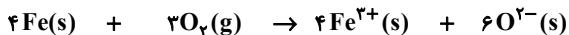
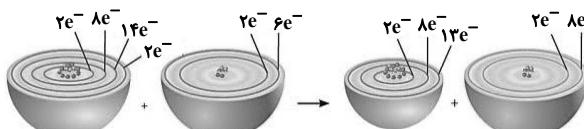
سیمولوله Q به سمت راست می باشد.

گزینه «۴»

(یاسر راشن)

«۱۰۵» - گزینهٔ ۳

معادلهٔ موازن شدهٔ واکنش انجام شده به صورت زیر است:



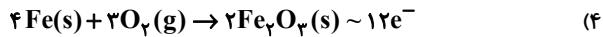
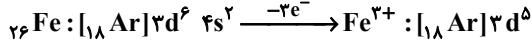
بررسی گزینه‌ها:

(۱) گونه (B) همان گاز اکسیژن بوده و با انجام واکنش، با دریافت الکترون‌های

اتم آهن به آرایش الکترونی گاز نجیب هم دورهٔ خود یعنی Ne می‌رسد.

(۲) اتم‌های فلزی آهن، با از دست دادن الکترون سبب کاهش اتم‌های اکسیژن می‌شوند، بنابراین کاهنده‌اند.

(۳) اتم‌های $\text{Fe}(\text{s})$ ضمن تبدیل به یون‌های Fe^{3+} ، الکترون‌های $2e^-$ از دست داده و $3d^5$ (با $n+l=5$) و $4s^2$ (با $n+l=4$) را از دست می‌دهند.



$$\text{? mg Fe}_3\text{O}_4 = 0 / 0.6 \text{ mol e}^- \times \frac{2 \text{ mol Fe}_3\text{O}_4}{12 \text{ mol e}^-}$$

$$\times \frac{160 \text{ g Fe}_3\text{O}_4}{1 \text{ mol Fe}_3\text{O}_4} \times \frac{10^3 \text{ mg}}{1 \text{ g}} = 1600 \text{ mg Fe}_3\text{O}_4$$

(شیمی ۳ - صفحه‌های ۳۹ تا ۴۲)

(ممدرضا پورماهیر)

«۱۰۶» - گزینهٔ ۲

در واکنش $2\text{Zn(s)} + \text{O}_2\text{(g)} \rightarrow 2\text{ZnO(s)}$ فلز روی با از دست دادن الکترون، اکسایش یافته و نقش کاهنده را دارد.

(شیمی ۳ - صفحه‌های ۴۰ و ۴۱)

(امیرحسین طیبی)

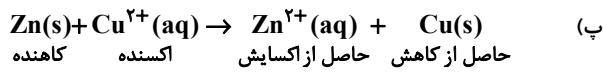
«۱۰۷» - گزینهٔ ۱

تنها عبارت (الف) درست است.

بررسی همهٔ عبارت‌ها:



(ب) چون ضریب هر دو یون فلزی در طرفین واکنش برابر است، مجموع غلظت یون‌ها قبل و بعد از واکنش ثابت می‌ماند.



حاصل از کاهش حاصل از اکسایش اکسنده کاهنده ت) به ازای هر یک مول Zn مصرفي، یک مول Cu بر روی تیغه رسوب می‌کند. از آنجایی که جرم مولی Zn از Cu بیشتر است، جرم تیغه کاهش می‌یابد.

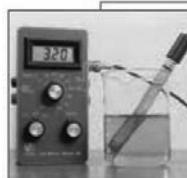
(شیمی ۳ - صفحه‌های ۳۹ تا ۴۲)

شیمی ۳

«۱۰۸» - گزینهٔ ۱

(پیمان فوابوی مهر)

الکتروشیمی



ب) اندازه‌گیری و کنترل تیغی

(اطمینان از کیفیت فراورده)



ب) تولید مواد (مانند برقدار و آبکاری)



آ) تأمین انرژی (باتری‌ها)

سلول سوختی و سوخت آنها

(شیمی ۳ - صفحهٔ ۳۸)

«۱۰۹» - گزینهٔ ۲

فقط عبارت (ب) نادرست است.

بررسی بعضی از عبارت‌ها:

(الف) واکنش‌های مانند $\text{Na}^+ + \text{Cl}^- \rightarrow \text{NaCl}$ بدون داد و ستد الکترون انجام می‌شوند.

(ب) باتری لیمویی از فروبردن دو تیغهٔ فلزی با جنس مختلف در داخل لیمو تشکیل می‌شود.

(شیمی ۳ - صفحه‌های ۳۷ تا ۳۹)

«۱۱۰» - گزینهٔ ۴

بررسی عبارت‌های نادرست:

(الف) الکتروشیمی افزون بر تهیه مواد جدید به کمک انرژی الکتریکی (نه گرمایی) می‌تواند در راستای پیاده کردن اصول شیمی سبز گام بردارد.

(ب) کسب اطمینان از کیفیت فراورده‌های دارویی، بهداشتی، غذایی و ...، در قلمرو علم الکتروشیمی قرار دارد.

(شیمی ۳ - صفحه‌های ۳۷ تا ۳۹)

«۱۱۱» - گزینهٔ ۳

بررسی گزینه‌ها:

(۱) برای تشکیل هر مول Al_2O_3 ، ۶ مول الکترون مبادله می‌شود.

(۲) تبدیل هر اتم فلزی به کاتیون آن با کاهش شعاع همراه است.

(۳) Al با از دست دادن ۳ الکترون، اکسید شده و به Al^{3+} تبدیل می‌شود. گونه‌ای که اکسید می‌شود، همان کاهنده است.

(۴) نیم واکنش کاهش به صورت رو به رو است: $\text{O}_2\text{(g)} + 4e^- \rightarrow 2\text{O}^{2-}\text{(s)}$

(شیمی ۳ - صفحه‌های ۳۹ تا ۴۲)



ب) تمایل به گرفتن الکترون در یون D^{2+} نسبت به یون A^{2+} بیشتر است.

زیرا یون D^{2+} قدرت اکسندگی بیشتری دارد.

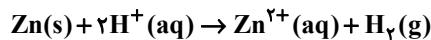
پ) قدرت کاهندگی فلز B از فلز Cu بیشتر است، بنابراین واکنش داده شده به صورت خودبه‌خودی انجام می‌شود و پایداری فراورده‌ها از واکنش‌دهنده‌ها بیشتر است.

ت) دمای محلول دارای تیغه فلز C بیشتر تغییر کرده است، بنابراین شدت تغییر رنگ آبی محلول مس (II) سولفات در آن نیز بیشتر خواهد بود.

