

دوازدهم ریاضی



آزمون ۲۶ اردیبهشت ۱۴۰۴

آزمون اختصاصی
گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی

عنوان مواد امتحانی آزمون اختصاصی گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی، تعداد، شماره سؤالات

تأ شماره	از شماره	تعداد سؤال	مواد امتحانی
۴۰	۱	۴۰	حسابان ۲
			هندسه ۳
			ریاضیات گسسته

از نمونه سؤالات امتحانی در سایت کانون به صورت رایگان استفاده کنید

هر ساله با شروع امتحانات، بسیاری از دانش آموزان به سایت کانون می آیند و از نمونه سؤالات امتحانی که همراه با پاسخ تشریحی منتشر می شود، استفاده می کنند. برنامه ی شما برای امتحانات چیست؟
چقدر از وقت خود را صرف تمرین نمونه سؤالات امتحانی خواهید کرد؟

<https://www.kanoon.ir/Public/ExamQuestions>



آزمون «۲۶ اردیبهشت ۱۴۰۴» اختصاصی دوازدهم ریاضی

زنگنه سوال

مدت پاسخ گویی : ۶۰ دقیقه

تعداد کل سؤالات: ۴۰ سؤال

نام درس	تعداد سؤال	شماره سؤال
حسابان ۲	۲۰	۱-۲۰
هندسه ۳	۱۰	۲۱-۳۰
ریاضیات گسسته	۱۰	۳۱-۴۰
جمع کل	۴۰	۱-۴۰

پدیدآورندگان

نام درس	نام طراحان
حسابان ۲	شاهین پروازی-افشین خاصه خان-احمد رضا ذاکر زاده-مریم زارعی-محمد زنگنه-احسان سیفی سلسله-حامد قاسمیان کیان کریمی خراسانی-محمد رضا کشاورزی-مهسان گودرزی-رضا ماجدی-مهرداد ملوندی-علیرضا نداف زاده غلامرضا نیازی
هندسه ۳ و ریاضیات گسسته	امیر حسین ابومحبوب-محمدپارسا سبزه‌ای

گزینشگران و ویراستاران

نام درس	حسابان ۲	هندسه ۳	ریاضیات گسسته
گزینشگر و تبدیل به تست	کیان کریمی خراسانی	محمدپارسا سبزه‌ای	امیر حسین ابومحبوب
گروه ویراستاری	امیر حسین ابومحبوب سیدسپهر متولیان	امیر حسین ابومحبوب امیر محمد کریمی مهرداد ملوندی	امیر حسین ابومحبوب امیر محمد کریمی مهرداد ملوندی
ویراستاران رتبه برتر	محمدپارسا سبزه‌ای	محمدپارسا سبزه‌ای	محمدپارسا سبزه‌ای
مسئول درس	مهرداد ملوندی	سرژ یقیا زاریان تبریزی	سرژ یقیا زاریان تبریزی
مستند سازی	سمیه اسکندری	سجاد سلیمی	سجاد سلیمی
ویراستاران مستند سازی	معصومه صنعت کار - محمد رضا مهدوی		

گروه فنی و تولید

مدیر گروه	مهرداد ملوندی
مسئول دفترچه	نرگس غنی زاده
گروه مستند سازی	مدیر گروه: محیا اصغری مسئول دفترچه: الهه شهبازی
حروف نگار	فرزانه فتح اله زاده
ناظر چاپ	سوران نعیمی

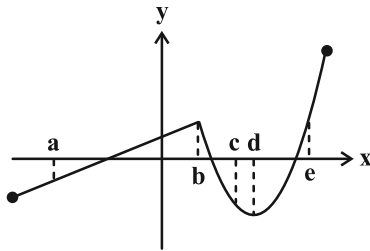
گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلمچی «وقف عام»

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - تلفن: ۰۲۱-۶۴۴۳

وقت پیشنهادی: ۳۰ دقیقه

حسابان ۲: نیم سال دوم: صفحه‌های ۷۱ تا ۱۴۴

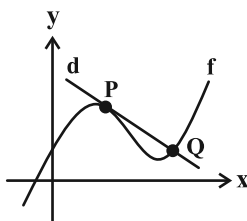
۱- با در نظر گرفتن نمودار تابع f در شکل زیر، چند تا از عبارات زیر صحیح نیست؟(الف) تابع f در نقطه d مشتق پذیر نمی‌باشد.(ب) مقدار و مشتق تابع f در نقطه e اعدادی مثبت هستند.(پ) علامت مشتق در نقاط a و c قرینه یکدیگر است.(ت) $m_e < m_a$

۱ (۴)

۲ (۳)

۳ (۲)

۴ (۱)

۲- مطابق شکل زیر، خط d در نقطه $P(1, 3)$ بر نمودار تابع f مماس و در نقطه $Q(2a+1, a)$ آن را قطع می‌کند. اگر $f'(1) = -1$ باشد، طول پاره خط PQ کدام است؟(۱) $\sqrt{6}$ (۲) $2\sqrt{2}$ (۳) $\sqrt{10}$ (۴) $2\sqrt{3}$ ۳- اختلاف مشتق‌های چپ و راست تابع $f(x) = a|x| \cdot |x-2|$ در $x_0 = 2$ برابر ۶ می‌باشد. مقدار مثبت a کدام است؟

([]، نماد جزء صحیح است.)

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۴- مقدار مشتق تابع $g(x) = \sin^3(2x+1)$ در $x = \frac{\pi}{8} - \frac{1}{2}$ برابر $\frac{a}{\sqrt{2}}$ است. مقدار a برابر با کدام است؟

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۵- اگر $f(3) = 4$ و $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{f(x) - 4}{3x - 9} = 5$ باشد، مشتق تابع $g(x) = x^2 f(x)$ در $x = 3$ کدام است؟

۱۵۹ (۴)

۱۲۹ (۳)

۱۴۴ (۲)

۱۷۴ (۱)

۶- اگر $f'(1) = 2$ ، $g'(1) = 7$ و $f(1) = 1$ ، مقدار مشتق $(f+g)'$ در $x = 1$ کدام است؟

-۱۸ (۴)

۱۸ (۳)

-۱۰ (۲)

۱۰ (۱)

۷- اگر $f(x) = \cos 2x$ و $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f'(\frac{\pi}{8} + h) - f'(\frac{\pi}{8})}{h} = \frac{\sqrt{2}}{2} A$ باشد، آن‌گاه A کدام است؟

۴ (۴)

۶ (۳)

-۴ (۲)

-۶ (۱)

$$f(x) = \begin{cases} x^2 + a, & x \geq 1 \\ ax + b, & x < 1 \end{cases}$$

۸- می‌دانیم تابع روبه‌رو، روی $\mathbb{R}$ مشتق‌پذیر است. مقدار $f(a+b)$ کدام است؟

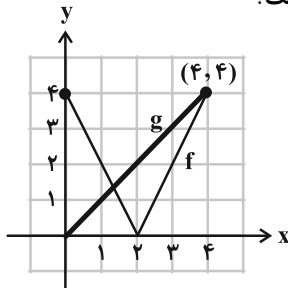
(۴) ۵

(۳) ۷

(۲) ۹

(۱) ۱۱

۹- نمودار دو تابع f و g در شکل زیر رسم شده است. اگر $h(x) = \frac{f(x)}{g(x)}$ باشد، حاصل $h'(1)$ چقدر است؟



(۱) -۱

(۲) -۴

(۳) ۱

(۴) ۴

۱۰- در تابع با ضابطه $f(x) = \frac{8x+1}{2x^2+1}$ ، آهنگ متوسط تغییر تابع در بازه $[1, 4]$ چند برابر آهنگ تغییر لحظه‌ای آن در لحظه $x = -2$ می‌باشد؟

(۴) $-\frac{9}{8}$ (۳) $\frac{9}{8}$ (۲) $-\frac{4}{3}$ (۱) $\frac{4}{3}$

۱۱- تابع $f(x) = \frac{1}{3}x^3 - 4x + 1$ مفروض است. در نقطه $x = a$ ، آهنگ تغییر لحظه‌ای تابع کمتر از آهنگ متوسط تغییر آن در

بازه $[0, 3]$ است. مجموعه مقادیر قابل قبول a کدام است؟

(۴) $(0, 1/5)$ (۳) $(1, 2)$ (۲) $(-\sqrt{3}, \sqrt{3})$ (۱) $(-1, 1)$

۱۲- چه تعداد از گزاره‌های زیر صحیح است؟

الف) اگر تابع $f(x)$ در $x = a$ مشتق‌پذیر باشد، قطعاً در $x = a$ پیوسته است.