(شیمی ۳ - صفحه‌های ۴۲ تا ۴۴)

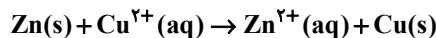
(فرشید مرادی)

«گزینه ۲»



$$17/92 L H_2 \times \frac{1 mol H_2}{22/4 L H_2} \times \frac{1 mol Zn}{1 mol H_2} \times \frac{65 g Zn}{1 mol Zn} = 52 g Zn$$

۵۲ گرم از جرم تیغه بر اثر واکنش با اسید کاهش می‌یابد.



$$Cu(NO_3)_2 \text{ جرم } Zn \text{ واکنش داده با } x \text{ mol Zn}$$

$$\times \frac{65 g Zn}{1 mol Zn} = 65x g Zn$$

$$x \text{ mol Cu} = x \text{ mol Zn} \times \frac{1 mol Cu}{1 mol Zn}$$

$$\times \frac{64 g Cu}{1 mol Cu} \times \frac{1}{2} = 32x g Cu$$

$$\text{جرم } Zn \text{ واکنش داده با } HCl = \text{کاهش جرم تیغه}$$

$$\text{جرم } Cu = \text{جرم } Zn \text{ واکنش داده با } Cu(NO_3)_2 \text{ رسوب کرده روی تیغه} - \text{جرم } Cu \text{ واکنش داده با } HCl$$

$$= 52 + 65x - 32x = 65/2 g \Rightarrow x = 0.4 \text{ mol Zn}$$

$$0.4 \text{ mol Zn} \times \frac{1 mol Cu}{1 mol Zn} \times \frac{1 mol Cu(NO_3)_2}{1 mol Cu}$$

$$= 0.4 \text{ mol Cu(NO_3)_2}$$

$$Cu(NO_3)_2 = \frac{n}{V} = \frac{0.4 \text{ mol}}{1 L} = 0.4 \text{ mol} \cdot L^{-1}$$

(شیمی ۳ - صفحه‌های ۴۲ تا ۴۴)

(مسنون مفتوحی)

۱۰۸ - «گزینه ۳»

عبارت‌های (الف) و (ب) درست هستند.

بررسی عبارت‌ها:

الف) اتم مس نمی‌تواند به یون آلمینیم الکترون بدهد، پس تمایل آن به از دست دادن الکترون از آلمینیم کمتر است و لذا کاهنده ضعیف‌تری است.

ب) ابتدا جرمی از تیغه که کاهش می‌یابد را به دست می‌آوریم:

$$\begin{aligned} & \times \frac{1 mol e^-}{6/0.2 \times 10^{23} e^-} \\ & \times \frac{2 mol Al}{6 mol e^-} \times \frac{27 g Al}{1 mol Al} = 45 g Al \end{aligned}$$

حال جرمی که به نتیجه اضافه می‌شود را محاسبه می‌کنیم:

$$\begin{aligned} & \times \frac{1 mol e^-}{6/0.2 \times 10^{23} e^-} \\ & \times \frac{3 mol Zn}{6 mol e^-} \times \frac{65 g Zn}{1 mol Zn} \times \frac{3}{5} = 97/5 g Zn \end{aligned}$$

$$97/5 - 45 = 52/5 g$$

پ) کاهندگی، تمایل به از دست دادن الکترون است که برای یونی مثل Al^{3+} تعریف نمی‌شود، چون اتم Al بیش از ۳ الکترون از دست نمی‌دهد. به طریق مشابه،

در این واکنش کاهندگی برای یون‌های Cu^{2+} و Zn^{2+} نیز تعریف نمی‌شود.

ت) در واکنش‌های خودبه‌خودی، گونه‌های اکسندگی و کاهنده سمت چپ (واکنش‌دهنده‌ها) از گونه‌های اکسندگی و کاهنده سمت راست (فراورده‌ها) قوی‌تر هستند و در واکنش خودبه‌خودی، اکسندگی و کاهنده قوی‌تر به ترتیب به کاهنده و اکسندگی ضعیف‌تر تبدیل می‌شوند.

(شیمی ۳ - صفحه‌های ۴۰ تا ۴۲)

(آرمنی عظیمی)

۱۰۹ - «گزینه ۴»

مقایسه قدرت کاهندگی فلزها و قدرت اکسندگی کاتیون‌ها به صورت زیر است:

کاهندگی: $C > A > D > Cu > B$

$$B^{2+} > Cu^{2+} > D^{2+} > A^{2+} > C^{2+}$$

بررسی عبارت‌ها:

الف) قدرت کاهندگی فلز B از C کمتر است، بنابراین واکنشی میان فلز

B و کاتیون C^{2+} رخ نمی‌دهد و می‌توان آن‌ها را کنار هم نگه داشت.



۲) آرایش الکترونی یون‌های Li^+ و Na^+ به ترتیب با آرایش الکترونی اتم‌های He و Ne ، یکسان می‌باشد و رنگ شعله آن‌ها به ترتیب قرمز و زرد است؛ بنابراین طول موج رنگ شعله X از Y بیشتر است.

۳) با افزایش شماره لایه‌های الکترونی، انرژی الکترون‌های قرار گرفته در آن‌ها افزایش یافته و اختلاف انرژی بین لایه‌های متوالی کاهش می‌یابد. از آنجایی که بین انرژی و طول موج پرتوها رابطه معکوس وجود دارد، می‌توان نتیجه گرفت با افزایش شماره لایه‌های الکترونی، طول موج پرتوهای آزاد شده افزایش می‌یابد.

۴) اگرچه مدل اتمی بور با موقیت توانست طیف نشری خطی هیدروژن را توجیه کند، اما توانایی توجیه طیف نشری خطی دیگر گونه‌ها با بیش از یک الکترون را نداشت؛ در نتیجه شکل ارائه شده توسط مدل بور قابل توجیه نیست.

(شیمی ا-کیوان زادگاه الغبای هستی؛ صفحه‌های ۱۹ تا ۲۷)

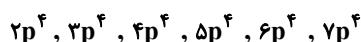
۱۱۴ - گزینه «۱»
(فرشید مرادی)

چون اختلاف شمار الکترون‌ها و نوترون‌ها از قدر مطلق بار یون بیشتر نیست، بنابراین هر دو حالت $e-n=2$ و $n-e=2$ باید مورد بررسی قرار گیرند.

$$\begin{array}{l} e-p=2 \\ n+p=32 \\ n-e=2 \end{array} \quad \left. \begin{array}{l} n=18 \\ p=14 \\ e=16 \end{array} \right\} \Rightarrow {}_{14}\text{Si}^{2-} \quad (\text{یون پایدار ندارد})$$

$$\begin{array}{l} e-p=2 \\ n+p=32 \\ e-n=2 \end{array} \quad \left. \begin{array}{l} n=16 \\ p=16 \\ e=18 \end{array} \right\} \Rightarrow {}_{16}\text{S}^{2-}$$

از آنجایی که ${}_{14}\text{Si}$ یون پایدار ندارد، عنصر مورد نظر S است که در گروه ۱۶ قرار دارد. زیرلایه آخر در این گروه به شکل np^4 است.



مجموع $(n+l)$ الکترون‌ها در آخرین زیرلایه عنصرهای گروه ۱۶

$$= 4((2+1)+(3+1)+(4+1)+(5+1)+(6+1)+(7+1)) = 132$$

(شیمی ا-کیوان زادگاه الغبای هستی؛ صفحه‌های ۲۷ تا ۳۷)

۱۱۵ - گزینه «۱»
(ممدرضا بهمنشیری)

عبارت‌های (الف) و (ت) درست هستند.

بررسی عبارت‌های نادرست:

ب) ۷ درصد حجمی از مخلوط گاز طبیعی را هلیم تشکیل می‌دهد.

پ) بوکسیت، Al_2O_3 به همراه ناخالصی است.

(شیمی ا-ردیپای لگازها در زنگی؛ صفحه‌های ۵۴ تا ۵۵)

شیمی ۱

۱۱۱ - گزینه «۳» (آرمین عظیمی)

بررسی گزینه‌ها:

۱) عنصر تکنسیم (${}_{43}\text{Tc}$) با منگنز (Mn) که پنجمین عنصر دسته d در دوره چهارم است، هم گروه می‌باشد. رادیوایزوتوپ عنصرهای تکنسیم و فسفر در ایران نیز ساخته می‌شوند.

۲) در ایزوتوپ U ، مجموع شمار نوترون‌ها و پروتون‌ها برابر با ۲۳۵ است. نوترون برخلاف پروتون بدون بار است. از طرفی چون تعداد پروتون‌ها و الکترون‌ها در اتم خنثی با هم برابر است، مجموع آن‌ها باید عددی زوج ($2p$) باشد. این مجموع برابر ۱۸۴ است.

۳) چهارمین عنصر فراوان سیاره زمین، منیزیم (Mg) بوده و یکی از عنصرهایی که ۱۲ الکترون در زیرلایه ۸ دارد، باریم (Ba) است. هر دو عنصر در گروه ۲ قرار داشته و یون پایدار X^{2+} ایجاد می‌کنند.

۴) با استفاده از اطلاعات موجود در هر خانه جدول، نمی‌توان تعداد نوترون‌های موجود در اتم‌های یک عنصر را تعیین کرد. بنابراین عدد جرمی اتم عنصر مورد نظر را نیز نمی‌توان مشخص کرد.

(شیمی ا-کیوان زادگاه الغبای هستی؛ صفحه‌های ۷ تا ۱۳)

(امیرعلی بیات)

۱۱۲ - گزینه «۱» (امیرعلی بیات)

$${}_{10}\text{B} \rightarrow f_1 = 10\%, \quad M_1 = 20 \text{ amu}$$

$${}_{22}\text{B} \rightarrow f_2 = ?, \quad M_2 = 22 \text{ amu}$$

$${}_{24}\text{B} \rightarrow f_3 = ?, \quad M_3 = 24 \text{ amu}$$

$$\begin{aligned} f_3 &= 4f_2 \\ f_1 + f_2 + f_3 &= 100\% \end{aligned} \Rightarrow 10 + f_2 + 4f_2 = 100 \Rightarrow \begin{cases} f_2 = 18\% \\ f_3 = 72\% \\ f_1 = 10\% \end{cases}$$

$$\bar{M} = M_1 + \left(\frac{f_2}{100}\right)(M_2 - M_1) + \left(\frac{f_3}{100}\right)(M_3 - M_1)$$

$$= 20 + \frac{18}{100} \times (22 - 20) + \frac{72}{100} (24 - 20) = 23 / 24 \text{ amu}$$

(شیمی ا-کیوان زادگاه الغبای هستی؛ صفحه‌های ۱۳ تا ۱۵)

(سعید تیزرو)

۱۱۳ - گزینه «۴» (سعید تیزرو)

بررسی گزینه‌ها:

۱) در طیف نشری خطی اتم هیدروژن، رنگ بنفش ناشی از بازگشت الکترون از لایه ششم به لایه دوم می‌باشد؛ در حالی که پیرامون هسته اتم بیش از ۶ لایه وجود دارد.



و از طرفی چون شرایط سوال STP نمی باشد باید حجم مولی گاز اکسیژن در شرایط جدید را محاسبه کنیم. طبق رابطه زیر داریم:

$$T = \theta + 273 \Rightarrow T = 546 + 273 = 819\text{ K}$$

$$\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2} \Rightarrow \frac{1 \times 22 / 4}{273} = \frac{2 \times V_2}{819} \Rightarrow V_2 = 33 / 6 \text{ L.mol}^{-1}$$

$$\frac{5 \text{ mol O}_2}{5 / 4 \text{ g}} \times \frac{33 / 6 \text{ L O}_2}{\text{اختلاف جرم}} \times \frac{\text{اختلاف جرم}}{1 \text{ mol O}_2} = 4 / 2 \text{ L O}_2$$

(شیمی ا- ردپای گازها در زندگی: صفحه های ۶۲ تا ۷۷ و ۸۱ تا ۸۵)

(آرمانی قنواتی)

«۴» ۱۱۹

بررسی گزینه های نادرست:

- (۱) تا سال ۲۰۲۵ ۶۶ درصد مردم جهان با کمبود آب روبرو خواهد شد.
- (۲) در محلول ها، حالت فیزیکی و ترکیب شیمیایی در سرتاسر آن های یکسان و یکنواخت است، اما در محلول آب و پیخ، آب حالت مایع و پیخ حالت جامد دارد؛ در نتیجه نمی تواند یک محلول محسوب شود.
- (۳) در یون چند اتمی SO_4^{2-} ، بار الکتریکی ۲- به اتم خاصی تعلق ندارد بلکه متعلق به کل یون است.