ب) اگر تابع $f(x)$ در $x = a$ پیوسته باشد، قطعاً در $x = a$ مشتق‌پذیر است.

ج) هر نقطه اکسترمم نسبی تابع $f(x)$ ، یک نقطه بحرانی تابع $f(x)$ است و بالعکس.

(۴) هر سه نادرست‌اند.

(۳) ۳

(۲) ۲

(۱) ۱

۱۳- اختلاف مقادیر ماکزیمم و مینیمم مطلق تابع $f(x) = 2x^3 + 3x^2 - 12x$ در بازه $[-1, 2]$ برابر با کدام است؟

(۴) ۶

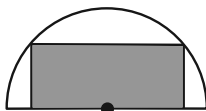
(۳) ۱۲

(۲) ۱۵

(۱) ۲۰

۱۴- مطابق شکل زیر، یک مستطیل در یک نیم‌دایره به شعاع ۲ واحد محاط شده است. محیط مستطیل با بیشترین مساحت ممکن،

چقدر است؟

(۱) $6\sqrt{2}$ (۲) $4\sqrt{2}$ (۳) $2+2\sqrt{2}$ (۴) $2+4\sqrt{2}$ 

۱۵- مقدار ماکزیمم مطلق تابع $f(x) = x\sqrt{6-x}$ کدام است؟

- (۱) ۲ (۲) $2\sqrt{2}$ (۳) ۴ (۴) $4\sqrt{2}$

۱۶- نقطه $(-1, 1)$ اکسترمم نسبی تابع $f(x) = -x^3 + 2ax^2 + b + 1$ می باشد. مقدار $\frac{a}{b}$ کدام است؟

- (۱) $\frac{1}{2}$ (۲) $-\frac{1}{2}$ (۳) $\frac{3}{2}$ (۴) $-\frac{3}{2}$

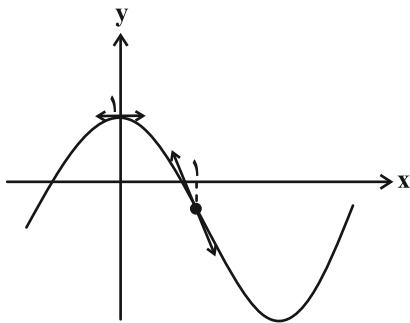
۱۷- تابع $f(x) = (x+2)(x-4)^2$ در فاصله (a, b) ، هم نزولی و هم تقعر رو به بالا دارد. بیشترین مقدار $b-a$ کدام است؟

- (۱) ۲ (۲) ۴ (۳) ۳ (۴) ۶

۱۸- در تابع $f(x) = ax^3 + bx^2 - 1$ ، نقطه $A(1, 1)$ نقطه عطف منحنی می باشد. مقدار $a-b$ کدام است؟

- (۱) ۲ (۲) -۲ (۳) ۴ (۴) -۴

۱۹- منحنی تابع $f(x) = x^3 + ax^2 + bx + c$ به شکل زیر است. حاصل $a+b+c$ کدام است؟



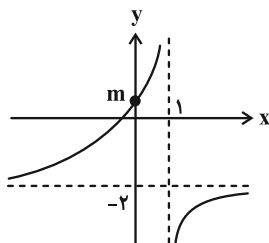
(۱) صفر

(۲) -۱

(۳) -۲

(۴) -۳

۲۰- اگر نمودار تابع $f(x) = \frac{ax-1}{x-b}$ به صورت زیر باشد، مقدار $f(2m)$ چقدر است؟



(۱) -۵

(۲) -۶

(۳) -۸

(۴) -۱۰

وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

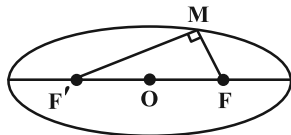
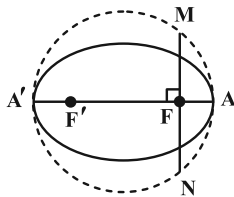
هندسه ۳: نیم سال دوم: صفحه‌های ۴۷ تا ۸۴

۲۱- کدام یک از موارد زیر درست‌اند؟

الف) در حالتی که خروج از مرکز بیضی برابر صفر باشد، بیضی تبدیل به پاره‌خط می‌شود.

ب) برای دو بردار غیر صفر $\vec{a}$ و $\vec{b}$ ، داریم $\vec{a} \cdot (\vec{a} \times \vec{b}) = 0$.پ) نقطه با مختصات $(-2, 3, -4)$ در ناحیه (کنج) شماره ۵ محورهای مختصات سه بعدی واقع است.ت) خط به معادلات $(x=2, y=3)$ بر صفحه xy عمود است.

(۱) الف، ت (۲) ب، ت (۳) ب، پ (۴) پ، ت

۲۲- نقطه M روی بیضی شکل زیر با طول قطر بزرگ ۱۰ واحد به گونه‌ای قرار دارد که فاصله آن تا مرکز بیضی برابر ۴ واحد است. اگرمثلث MFF' در رأس M قائم‌الزاویه باشد، فاصله M به نزدیک‌ترین کانون چقدر است؟(۱) $2 + \sqrt{3}$ (۲) $6 - 2\sqrt{2}$ (۳) $3 + \sqrt{2}$ (۴) $5 - \sqrt{7}$ ۲۳- قطر دایره شکل زیر، قطر بزرگ بیضی است. از کانون F عمودی بر قطر AA' رسم کرده‌ایم تا دایره را در نقاط M و N قطع کند.اگر خروج از مرکز بیضی برابر $\frac{7}{9}$ و همچنین فاصله کانونی آن ۷ باشد، طول پاره‌خط MN چقدر است؟(۱) $2\sqrt{2}$ (۲) $\sqrt{6}$ (۳) $4\sqrt{2}$ (۴) $2\sqrt{6}$ ۲۴- سهمی به معادله $y^2 = 4x - 4$ مفروض است. به مرکز کانون سهمی و به شعاع ۳ دایره‌ای رسم می‌کنیم. حاصل ضرب عرض نقاط

برخورد دایره و سهمی کدام است؟

(۱) -۶ (۲) -۸ (۳) -۹ (۴) -۱۲

۲۵- در یک دیش مخابراتی به شکل سهموی با دهانه دایره‌ای به قطر ۶۰ واحد و گودی (عمق) ۹ واحد، فاصله کانونی چقدر است؟