(شیمی ا- آب، آهنج زندگی: صفحه های ۸۷ و ۹۱ تا ۹۵)

(یاسن، راش)

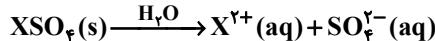
«۲» ۱۲۰

با استفاده از غلظت یون SO_4^{2-} و جرم محلول، جرم مولی حل شونده را حساب می کنیم:

$$\text{ppm} = \frac{\text{SO}_4^{2-} \text{ جرم}}{\text{جرم محلول}} \times 10^6 = \frac{\text{SO}_4^{2-} \text{ جرم}}{100} \times 10^6 = 2400 \Rightarrow \text{جرم} = 2400 \times 100 = 240 \text{ g}$$

$$\Rightarrow \text{SO}_4^{2-} = 0 / 24 \text{ g}$$

با توجه به دو ظرفیتی بودن فلز X، فرمول شیمیایی سولفات آن به صورت XSO_4 و معادله انحلال آن در آب به صورت زیر است:



بنابراین نسبت زیر را می توان نتیجه گرفت:

$$\frac{\text{SO}_4^{2-}}{\text{XSO}_4} = \frac{\text{SO}_4^{2-}}{\text{X}^{2+}} \Rightarrow \frac{\text{جرم مولی SO}_4^{2-}}{\text{جرم مولی XSO}_4} = \frac{0 / 24}{0 / 37} = \frac{96}{X} \Rightarrow \text{جرم مولی X} = \frac{96}{96} = 1$$

$$\Rightarrow \text{X} = \frac{37 \times 96}{24} = 96 \text{ g}$$

$$\Rightarrow \text{X} = 52 \text{ g.mol}^{-1}$$

فلز مربوطه با توجه به اطلاعات سوال، Cr_{24} می باشد.

(شیمی ا- آب، آهنج زندگی: صفحه های ۹۴ و ۹۵)

(ممدرضا طاهری نژاد)

«۲» ۱۱۶

معادله موازن شده واکنش ها به صورت زیر است:



$$\frac{2+10+4}{48+32} = \frac{16}{80} = 0 / 2$$

(شیمی ا- ردپای گازها در زندگی: صفحه های ۶۲ تا ۶۴)

(امیرحسین طیبی)

«۳» ۱۱۷

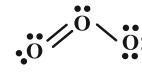
موارد الف، ب و ث به درستی بیان شده اند.

بررسی موارد:

الف) سوخت سبز، سوختی است که در ساختار خود افزون بر کربن و هیدروژن، اکسیژن نیز داشته باشد؛ در نتیجه شمار عنصرها حداقل برابر با ۳ است.

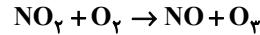
ب) مطابق جدول صفحه ۷۲ کتاب درسی این مورد درست است.

پ) دگر شکلی از اکسیژن که نقطه جوش بالاتری دارد، اوزون است.

 ساختار لوویس اوزون: (۳ جفت الکترون پیوندی)

ت) با توجه به این که با افزایش کیفیت خودروها، CO_2 خارج شده از خودروها کاهش می یابد، می توان نتیجه گرفت میزان انر گلخانه ای حاصل از آن ها کاهش یافته و بین دو مورد ذکر شده رابطه معکوس وجود دارد.

ث) موازنة تشکیل اوزون تریوپوسفری به شکل زیر است:



(شیمی ا- ردپای گازها در زندگی: صفحه های ۶۲ تا ۶۴ و ۷۰ تا ۷۶)

(علیرضا بیانی)

«۱» ۱۱۸

با توجه به معادله موازن شده واکنش زیر داریم:



با فرض سوال که واکنش به طور کامل انجام شده است می توان گفت به ازای مصرف ۴ مول KNO_3 ، ۲ مول K_2O تولید شده است که اختلاف جرم آن ها برابر است با:

$$(4 \text{ mol KNO}_3 \times \frac{101 \text{ g KNO}_3}{1 \text{ mol KNO}_3}) - (2 \text{ mol K}_2\text{O} \times \frac{94 \text{ g K}_2\text{O}}{1 \text{ mol K}_2\text{O}})$$

$$= 216 \text{ g}$$



شیمی ۲

«۲» - ۱۲۱

فقط عبارت سوم درست است.

بررسی عبارت‌ها:

عبارت اول: اگر دو عنصر X و Y هم دوره باشند، بسته به این که در کجا جدول جای داشته باشند، ممکن است جزو هر کدام از دسته‌ها (فلزها، نافلزها و شبه‌فلزها) باشد.

عبارت دوم: اگر این دو عنصر در یک گروه و یا در یک دوره قرار می‌گرفتند، حتماً عنصر بزرگ‌تر (X)، دارای خاصیت فلزی بیشتری بود؛ اما از آنجایی که اطلاعاتی درباره موقعیت عنصرها در جدول، در عبارت ذکر نشده است، این عبارت همواره درست نیست.

عبارت سوم: در صورت هم‌گروه بودن دو عنصر، X پایین‌تر از Y قرار می‌گیرد (چرا که شعاد بزرگ‌تری دارد) و در نتیجه عدد اتمی بیشتری خواهد داشت.

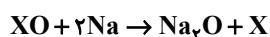
عبارت چهارم: برای مقایسه میزان واکنش‌پذیری شیمیایی عنصرها با یکدیگر لازم است ابتدا مشخص کنیم که در کدام دسته از عناصر (فلزها، نافلزها و شبه‌فلزها) قرار دارند. از آنجا که در خصوص این دو عنصر با توجه به اطلاعات داده شده چنین امکانی وجود ندارد، نمی‌توان مقایسه‌ای بین واکنش‌پذیری شیمیایی آن‌ها انجام داد.

(شیمی ۲ - قدر هدایای زمینی را برآینم؛ صفحه‌های ۵۰ تا ۵۳)

در نتیجه O_2 با Na_2O و Rb_2O واکنش نمی‌دهند. (رد گزینه‌های ۲ و ۴)

۴) گزینه‌های باقی‌مانده MgO و ZnO هستند که آن‌ها را به صورت

XO فرض می‌کنیم.



$$\text{Na}_2\text{O} = 24/8 - 55/8 = 24/8 \text{ g}$$

$$\frac{25 \text{ g XO}}{100 \text{ g}} \times \frac{\text{نمونه ناخالص g}}{\text{نمونه ناخالص g}} : 64 \text{ g}$$

$$\times \frac{1 \text{ mol XO}}{M \text{ g XO}} \times \frac{1 \text{ mol Na}_2\text{O}}{1 \text{ mol XO}} \times \frac{62 \text{ g Na}_2\text{O}}{1 \text{ mol Na}_2\text{O}} = 24/8 \text{ g Na}_2\text{O}$$

$$\Rightarrow M = 40 \text{ g/mol}$$

$$\begin{cases} M_{\text{ZnO}} = 65 + 16 = 81 \text{ g/mol} \\ M_{\text{MgO}} = 24 + 16 = 40 \text{ g/mol} \end{cases}$$

در نتیجه اکسید مورد نظر MgO است.

(شیمی ۲ - قدر هدایای زمینی را برآینم؛ صفحه‌های ۵۰ تا ۵۳)

(علیرضا بیانی)

«۳» - ۱۲۲

عبارت سوم و پنجم نادرست است.

با توجه به فرض سؤال و این که جرم مولی آلان و تعداد پیوندهای اشتراکی

آلкан به ترتیب از رابطه $14n+2$ و $14n+1$ پیروی می‌کند.

$$\frac{\text{جرم مولی}}{\text{تعداد پیوندهای اشتراکی}} = \frac{14n+2}{3n+1} = 4/5 \Rightarrow n = 5$$

آلkan مورد نظر ۵ کربن دارد؛ پس فرمول آن به صورت C_5H_{12} می‌باشد.

بررسی عبارت‌ها:

عبارت اول: آلانی با ۵ کربن، اولین آلان مایع در دمای اتاق می‌باشد؛ در

نتیجه نقطه جوش آن از مابقی آلان‌های مایع کمتر می‌باشد.

عبارت دوم: پنجمین عضو خانواده آلان‌ها C_5H_{12} می‌باشد که با

تعداد H برابری دارند.

عبارت سوم و پنجم: دارای ۳ ایزومر می‌باشد و نام ۳-متیل بوتان

غلط است.

(محمد رضا پور جاوید)

شیمی ۲

«۲» - ۱۲۱

فقط عبارت سوم درست است.

بررسی عبارت‌ها:

عبارت اول: اگر دو عنصر X و Y هم دوره باشند، بسته به این که در کجا جدول جای داشته باشند، ممکن است جزو هر کدام از دسته‌ها (فلزها، نافلزها و شبه‌فلزها) باشد.

عبارت دوم: اگر این دو عنصر در یک گروه و یا در یک دوره قرار می‌گرفتند، حتماً عنصر بزرگ‌تر (X)، دارای خاصیت فلزی بیشتری بود؛ اما از آنجایی که اطلاعاتی درباره موقعیت عنصرها در جدول، در عبارت ذکر نشده است، این عبارت همواره درست نیست.

عبارت سوم: در صورت هم‌گروه بودن دو عنصر، X پایین‌تر از Y قرار می‌گیرد (چرا که شعاد بزرگ‌تری دارد) و در نتیجه عدد اتمی بیشتری خواهد داشت.

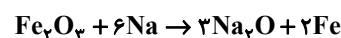
عبارت چهارم: برای مقایسه میزان واکنش‌پذیری شیمیایی عنصرها با یکدیگر لازم است ابتدا مشخص کنیم که در کدام دسته از عناصر (فلزها، نافلزها و شبه‌فلزها) قرار دارند. از آنجا که در خصوص این دو عنصر با توجه به اطلاعات داده شده چنین امکانی وجود ندارد، نمی‌توان مقایسه‌ای بین واکنش‌پذیری شیمیایی آن‌ها انجام داد.

(شیمی ۲ - قدر هدایای زمینی را برآینم؛ صفحه‌های ۵۰ تا ۵۳)

(امیرحسین طیبی)

«۳» - ۱۲۲

ابتدا جرم Na_2O تولیدی در اثر واکنش Fe_2O_3 و Na را حساب می‌کنیم:

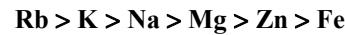


$$\frac{75 \text{ g Fe}_2\text{O}_3}{100 \text{ g}} \times \frac{\text{نمونه ناخالص g}}{\text{نمونه ناخالص g}} : 64 \text{ g}$$

$$\times \frac{1 \text{ mol Fe}_2\text{O}_3}{160 \text{ g Fe}_2\text{O}_3} \times \frac{3 \text{ mol Na}_2\text{O}}{1 \text{ mol Fe}_2\text{O}_3} \times \frac{62 \text{ g Na}_2\text{O}}{1 \text{ mol Na}_2\text{O}}$$

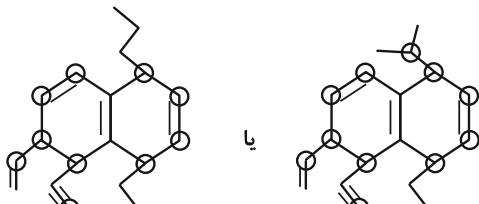
$$= 55/8 \text{ g Na}_2\text{O}$$

با توجه به این که جرم Na_2O تولیدی در این واکنش از کل جرم Na_2O تولیدی کمتر است، نتیجه می‌گیریم که ناخالصی‌ها نیز با Na_2O واکنش داده‌اند. می‌دانیم ترتیب واکنش‌پذیری فلزات داده شده به صورت زیر است:





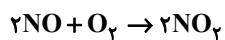
ت) طبق شکل زیر، در ترکیب داده شده، بیش از ۸ اتم کربن فقط به یک اتم هیدروژن متصل هستند. دقت شود که C_3H_7 دو حالت دارد.



(شیمی ۲) قرر هدایای زمینی را برایم؛ صفحه‌های ۵۷ و ۵۸

- ۱۲۵ گزینه «۴» (امیرعلی بیات)

ابتدا باید واکنش دوم را موازن کرد و ΔH آن را به کمک آنتالپی‌های پیوند محاسبه کرد:



$$\Delta H = [2\Delta H_{(N=O)} + \Delta H_{(O=O)}]$$

$$-[2\Delta H_{(N-O)} + 2\Delta H_{(N=O)}] = \Delta H_{(O=O)} - 2\Delta H_{(N-O)}$$

حال با جای گذاری اعداد جدول خواهیم داشت:

$$\Delta H_2 = 495 - (2 \times 201) = 93 \text{ kJ.mol}^{-1}$$

حال براساس قانون هس خواهیم داشت:

$$N_2 + O_2 \rightarrow 2NO \quad \Delta H = 91/29 \text{ kJ.mol}^{-1}$$

$$+ 2NO + O_2 \rightarrow 2NO_2 \quad \Delta H = 93 \text{ kJ.mol}^{-1}$$

$$N_2 + 2O_2 \rightarrow 2NO_2 \quad \Delta H = 93 + 91/29 \approx 184 \text{ kJ.mol}^{-1}$$

(شیمی ۲) در پی غذای سالم؛ صفحه‌های ۶۷ و ۶۹ تا ۷۴ (۷۷)

- ۱۲۶ گزینه «۳» (امیرعلی بیات)

اختلاف جرم مولی گوگرد دی‌اکسید (SO_2) و اتیلن گلیکول

(CH_3OHCH_2OH) برابر $2g.mol^{-1}$ می‌باشد. در ساختار A و

B هم فقط دو نوع گروه عاملی دیده می‌شود.