(۱) ۳۰ (۲) ۱۵ (۳) ۲۰ (۴) ۲۵

۲۶- به ازای کدام مقدار n ، زاویه بین دو بردار $\vec{a} = (2, -1, n)$ و $\vec{b} = (1, 0, -1)$ برابر با 135° درجه است؟(۱) $-\frac{1}{2}$ (۲) $-\frac{1}{4}$ (۳) $\frac{1}{2}$ (۴) $\frac{1}{4}$ ۲۷- بردارهای $\vec{a} = (-\frac{3}{2}, \frac{1}{2}, \frac{1}{2})$ و $\vec{b} = (1, 0, 1)$ مفروض‌اند. مجموع مؤلفه‌های تصویر قائم بردار $2\vec{a} - \vec{b}$ بر امتداد بردار $\vec{b}$ چقدر است؟

(۱) -۴ (۲) ۴ (۳) -۲ (۴) ۲

۲۸- اگر طول بردارهای $\vec{a}$ و $\vec{b}$ به ترتیب ۴ و ۶ باشد و $\vec{a} \cdot \vec{b} = 12$ ، در این صورت مساحت مثلث بنا شده توسط دو بردار $\vec{a}$ و $\vec{b}$ چقدر است؟(۱) $6\sqrt{2}$ (۲) $4\sqrt{2}$ (۳) $6\sqrt{3}$ (۴) $4\sqrt{3}$ ۲۹- مساحت متوازی‌الاضلاعی که توسط بردارهای $\vec{a}$ و $\vec{b}$ ساخته می‌شود برابر $6\sqrt{3}$ است. اگر $|\vec{a}| = 4$ و $|\vec{b}| = 3$ باشد،حاصل $\vec{a} \cdot (\vec{a} - \vec{b})$ کدام است؟ (زاویه بین دو بردار $\vec{a}$ و $\vec{b}$ حاده است.)

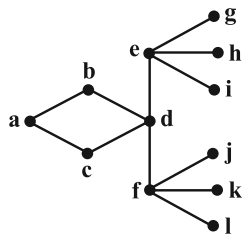
(۱) ۱۰ (۲) ۱۲ (۳) ۱۵ (۴) ۱۸

۳۰- سه بردار $\vec{a} = (m, -1, 1)$ ، $\vec{b} = (1, -1, 1)$ و $\vec{c} = (1, m, -2)$ در یک صفحه واقع‌اند. اختلاف مقادیر ممکن برای m کدام است؟

(۱) ۴ (۲) ۳ (۳) ۲ (۴) ۱

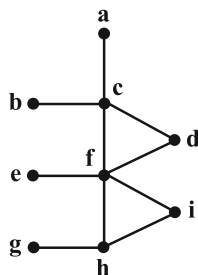
وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

ریاضیات گسسته: نیم سال دوم: صفحه‌های ۴۳ تا ۸۴



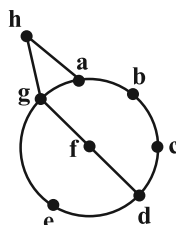
۳۱- بزرگ‌ترین مجموعه احاطه‌گر مینیمال گراف شکل زیر، چند عضو دارد؟

- (۱) ۴
(۲) ۶
(۳) ۸
(۴) ۱۰



۳۲- گراف G در شکل زیر، چند مجموعه احاطه‌گر مینیمم دارد؟

- (۱) ۱
(۲) ۲
(۳) ۳
(۴) ۴



۳۳- عدد احاطه‌گری شکل زیر کدام است؟

- (۱) ۲
(۲) ۳
(۳) ۴
(۴) ۵

۳۴- اگر داشته باشیم $A = \{۷, ۸, ۹\}$ و $B = \{a, b, c, d, e, f\}$ ، آن‌گاه چند کد افقی با ۶ کاراکتر متمایز می‌توان نوشت که هر یک

شامل دو رقم از A و چهار حرف از B باشد؟

- (۱) $۴۵ \times ۶!$ (۲) $۳۰ \times ۶!$ (۳) $۶ \times ۷!$ (۴) $۵ \times ۷!$

۳۵- هشت نفر به چند طریق می‌توانند در سه اتاق سه نفره، چهار نفره و یک نفره قرار گیرند؟

- (۱) ۲۴۰ (۲) ۲۸۰ (۳) ۳۶۰ (۴) ۴۲۰

۳۶- معادله $x_1 + 2\sqrt{x_2} + x_3 + x_4 = ۵$ چند جواب صحیح نامنفی دارد؟

- (۱) ۱۰ (۲) ۲۱ (۳) ۳۱ (۴) ۳۴

۳۷- یک قفل رمزدار شامل ۴ رقم از صفر تا ۵ است. اگر بدانیم رمز بسته شده روی قفل، حداقل یک رقم ۱ و یک رقم ۲ را شامل

می‌شود، چند رمز متفاوت برای این قفل می‌توان ساخت؟

- (۱) ۳۰۲ (۲) ۲۸۸ (۳) ۲۷۰ (۴) ۲۵۶

۳۸- به چند طریق می‌توان ۵ سیب متمایز را بین ۳ نفر توزیع کرد به طوری که هر نفر حداقل یک سیب داشته باشد؟

- (۱) ۸۴ (۲) ۹۶ (۳) ۱۲۰ (۴) ۱۵۰

۳۹- به چند طریق می‌توان ۳ کلاه متفاوت را بین ۷ نفر توزیع کرد به شرط آن‌که به هر نفر حداکثر یک کلاه داده شود؟

- (۱) ۷۰ (۲) ۱۴۰ (۳) ۲۱۰ (۴) ۲۸۰

۴۰- حداقل چند دانش‌آموز در حیاط یک دبیرستان حضور داشته باشند تا مطمئن باشیم دست‌کم ۱۲ نفر از آن‌ها متعلق به یک پایه

تحصیلی (دهم، یازدهم، دوازدهم) و یک رشته تحصیلی (ریاضی، تجربی، انسانی) هستند؟

- (۱) ۹۹ (۲) ۱۰۰ (۳) ۶۶ (۴) ۶۷

دوازدهم ریاضی



آزمون ۲۶ اردیبهشت ۱۴۰۴

آزمون اختصاصی
گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی

عنوان مواد امتحانی آزمون اختصاصی گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی، تعداد، شماره سؤالات

تعداد سؤال	از شماره	تا شماره	مواد امتحانی
۲۰	۴۱	۶۰	فیزیک ۳
۲۰	۶۱	۸۰	شیمی ۳



آزمون «۲۶ اردیبهشت ۱۴۰۴» اختصاصی دوازدهم ریاضی

دفتر علمی

مدت پاسخ گویی: ۵۰ دقیقه

تعداد کل سؤالات: ۴۰ سؤال

نام درس	تعداد سؤال	شماره سؤال
فیزیک ۳	۲۰	۴۱-۶۰
شیمی ۳	۲۰	۶۱-۸۰
جمع کل	۶۰	۴۱-۸۰

پدیدآورندگان

نام درس	نام طراحان
فیزیک ۳	مهران اسماعیلی-حسین الهی-زهره آقامحمدی-علیرضا جباری-مسعود خندانی-معصومه شریعت ناصری محمد کاظم منشادی-سیده ملیحه میر صالحی
شیمی ۳	هدی بهاری پور-امیر علی بیات-محمدرضا پور جاوید-سعید تیزرو-محمدرضا جمشیدی-امیر مسعود حسینی حمید ذبحی-رسول عابدینی زواره-محمد عظیمیان زواره-محسن مجنونی

گزینشگران و ویراستاران

نام درس	فیزیک ۳	شیمی ۳
گزینشگر و تبدیل به تست	مصطفی کیانی	امیر علی بیات
گروه ویراستاری	بهنام شاهینی حسین بصیر ترکمبور زهره آقامحمدی	محمدحسن محمدزاده مقدم یاسر راش آرش ظریف
ویراستاران رتبه برتر	سینا صالحی	احسان پنجه شاهی
مسئول درس	حسام نادری	امیر علی بیات
مستند سازی	علیرضا همایون خواه	امیر حسین توحیدی
ویراستاران مستند سازی	پرهام مهر آرا سجاد بهارلویی ابراهیم نوری	آرمان ستاری محسن دستجردی آتیلا ذاکری

گروه فنی و تولید

مدیر گروه	مهرداد ملوندی
مسئول دفترچه	نرگس غنی زاده
گروه مستند سازی	مدیر گروه: محیا اصغری مسئول دفترچه: الهه شهبازی
حروف نگار	فرزانه فتح اله زاده
ناظر چاپ	سوران نعیمی

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلمچی «وقف عام»

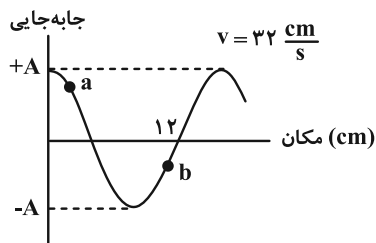
دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - تلفن: ۰۲۱-۶۴۴۳

وقت پیشنهادی: ۳۰ دقیقه

فیزیک ۳: نیم سال دوم: صفحه‌های ۶۹ تا ۱۵۶

۴۱- شکل زیر، یک موج سینوسی را در یک لحظه از زمان نشان می‌دهد که در طول ریسمان کشیده شده‌ای حرکت می‌کند. اگر در

لحظه نشان داده شده، ذره a به سمت بالا حرکت کند، شتاب ذره b در حال و بسامد این موج هرگز می‌باشد.



(۱) کاهش، ۵/۰

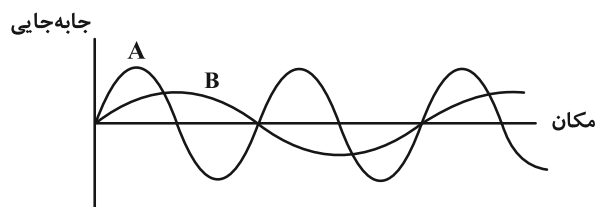
(۲) افزایش، ۲

(۳) کاهش، ۲

(۴) افزایش، ۵/۰

۴۲- نمودار جابه جایی- مکان دو موج صوتی A و B که در یک محیط منتشر شده‌اند، به صورت شکل زیر است. کدام گزینه به ترتیب

از راست به چپ مقایسه بسامد (f)، طول موج (λ) و دامنه (A) دو موج را به درستی نشان می‌دهد؟

(۱) $A_A > A_B$ ، $\lambda_B > \lambda_A$ ، $f_B < f_A$ (۲) $A_A > A_B$ ، $\lambda_B < \lambda_A$ ، $f_B < f_A$ (۳) $A_A < A_B$ ، $\lambda_B < \lambda_A$ ، $f_B = f_A$ (۴) $A_A > A_B$ ، $\lambda_B > \lambda_A$ ، $f_B > f_A$

۴۳- تراز شدت صوتی ۶۲ dB است. شدت این صوت چند میکرووات بر مترمربع است؟ ($\log 2 \approx 0.3$ و $I_0 = 10^{-12} \frac{W}{m^2}$)

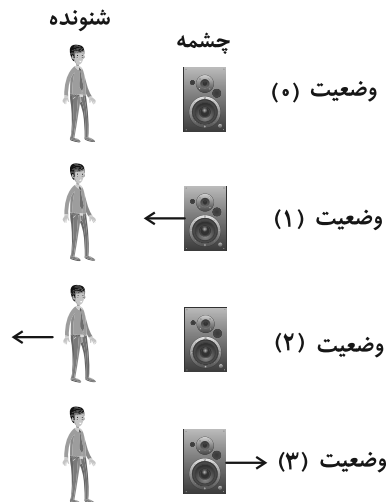
(۲) ۲/۴

(۱) ۱/۶

(۴) ۴/۸

(۳) ۳/۲

۴۴- شکل زیر جهت های حرکت یک چشمه صوتی و یک شنونده را در وضعیت های مختلف نشان



می دهد. کدام گزینه درباره بسامد دریافتی شنونده درست است؟

$$f_p < f_s, \quad f_s = f_l = f_p \quad (1)$$

$$f_s = f_l = f_p = f_p \quad (2)$$

$$f_p < f_s, \quad f_p < f_s, \quad f_l > f_s \quad (3)$$

$$f_p = f_s, \quad f_p < f_s, \quad f_l > f_s \quad (4)$$

۴۵- شخصی در فاصله ۴۸۰ متری از یک دیوار بلند و قائم ایستاده است و رو به آن فریاد می زند. شخص پژواک صدای خود را پس از ۳

ثانیه می شنود. تندی صوت در هوا چند متر بر ثانیه است؟

$$320 \quad (2)$$

$$300 \quad (1)$$

$$380 \quad (4)$$

$$360 \quad (3)$$

۴۶- پرتوی نوری با زاویه تابش 30° از شیشه وارد محیط شفاف دیگر می شود. اگر زاویه شکست این پرتو در محیط دوم 45° باشد،

طول موج نور در محیط دوم چند برابر طول موج نور در محیط اول است؟

$$\frac{\sqrt{2}}{2} \quad (2)$$

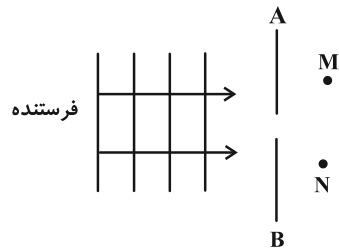
$$\sqrt{2} \quad (1)$$

$$0.5 \quad (4)$$

$$1 \quad (3)$$

۴۷- مطابق شکل، یک فرستنده رادیویی، امواجی را به طرف صفحه AB و شکاف روی آن، تابش می کند. گیرنده های M و N این امواج

را دریافت نمی کنند. برای آن که این امواج به گیرنده های M و N نیز برسد، کدام یک از موارد زیر را می توانیم انجام دهیم؟



الف) شکاف را باریک تر کنیم.

ب) طول موج فرستنده را افزایش دهیم.

پ) بسامد موج فرستنده را افزایش دهیم.

ت) گیرنده های M و N را به طرف چپ (به سمت صفحه AB) حرکت دهیم.

(۲) الف و پ

(۱) الف و ب

(۴) پ و ت

(۳) ب و ت

۴۸- بسامد دو هماهنگ متوالی یک تار مرتعش دو سر بسته، 300 Hz و 360 Hz است. بسامد ارتعاش این تار چند هرتز باشد تا در آن

۵ گره ایجاد شود؟

(۴) ۴۲۰

(۳) ۳۶۰

(۲) ۳۰۰

(۱) ۲۴۰

۴۹- وقتی آب را داخل پارچ استوانه ای می ریزیم، با پر شدن آب، بسامد صدایی که می شنویم خواهد شد، یعنی صدا را خواهیم شنید.