B ← گروه عاملی آلدیدی و الکلی

A ← گروه عاملی استری و الکلی

بررسی گزینه‌های نادرست:

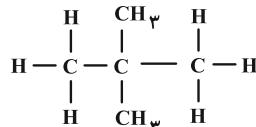
۱) هر دو ماده، به دلیل داشتن گروه هیدروکسیل ($-OH$) می‌توانند با مولکول‌های خود پیوند هیدروژنی برقرار کنند.

۲) تعداد اتم‌های کربن مولکول A و B برخلاف تعداد اتم‌های اکسیژن آنها با هم برابر است.

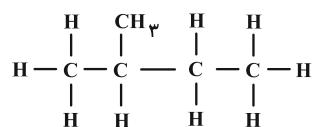
۳) حضور پیوند دوگانه در حلقه همیشه نشان‌دهنده آروماتیک بودن ترکیب نیست.

ترکیب باید دارای ساختار  باشد.

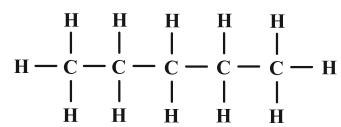
(شیمی ۲) در پی غذای سالم؛ صفحه‌های ۷۰ و ۷۱ (۸۰)



د) متیل پروپان

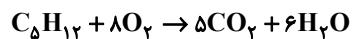


متیل بوتان



پنتان

عبارت چهارم: می‌دانیم که تقریباً $\frac{1}{5}$ حجم هوا را اکسیژن تشکیل می‌دهد.



$$\cdot / 1 \text{ mol } C_5H_{12} \times \frac{\lambda \text{ mol } O_2}{1 \text{ mol } C_5H_{12}} \times \frac{20 \text{ L } O_2}{1 \text{ mol } O_2}$$

$$\times \frac{100 \text{ L}}{20 \text{ L } O_2} \text{ هوا} = 80 \text{ L } O_2 \text{ هوا}$$

(شیمی ۲) قرر هدایای زمینی را برایم؛ صفحه‌های ۳۳ و ۳۴ (۷۷)

(امیرحسین ملازینل)

- ۱۲۴ گزینه «۲» («۲»)

تنها مورد (ب) درست می‌باشد.

بررسی موارد:

الف) ترکیب داده شده دارای دو حلقة غیربنزنی بوده و آروماتیک نمی‌باشد.

ب) هیدروکربن داده شده دارای ۴ پیوند دوگانه و یک پیوند سه‌گانه می‌باشد؛ از

این رو با ۶ مول گاز هیدروژن (نه ۸ مول!) به طور کامل سیر می‌شود.

$$\frac{1 \text{ mol } H}{6/632 \times 10^{24} \text{ H}} \times \frac{1 \text{ mol } H_2}{6/02 \times 10^{23} \text{ H}} \times \frac{1 \text{ mol } H_2}{2 \text{ mol } H} = \lambda \text{ mol } H_2$$

پ) فرمول مولکولی ترکیب داده شده به صورت $C_{19}H_{24}$ می‌باشد؛ بنابراین

۲۴ اتم هیدروژن دارد. اوکтен (C_8H_{16}) نیز مجموعاً ۲۴ اتم دارد.



(فرشید مرادی)

گزینه «۳»

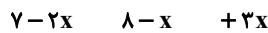
موارد دوم و چهارم نادرست هستند.

با توجه به تغییرات غلظت مواد از شروع واکنش تا دقیقه سوم (A شش مولار کاهش، B سه مولار کاهش و C نه مولار افزایش) در می‌باییم که فرم کلی واکنش به صورت $2A + B \rightarrow 3C$ بوده است.

مورد اول:



: غلظت اولیه



$$C, A \Rightarrow 7-2x = 3x \Rightarrow x = 1/4 \text{ mol.L}^{-1}$$

C و A مجموع غلظت واکنش‌دهنده‌ها در لحظه برابر غلظت A

$$= 15 - 3x = 15 - 4/2 = 10 \text{ mol.L}^{-1}$$

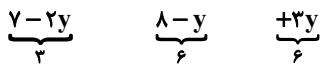
مورد دوم: ماده جامد در طی انجام واکنش شیمیایی تغییر غلظت ندارد، اما

همان‌طور که می‌بینیم غلظت ماده A در حال تغییر است.

مورد سوم:



: غلظت اولیه



$$m \Rightarrow 8-y = 3y \Rightarrow y = 2 \text{ mol.L}^{-1}$$

نکته: طبق قانون پایستگی جرم، جرم ظرف در همه لحظات واکنش ثابت است.

بنابراین کل جرم موجود در ظرف در لحظه‌های صفر و m برابر می‌باشد.

$$A = \frac{3 \times 20}{7 \times 20 + 8 \times 50} \times 100 = \frac{60}{540} \times 100 = 11.11\%$$

مورد چهارم: اگر در پایان دقیقه اول غلظت A به $4/25$ مولار رسیده باشد،

یعنی $2/75$ مولار از غلظت آن کاهش یافته و با فرض این‌که در دقیقه دوم

هم همین مقدار از A مصرف بشود (که فرض اشتباہی است)، در مجموع دو

دقیقه، $5/5$ مولار از غلظت A کاسته و غلظت ماده C تولید شده برابر با

$$C = \frac{3}{5} \times \frac{8}{25} = 0.48 \text{ mol.L}^{-1}$$

پس از دو دقیقه به این عدد وجود ندارد، زیرا همان‌طور که در شکل مشخص

است (و غالب واکنش‌های طبیعت هم به همین شکل هستند)، با گذرا زمان

سرعت واکنش افت می‌کند و نمی‌تواند در دقیقه دوم به اندازه دقیقه اول

محصول تولید کند.

(شیمی ۲ - در پی غزای سالم: صفحه‌های ۸۵ تا ۹۳)

(امیرحسین محسن‌نژاد)

گزینه «۳»

با افزایش دما، انحلال پذیری برخی نمک‌ها مانند CaCl_2 و Li_2SO_4 با افزایش دما، انحلال پذیری گازها در آب کم می‌شود.