(۴) کمتر- بم تر

(۳) بیشتر- زیر تر

(۲) کمتر- زیر تر

(۱) بیشتر- بم تر

۵۰- حداقل انرژی لازم برای جدا کردن یک الکترون از سطح فلز طلا برابر $5/2\text{ eV}$ است. نور تکفام با طول موج چند نانومتر بر سطح

یک قطعه طلا بتابد تا انرژی جنبشی سریع ترین فوتوالکترون های گسیل شده از آن برابر 8 eV باشد؟

$$(h = 4 \times 10^{-15} \text{ eV.s} \text{ و } c = 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}})$$

(۴) ۲۰۰

(۳) ۱۶۰

(۲) ۱۴۰

(۱) ۱۰۰

۵۱- در گذار الکترون از تراز n_U به n_L در اتم هیدروژن، فوتونی با بسامد $7/14 \times 10^{14} \text{ Hz}$ در محدوده مرئی گسیل می‌شود. تراز n_U

کدام است؟ ($E_R = 13/6 \text{ eV}$ و $h = 4 \times 10^{-15} \text{ eV.s}$)

(۴) ۷

(۳) ۶

(۲) ۵

(۱) ۴

۵۲- در اتم هیدروژن، بلندترین طول موج گسیلی در رشته پاشن ($n' = 3$) تقریباً چند نانومتر است؟ ($R = 0.01 \text{ (nm)}^{-1}$)

(۴) ۲۰۵۷

(۳) ۱۰۸۴

(۲) ۱۰۵۷

(۱) ۲۰۸۴

۵۳- الکترونی در سومین حالت برانگیخته اتم هیدروژن قرار دارد. اگر الکترون، یک بار از این حالت به حالت پایه جهش کند و بار

دیگر، بلندترین طول موج ممکن را جذب کند، اندازه اختلاف طول موج تابشی و جذبی در این دو حالت چند نانومتر است؟

($E_R = 13/6 \text{ eV}$ و $hc = 1224 \text{ eV.nm}$)

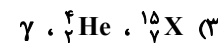
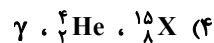
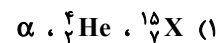
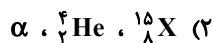
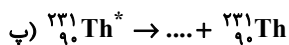
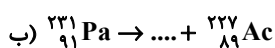
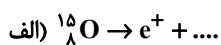
(۴) ۳۹۰۴

(۳) ۱۸۵۱

(۲) ۳۰۴

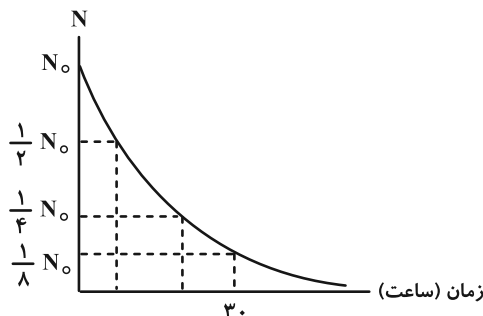
(۱) ۹۶

۵۴- کدام گزینه معادلات واپاشی زیر را به درستی تکمیل می‌کند؟ (گزینه‌ها را به ترتیب از راست به چپ بخوانید.)



۵۵- نمودار زیر، تعداد هسته‌های فعال باقی‌مانده یک ماده پرتوزا بر حسب زمان را نشان می‌دهد. پس از گذشت ۷۰ ساعت چه کسری

از هسته‌های اولیه واپاشیده شده است؟



$$(1) \frac{1}{128}$$

$$(2) \frac{1}{256}$$

$$(3) \frac{127}{128}$$

$$(4) \frac{255}{256}$$

۵۶- کدام یک از عبارتهای زیر درست است؟

(الف) گرافیت و کادمیم، دو ماده کندساز در واکنش‌های شکافت هسته‌ای هستند.

(ب) سطح ترازهای انرژی نوکلئون‌ها در هسته، بسیار بالاتر از ترازهای انرژی الکترون‌ها در اتم است.

(پ) در واپاشی بتا، اختلاف تعداد پروتون‌ها و نوترون‌های هسته دختر نسبت به هسته مادر، به اندازه دو واحد تغییر می‌کند.

(ت) پس از گذشت سه نیمه‌عمر، ۷۵ درصد هسته‌های یک ماده پرتوزا، واپاشی می‌شود.

(۴) پ و ت

(۳) الف و ت

(۲) ب و پ

(۱) الف و ب

۵۷- تابش فرابنفش با طول موج 200 nm بر سطح یک تیغه فلزی می‌تابد. اگر طول موج آستانه برای این فلز 248 nm باشد، بیشینه

انرژی جنبشی فوتوالکترون‌های جدا شده از سطح فلز چند ژول است؟ ($e = 1.6 \times 10^{-19} \text{ C}$ ، $hc = 1240 \text{ eV} \cdot \text{nm}$)

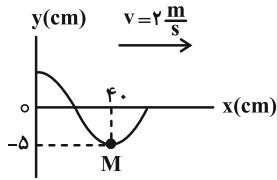
$$(2) 6/2 \times 10^{-20}$$

$$(1) 1/2 \times 10^{-19}$$

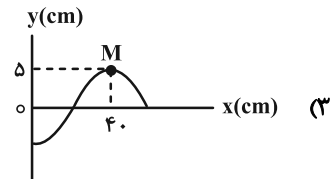
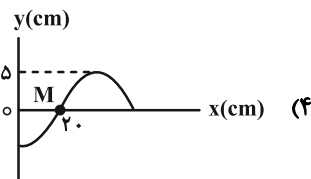
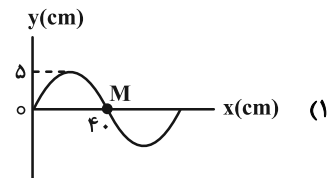
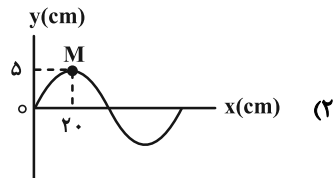
$$(4) 7/5 \times 10^{-20}$$

$$(3) 1/92 \times 10^{-19}$$

۵۸- شکل زیر نقش یک موج عرضی را در یک ریسمان کشیده شده در لحظه $t = 0$ نشان می‌دهد. نقش موج در لحظه $t = \frac{1}{5}$ s و مکان



ذره M در این لحظه در کدام گزینه به درستی نشان داده شده است؟



۵۹- پرتوی نوری از هوا وارد یک محیط شفاف می‌شود. اگر زاویه تابش 53° و زاویه شکست در محیط شفاف 37° باشد، تندی نور در

محیط شفاف چند متر بر ثانیه است و بسامد نور هنگام عبور از مرز دو محیط چگونه تغییر می‌کند؟

$$(c = 3 \times 10^8 \frac{m}{s}, \sin 53^\circ = 0.4 \text{ و } \sin 37^\circ = 0.6)$$

(۱) 3×10^8 ، کاهش می‌یابد. (۲) $2/25 \times 10^8$ ، کاهش می‌یابد.

(۳) 2×10^8 ، تغییری نمی‌کند. (۴) $2/25 \times 10^8$ ، تغییری نمی‌کند.

۶۰- تار به طول ۴۰ cm بین دو انتهای ثابت بسته شده است. اگر سه بسامد تشدید متوالی در این تار به ترتیب

برابر ۱۵۰ Hz ، ... ، ۳۰۰ Hz باشد، به ترتیب بسامد هماهنگ اول و تندی انتشار موج در تار در SI چقدر هستند؟

(۱) ۱۲۰ ، ۱۵۰ (۲) ۶۰ ، ۷۵ (۳) ۱۲۰ ، ۷۵ (۴) ۶۰ ، ۱۵۰

وقت پیشنهادی: ۲۰ دقیقه

شیمی ۳: نیم سال دوم: صفحه‌های ۶۷ تا ۱۲۳

۶۱- چند مورد از عبارت‌های زیر نادرست هستند؟

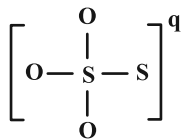
- سیلیسیم در طبیعت به حالت خالص یافت نشده و به‌طور عمده به شکل سیلیس وجود دارد.
- استفاده از واژه «مولکول» برای یکی از سه ترکیب «گلوکز، سیکلوهگزان و نفتالن» نادرست است.
- ساختار سیلیسیم همانند الماس بوده اما نقطه ذوب آن پایین‌تر است.
- ذوب شدن یخ خشک و سیلیس با غلبه بر نیروهای بین مولکولی مشابهی صورت می‌پذیرد.
- میانگین آنتالپی پیوند Si-C از Si-Si بیشتر بوده و کمتر از C-C می‌باشد.

۱ (۱) ۲ (۲) ۳ (۳) ۴ (۴)

۶۲- درستی یا نادرستی عبارت‌های زیر در کدام گزینه به درستی آمده است؟ (گزینه‌ها را از راست به چپ بخوانید.)

الف) در مولکول SO_3 تراکم بار الکتریکی منفی روی اتم مرکزی کمتر از اتم‌های کناری بوده و این مولکول برخلاف مولکول آمونیاک در میدان الکتریکی جهت‌گیری نمی‌کند.

ب) از بین ترکیب‌های « $\text{Br}_2(\text{l})$, $\text{NaCl}(\text{s})$, $\text{SiC}(\text{s})$, $\text{Au}(\text{s})$, $\text{K}_2\text{SO}_4(\text{s})$ » تنها یک ماده دارای خواص و رفتاری شبیه الماس و یک



ماده دارای ساختار مولکولی است.

پ) با رعایت قاعده هشت‌تایی و قرار دادن الکترون‌های ناپیوندی، بار الکتریکی یون مقابل «۲-» خواهد بود.

(۱) درست- درست- درست (۲) درست- نادرست- درست

(۳) نادرست- درست- نادرست (۴) نادرست- نادرست- نادرست

۶۳- با توجه به اطلاعات داده شده در جدول زیر کدام گزینه درست است؟ (X و Y فلزات قلیایی‌اند.)

ماده	نقطه ذوب ($^{\circ}\text{C}$)	نقطه جوش ($^{\circ}\text{C}$)
YBr	۷۳۴	۱۴۳۵
P_4	۴۴/۱۵	۲۸۰/۵
XF	۹۹۶	۱۷۰۴

(۱) به دلیل کمتر بودن نقطه ذوب P_4 این ماده در گستره دمایی کمتری به حالت مایع است.

(۲) شعاع یونی X^+ را کمتر از شعاع یونی Y^+ می‌توان در نظر گرفت.

(۳) نیروی جاذبه بین مولکولی در XF قوی‌تر است بنابراین نقطه ذوب آن بالاتر است.

(۴) XF و YBr جامدات یونی و P_4 جامد کووالانسی است.

۶۴- کدام یک از عبارتهای زیر نادرست است؟

(۱) آنتالپی فروپاشی شبکه پتاسیم کلرید بیشتر از آنتالپی فروپاشی شبکه پتاسیم برمید است.

(۲) میانگین آنتالپی پیوند C-C بیشتر از میانگین آنتالپی پیوند Si-Si است.

(۳) آلیاژ نیتینول به آلیاژ هوشمند معروف است و در ساخت فراوردههای پزشکی و قاب عینک استفاده می شود.

(۴) مولکول SO_2 یک مولکول قطبی و خمیده است که در نقشه پتانسیل الکتروستاتیکی آن اتم مرکزی بیشتر به رنگ سرخ است.

۶۵- با توجه به جدول زیر کدام عنصر یک فلز است و نسبت اندازه بار یون A به یون B به ترتیب کدام است؟ (گزینه ها را از راست به چپ بخوانید).

عنصر	شعاع اتمی (pm)	شعاع یونی (pm)	نسبت مقدار بار به شعاع یون
A	۱۰۲	۱۸۴	$۱/۰۹ \times ۱۰^{-۲}$
B	۱۶۰	۷۲	$۲/۷۷ \times ۱۰^{-۲}$

(۱) A ، ۱

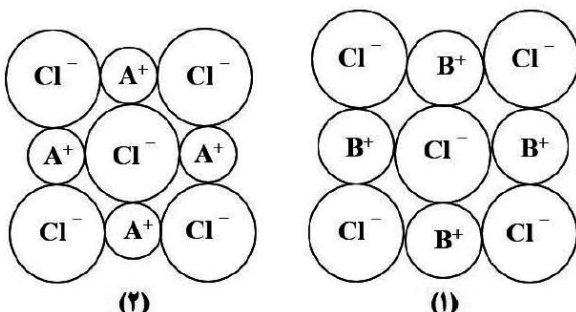
(۲) B ، ۱

(۳) A ، ۲

(۴) B ، ۲

۶۶- با توجه به شکل های زیر که الگویی ساده از ساختار دو ترکیب یونی را نشان می دهد؛ کدام گزینه درست است؟

(۱) آنتالپی فروپاشی شبکه ساختار (۱) از ساختار (۲) بیشتر است.



(۲) نسبت بار به شعاع آنیون داده شده با شعاع یونی ۱۸۱ pm،

تقریباً برابر $۰/۰۰۵۵ \text{ e} \cdot \text{pm}^{-۱}$ است.

(۳) اگر A و B فلزهای قلیایی باشند، شماره دوره عنصر B

از A کوچک تر است.

(۴) اگر B سومین عنصر گروه اول جدول تناوبی باشد، عدد کوئوردیناسیون آن در ترکیب یونی BCl برابر با ۴ خواهد بود.

۶۷- آنتالپی فروپاشی شبکه NaCl و KBr به ترتیب ۷۸۷ و ۶۸۹ کیلوژول بر مول است. کدام یک از اعداد داده شده را می توان به

آنتالپی فروپاشی شبکه KCl نسبت داد؟

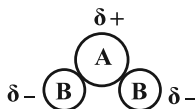
۸۴۰ (۴)

۱۰۳۷ (۳)

۶۴۹ (۲)

۷۱۷ (۱)

۶۸- همه عبارت های زیر درست اند، به جز ...



(۱) شکل روبهرو نقشه پتانسیل الکترواستاتیکی مولکول OF_2 را نشان می دهد.

(۲) در شرایط یکسان آنتالپی فروپاشی شبکه بلور NaBr از NaCl کمتر است.

(۳) تعداد الکترون های دریای الکترونی در نمونه ای از یک عنصر فلزی، وابسته به جرم و شمار الکترون های ظرفیت آن است.

(۴) در ساخت مبدل کاتالیستی خودروهای دیزلی از آمونیاک به عنوان کاتالیزگر استفاده می شود.

۶۹- چند مورد از عبارت های زیر درست است؟

• سختی سیلیس بیشتر از CO_2 می باشد.

• در شبکه بلوری فلزها، الکترون های نزدیک به هسته، سازنده دریای الکترونی هستند.

• رفتار فیزیکی مواد مولکولی همانند چگالی و دمای جوش به الکترون های ظرفیت بستگی دارد.

• در فناوری تولید انرژی الکتریکی از پرتوهای خورشیدی، شارژ مولکولی منبع ذخیره انرژی گرمایی است.