(شیمی ۲ - در پی غزای سالم: صفحه‌های ۷۷ تا ۸۳ و ۹۶)

(محمد رضا پمیشیدی)

گزینه «۱۲۸



: مول اولیه a 0 0

: تغییرات مول -3x + x +3x

: مول نهایی a-3x x 3x

$$\bar{R}_A = -\frac{\Delta n_A}{\Delta t} \Rightarrow 0/3 = -\frac{\Delta n_A}{40} \Rightarrow \Delta n_A = -12 \text{ mol}$$

$$3x = 12 \Rightarrow x = 4 \text{ mol}$$

$$\Rightarrow a - 3x + x + 3x = a + x = a + 4$$

$$a + 4 = 17 \Rightarrow a = 13 \text{ mol}$$

$$\Rightarrow A = 13 \text{ mol} \times \frac{39 \text{ g A}}{1 \text{ mol A}} = 507 \text{ g A}$$

(شیمی ۲ - در پی غزای سالم: صفحه‌های ۸۵ تا ۹۳)

(یاسر راشن)

گزینه «۲۹

قند موجود در جوانه گندم (مالتوز) مطابق واکنش زیر به گلوکز تبدیل می‌شود:



ابدلا لازم است جدول را تکمیل کنیم، در یک بازه زمانی معین از یک واکنش، نسبت اندازه تغییر غلظت مواد موجود در واکنش به ضریب استوکیومتری آن‌ها یکسان است.

حالا دو بازه زمانی دلخواه را در نظر می‌گیریم تا a و b را به دست آوریم:

$$a = ? \Rightarrow (3-2) \min = \frac{(a-0/0)}{(0/0.85-0/0)} = \frac{(0/0.85-0/0)}{\text{ضریب مالتوز}}$$

$$\xrightarrow{(*)} a = 0/0.3 \text{ mol.L}^{-1}$$

$$b = ? \Rightarrow (0-1) \min = \frac{(0/0.1-0)}{(0/0.95-b)} = \frac{(0/0.95-b)}{\text{ضریب مالتوز}}$$

$$\xrightarrow{(*)} b = 0/1 \text{ mol.L}^{-1}$$

در نهایت می‌توان نسبت مورد نظر را حساب کرد:

$$\bar{R} = \frac{-(\frac{0/0.85-0/0}{7-0})}{(7-14)(0/0.4-0/0.3)} = \frac{3}{2}$$

نکته: با توجه به برابر بودن حجم و زمان مد نظر، نسبت سرعت ۲ ماده با

نسبت اندازه تغییرات مول آن‌ها در زمان ذکر شده برابر است.

(شیمی ۲ - در پی غزای سالم: صفحه‌های ۸۵ تا ۹۳)



دفترچه پاسخ

آزمون هوش و استعداد

(۱۹۵ موده)

۲ آذر

تعداد کل سؤالات آزمون: ۲۰

زمان پاسخ‌گویی: ۳۰ دقیقه

گروه فنی تولید

مسئول آزمون	همایش اینستاکت
ویراستار	فاطمه راسخ، حمیدرضا رحیم خانلو
مدیر گروه مستندسازی	محیا اصغری
مسئول درس مستندسازی	علیرضا همایون خواه
طراحان	حمید اصفهانی، فاطمه راسخ، سجاد محمدنژاد، حمید گنجی، فرزاد شیرمحمدی
حروفچینی و صفحه‌آرایی	مصطفومه روحانیان
ناظر چاپ	حمید عباسی



وسط نقطه‌دار و دو حرف دیگر بی نقطه باشند. همچنین توجه کنیم حرف «ی-ی» در حالت «غیر آخر» نقطه‌دار است.

$$32 \times 14 \times 32 = 14336$$

$$14 \times 18 \times 15 = 3780$$

$$14336 + 3780 = 18116$$

(هوش منطقی ریاضی)

(تعداد لغات:

(تعداد لغات:

مجموع حالات:

استعداد تحلیلی

۲۵۱- گزینه «۳»

واژه‌ی «شیاد» است که متن را کامل می‌کند: جادوگر و شیاد و نیرنگ باز.
(هوش کلامی)

۲۵۲- گزینه «۳»

کشور «آلمان» متنظر است که حرف سوم آن «م» است.

(هوش کلامی)

۲۵۳- گزینه «۳»

شکل درست جمله، «گاه ظلمانی است و گاه نورانی»، شش نقطه دارد.
(هوش کلامی)

۲۵۴- گزینه «۱»

جمله‌ی متنظر: «شیطان در فریفت خلیفه‌ی خدا ناکام می‌ماند.»
کلمه‌ی بعد از «در»، «فریفت» است.
(هوش کلامی)

۲۵۵- گزینه «۱»

احاطه: تسلط
(هوش کلامی)

۲۵۶- گزینه «۴»

شکل درست بیت دوم:
«ترک دیوی کنی ملک باشی / ز شرف برتر از فلک باشی»
(هوش کلامی)

۲۵۷- گزینه «۱»

حرف اضافه‌ی «متهم‌کدن»، «به» است نه «از»:
«متقابلًاً یکدیگر را به آلومن و تباھی روح فاوست متهم می‌کردند.»
(هوش کلامی)

۲۵۸- گزینه «۳»

حروف نقطه‌دار الفبای فارسی:
ب پ ت ث ج خ ذ ز ڙ ض ظ غ ف ق ن ي ← ۱۸ تا
حروف بی نقطه الفبای فارسی:
الف ح در س ص ط ع ک گ ل م و ه ي ← ۱۵ تا
با شرط صورت سوال که دو حرف نقطه‌دار آن نباید در کنار هم قرار بگیرند،
می‌توانیم دو حالت را درنظر بگیریم: ۱) حرف وسط بی نقطه باشد. ۲) حرف

(فرزاد شیرمحمدی)

۲۵۹- گزینه «۳»

در ستون سمت راست در ردیف سوم، قطعاً عدد ۴ قرار می‌گیرد، چرا که در آن ستون عده‌های ۳ و ۵ هست و در ردیف وسط عده‌های ۱ و ۲ با این حساب، علامت سؤال ردیف اول نیز قطعاً عدد ۲ است، چرا که در این ستون عده‌های ۵، ۴ و ۳ و در ردیف نخست عدد ۱ هست:

(هوش منطقی ریاضی)

(فرزاد شیرمحمدی)

۲۶۰- گزینه «۳»

جدول را حل می‌کنیم:

ردیف سوم به عدد سه نیاز دارد. این عدد نمی‌تواند در ستون‌های چهارم و پنجم باشد، چرا که این ستون‌ها این عدد را در خود دارند. پس در ستون دوم این ردیف عدد ۳ را قرار می‌دهیم. با همین استدلال عده‌های ۴ و ۵ را نیز در این ردیف می‌گنجانیم. عده‌های ۱ و ۲ نیز به همین طریق در ستون ۳ پنجم قرار می‌گیرد. عدد ۳ در ستون اول، عدد ۱ در ستون چهارم و عدد ۳ در ردیف پنجم به همین ترتیب معلوم می‌شود، ولی خانه‌های باقی‌مانده نامعلوم‌ند.