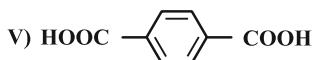
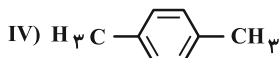
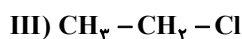
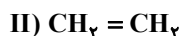
۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۷۰- با توجه به ترکیب های مقابل چند مورد از عبارت های زیر درست است؟



(آ) ترکیب های I و V مونومرهای سازنده PET می باشند.

(ب) مواد II و IV برخلاف ماده V در نفت خام یافت می شوند.

(پ) از ترکیب III در افشانه های بی حس کننده موضعی استفاده می شود.

(ت) در تبدیل ماده IV به ماده V، عدد اکسایش تنها چهار اتم کربن بدون تغییر باقی می ماند.

(ث) از واکنش ترکیب II با هیدروژن کلرید در شرایط مناسب می توان ترکیب III را تهیه کرد.

۵ (۴)

۴ (۳)

۳ (۲)

۲ (۱)

۷۱- چه تعداد از عبارتهای زیر صحیح است؟

- از گاز اتان برای تولید ماده صنعتی CH_3OH استفاده می‌شود.
- در تبدیل پارازایلن به ترفتالیک اسید از محلول رقیق پتاسیم پرمنگنات استفاده می‌شود.
- از طیف‌سنجی فروسرخ می‌توان برای شناسایی آلاینده‌هایی مانند اکسیدهای نیتروژن در هواکره استفاده کرد.
- در فرایند هابر، کاهش دما همانند افزایش غلظت N_2 ، تعادل را در جهت رفت جابه‌جا می‌کند.
- در مبدل کاتالیستی خودروهای بنزینی برای کاهش انرژی فعال‌سازی و گرمای آزاد شده در واکنش تبدیل CO به CO_2 ، از کاتالیزگر استفاده می‌شود.

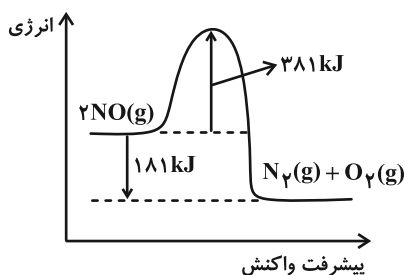
۴ (۴)

۱ (۳)

۳ (۲)

۲ (۱)

۷۲- با توجه به نمودار زیر، پاسخ درست هر یک از پرسش‌های زیر در کدام گزینه آمده است؟



الف) انرژی فعال‌سازی واکنش چند کیلوژول است؟

ب) مجموع آنتالپی پیوندها در واکنش دهنده‌ها بیشتر است یا فراورده‌ها؟

پ) استفاده از کاتالیزگر در واکنش، کدام عدد را در نمودار تغییر می‌دهد؟

(۲) ۵۶۲، واکنش‌دهنده‌ها، ۵۶۲

(۱) ۳۸۱، فراورده‌ها، ۵۶۲

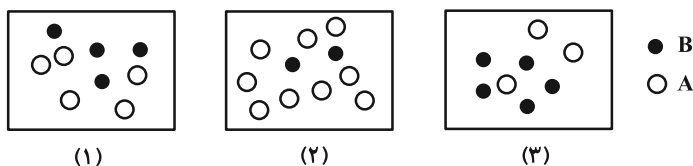
(۴) ۵۶۲، واکنش‌دهنده‌ها، ۱۸۱

(۳) ۳۸۱، فراورده‌ها، ۱۸۱

۷۳- شکل‌های زیر واکنش تعادلی $2A(g) \rightleftharpoons B(g)$ را در سه دمای متفاوت نشان می‌دهد. اگر دما در شکل (۱) $25^{\circ}C$ باشد، کدام

شکل (۲) یا (۳) تعادل را در دمای $5^{\circ}C$ نشان می‌دهد، و اگر هر ذره را معادل 0.1 مول در نظر بگیریم، مقدار ثابت تعادل

واکنش در شکل (۱) با فرض این که حجم سامانه ۵ لیتر باشد، کدام است؟



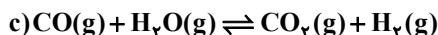
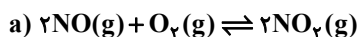
شکل (۲)، ۸

شکل (۳)، ۸

شکل (۲)، ۸۰

شکل (۳)، ۸۰

۷۴- چه تعداد از عبارت‌های زیر در مورد سامانه‌های تعادلی زیر درست است؟



• واحد ثابت تعادل واکنش (a)، $L \cdot mol^{-1}$ است.

• تنها در واکنش (b)، با افزایش حجم در دمای ثابت مقدار فراورده‌ها افزایش می‌یابد.

• افزایش فشار بر سامانه (c)، برخلاف سامانه‌های (a) و (b) نمی‌تواند باعث جابه‌جایی تعادل شود.

• میزان پیشرفت واکنش در سامانه (b) در دماهای بالاتر بیشتر است.

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۷۵- اگر در واکنش (I) مجموع آنتالپی پیوند واکنش‌دهنده‌ها کوچک‌تر از مجموع آنتالپی فراورده‌ها بوده و در واکنش (II)

واکنش‌دهنده‌ها پایدارتر از فراورده‌ها باشند، کدام مطلب همواره درست است؟

(۱) واکنش (I) در دمای اتاق انجام‌پذیر بوده در حالی که واکنش (II) برای انجام شدن به دماهای بالاتری نیاز دارد.

(۲) سرعت انجام واکنش (I) بیشتر از سرعت انجام واکنش (II) خواهد بود.

(۳) در صورت استفاده از کاتالیزگر مناسب در واکنش (II)، سرعت واکنش افزایش یافته و آنتالپی واکنش تغییر نمی‌کند.

(۴) قدرمطلق ΔH واکنش (I) از قدرمطلق ΔH واکنش (II) کمتر می‌باشد.

۷۶- کدام گزینه درباره واکنش‌های مستقیم و غیرمستقیم تولید متانول از ساده‌ترین آلکان نادرست است؟

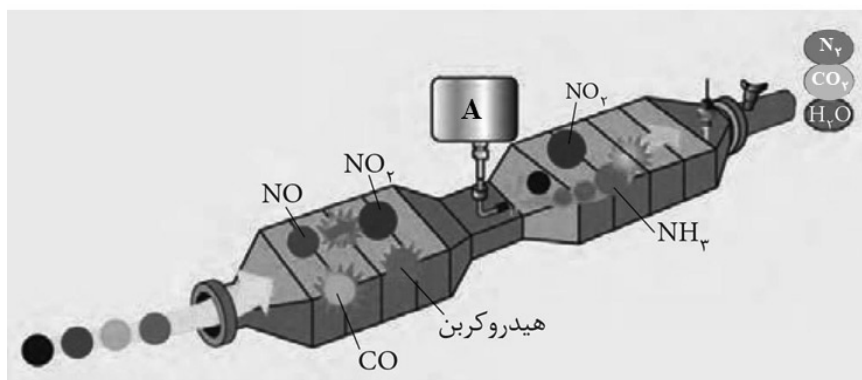
(۱) در واکنش تولید متانول به روش غیرمستقیم، دمای لازم برای انجام مرحله اول، واکنش بیشتر از دمای لازم برای انجام مرحله دوم است.

(۲) واکنش‌دهنده لازم برای تولید متانول به روش مستقیم، همان واکنش‌دهنده لازم برای تولید ترفتالیک اسید در حضور کاتالیزگر و با بازده مطلوب است.

(۳) مرحله اول واکنش تولید متانول به روش غیرمستقیم، برخلاف مرحله دوم آن نیاز به کاتالیزگر ندارد.

(۴) تولید متانول برای تبدیل (PET) به مواد مفید در صنعت انجام می‌شود.