۱	۲	۳	۴	۵
۱		۱		۳
۲		۵		
۳	۲	۱		
۴			۳	
۵	۱		۵	

(هوش منطقی ریاضی)

(فرزاد شیرمحمدی)

۲۶۱- گزینه «۱»

فرض کنید عدد ۵ در خانهٔ بالا چپ قرار بگیرد. عدد ۴ در تنها خانهٔ باقی‌مانده در ردیف نخست و در تنها خانهٔ باقی‌مانده در ستون نخست قرار می‌گیرد. در ستون دوم هم جایگاه عده‌های ۴ و ۲ معلوم می‌شود. در ستون سوم جایگاه عده‌های ۲ و ۵ و در ستون چهارم جایگاه عده‌های ۲ و ۴ معلوم می‌شود.

۱	۲	۳	۴	۵
۱	۵	۱		۳
۲	۳	۵		۱
۳	۲	۳	۱	۵
۴			۱	۳
۵	۱	۳	۵	

(هوش منطقی ریاضی)

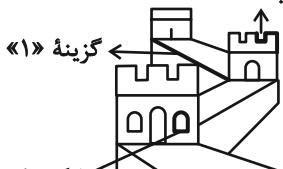


(غیر از شیر محمدی)

«۲۶۷- گزینه»

قسمت هایی که در شکل های دیگر گزینه ها نیست:

«۲» گزینه

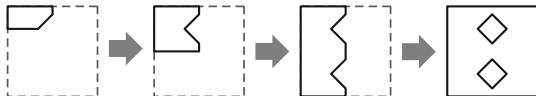


(هوش غیر کلامی)

(کتاب استعداد) (تمیلی هوش کلامی)

«۲۶۸- گزینه»

مراحل ترا پس از طرح و برش، برعکس طی می کنیم:

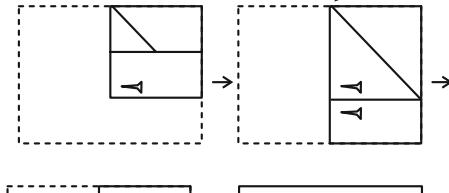


(هوش غیر کلامی)

(فاطمه، راسخ)

«۲۶۹- گزینه»

شکل صورت سؤال پس از باز شدن کاغذ، طبق مراحل زیر:

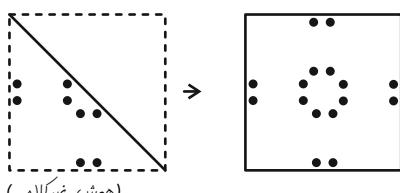
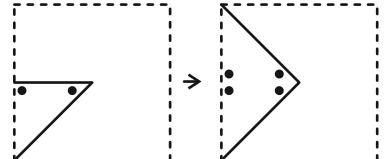


(هوش غیر کلامی)

(سپاه محمدیزار)

«۲۷۰- گزینه»

مراحل باز شدن کاغذ گزینه پاسخ و تبدیل به شکل صورت سؤال پس از سوراخ شدن:



(هوش غیر کلامی)

(فاطمه، راسخ)

«۲۶۲- گزینه»

می توان گفت در الگوی صورت سؤال، همه عددها یک واحد بیشتر از دوبرابر عدد قبلی است. معلوم است که عدد نخست انتخابی بوده است:

$$2 \xrightarrow{\times 2+1} 5 \xrightarrow{\times 2+1} 11$$

پس الگو به این شکل ادامه می یابد:

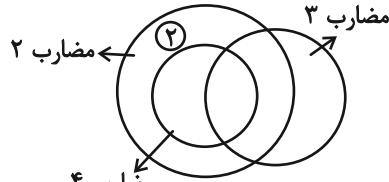
۲, ۵, ۱۱, ۲۳, ۴۷, ۹۵, ۱۹۱, ۳۸۳, ۷۶۷, ۱۵۳۵

سومین عدد سمت راست عدد ۴۷، عدد ۳۸۳ است که دومین عدد سمت چپ عدد ۱۵۳۵ است.

(هوش ریاضی)

«۲۶۳- گزینه»

در الگوی صورت سؤال، اعداد مضرب ۲، اعداد مضرب ۳ و اعداد مضارب ۴ در سه دایره رسم شده اند. دقت کنید عددهای مضرب ۴، همگی مضارب هم هستند، ولی نه برعکس. با این حساب، عدد ۲ باید بیرون از دسته اعداد مضرب ۴ قرار بگیرد.



(هوش منطقی ریاضی)

«۲۶۴- گزینه»

الگوی ثابت:

$$(6+9) \div 5 = 3, 3+5 = 8, 8+5 = 13$$

$$(10+14) \div 8 = 3, 3+8 = 11, 11+8 = 19$$

$$(6+6) \div 12 = 1, 1+12 = 13, 13+12 = 25$$

$$(7+5) \div 3 = 4, 4+3 = 7, 7+3 = 10 \neq 11$$

(هوش منطقی ریاضی)

(سپاه محمدیزار)

«۲۶۵- گزینه»

و داریم:

$$1017 \div 3 = 339$$

$$2564 \div 4 = 641$$

$$3210 \div 5 = 642$$

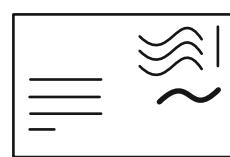
$$6 \times 809 = 4854$$

(هوش منطقی ریاضی)

(فاطمه، راسخ)

«۲۶۶- گزینه»

این قسمت مشخص شده شکل گزینه «۳» در شکل صورت سؤال نیست:



(هوش غیر کلامی)

AzmoonFree.ir



هرچی برای کنکور و امتحانات نهایی لازم
داری رو کاملا رایگان برات فراهم میکنیم.



پخش سوالات آزمون های آزمایشی

AzmoonFree.ir

برای ورود به سایت کلیک کن