۷۷- با توجه به شکل داده شده، کدام گزینه نادرست است؟



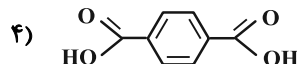
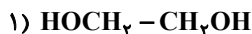
(۱) گاز خروجی از قسمت A، همان فراورده واکنش هابر است.

(۲) این مبدل کاتالیستی در خودروهای دیزلی یافت می‌شود.

(۳) گاز CO_2 خروجی از این مبدل، حاصل از واکنش‌های مخزن اول می‌توان در نظر گرفت.

(۴) دو مولکول گازی که اتم مرکزی آن‌ها به آرایش هشت‌تایی نرسیده است، طی واکنش با A به گازهایی دوتایی تبدیل می‌شوند.

۷۸- با توجه به مولکول‌های داده شده، کدام یک از مطالب زیر درست است؟



۱) ترکیب (۲) به‌طور مستقیم از نفت خام به دست می‌آید و با استفاده از یک کاهنده مناسب به ترکیب (۱) تبدیل می‌شود.

۲) ترکیب (۳) که در بازیافت شیمیایی پلی‌اتیلن ترفتالات به کار می‌رود مایعی بی‌رنگ با سمیت ناچیز است.

۳) در نقشه پتانسیل الکترواستاتیکی مولکول «۳»، رنگ اتم‌های هیدروژن و اکسیژن مشابه است.

۴) پارازیلین پیش‌ماده ترکیب (۴) بوده و برخلاف آن توانایی برقراری پیوندهای هیدروژنی را ندارد.

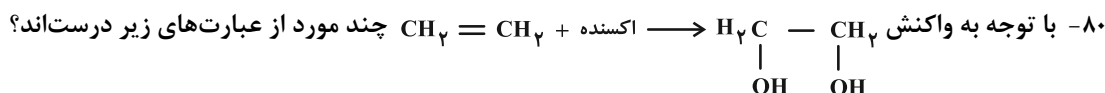
۷۹- کدام گزینه در مورد عامل اصلی رنگ قهوه‌ای هواکره به خصوص در فصل‌های سرد درست است؟

۱) از واکنش گاز نیتروژن و گاز اکسیژن در دمای بالا ایجاد می‌شود.

۲) از واکنش گاز نیتروژن با اوزون در تروپوسفر ایجاد می‌شود.

۳) گونه‌ای رادیکالی می‌باشد که الکترون جفت نشده آن روی یکی از اتم‌های اکسیژن است.

۴) عامل اصلی رنگ قهوه‌ای هواکره به دلیل واکنش با بخار آب، اسیدهایی تولید می‌کند که عامل باران اسیدی است.



الف) فرآورده واکنش، با آب مخلوطی همگن ایجاد می‌کند و این ترکیب در تولید PET کاربرد دارد.

ب) اکسنده مناسب برای این واکنش محلول غلیظ پتاسیم پرمنگنات است.

پ) در این واکنش عدد اکسایش اتم‌های کربن در مجموع ۲ درجه افزایش می‌یابد.

ت) از واکنش یکی از مواد واکنش‌دهنده این واکنش با HCl، ماده‌ای تولید می‌شود که در افشانه بی‌حس‌کننده موضعی کاربرد دارد.

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)



آزمون ۲۶ اردیبهشت ۱۴۰۴

اختصاصی دوازدهم ریاضی

دفترچه پاسخ

نام درس	نام طراحان
حسابان ۲	شاهین پروازی-افشین خاصه‌خان-احمدرضا ذاکرزاده-مریم زارعی-محمد زنگنه-احسان سیفی سلسله-حامد قاسمیان کیان کریمی خراسانی-محمد رضا کشاورزی-مهسان گودرزی-رضا ماجدی-مهرداد ملوندی-علیرضا ندافزاده غلامرضا نیازی
هندسه ۳ و ریاضیات گسسته	امیرحسین ابومحبوب-محمدپارسا سبزه‌ای
فیزیک ۳	مهران اسماعیلی-حسین الهی-زهره آقامحمدی-علیرضا جباری-مسعود خندانی-معصومه شریعت‌ناصری محمد کاظم منشادی-سیده ملیحه میرصالحی
شیمی ۳	هدی بهاری‌پور-امیرعلی بیات-محمد رضا پورجاوید-سعید تیزرو-محمد رضا جمشیدی-امیرمسعود حسینی حمید ذبیحی-رسول عابدینی‌زواره-محمد عظیمیان‌زواره-محسن مجنونی

گزینشگران و ویراستاران

نام درس	حسابان ۲	هندسه ۳ و ریاضیات گسسته	فیزیک ۳	شیمی ۳
گزینشگر و تبدیل به تست	کیان کریمی خراسانی	امیرحسین ابومحبوب محمدپارسا سبزه‌ای	مصطفی کیانی	امیرعلی بیات
گروه ویراستاری	امیرحسین ابومحبوب سیدسپهر متولیان	امیرحسین ابومحبوب امیرمحمد کریمی مهرداد ملوندی	بهنام شاهینی حسین بصیر ترک‌مبور زهره آقامحمدی	محمدحسن محمدزاده مقدم یاسر راش آرش ظریف
ویراستاران رتبه برتر	محمدپارسا سبزه‌ای	محمدپارسا سبزه‌ای	سینا صالحی	احسان پنجه‌شاهی
مسئول درس	مهرداد ملوندی	سرژ یقیا‌زاریان تبریزی	حسام نادری	امیرعلی بیات
مستندسازی	سمیه اسکندری	سجاد سلیمی	علیرضا همایون‌خواه	امیرحسین توحیدی
ویراستاران مستندسازی	معصومه صنعت‌کار - محمدرضا مهدوی		پرهام مهرآرا سجاد بهارلویی ابراهیم نوری	آرمان ستاری محسن دستجردی آتیلا ذاکری

گروه فنی و تولید

مدیر گروه	مهرداد ملوندی
مسئول دفترچه	نرگس غنی‌زاده
گروه مستندسازی	مدیر گروه: محیا اصغری مسئول دفترچه: الهه شهبازی
حروف‌نگار	فرزانه فتح‌اله‌زاده
ناظر چاپ	سوران نعیمی

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلم‌چی (وقف عام)

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - کانون فرهنگی آموزش - تلفن: ۰۲۱-۶۴۶۳



حسابان ۲

گزینه ۳

(معمدرضا کشاورزی - شهریور ۱۴۰۳)

بررسی موارد:

الف) نادرست؛ مقدار مشتق در نقطه d برابر صفر است پس تابع f در نقطه d مشتق پذیر است.

ب) درست؛ علامت مشتق و مقدار تابع f در نقطه e مثبت است.

پ) درست؛ علامت مشتق در نقطه a مثبت و در نقطه c منفی است پس قرینه یکدیگرند.

ت) نادرست؛ $m_e > m_a$

(حسابان ۲ - مشتق؛ صفحه‌های ۷۳ تا ۸۲)

گزینه ۲

(مریم زارعی - دی ۱۴۰۳)

خط d در نقطه $P(1, 3)$ بر تابع $f(x)$ مماس است، بنابراین شیب خط d برابر است با -1 . $f'(1) = -1$ معادله خط d به صورت زیر می‌شود:

$$y - 3 = -1(x - 1) \Rightarrow y - 3 = -x + 1 \Rightarrow x + y = 4$$

نقطه $Q(2a + 1, a)$ روی خط d قرار دارد، پس:

$$2a + 1 + a = 4 \Rightarrow 3a = 3 \Rightarrow a = 1$$

$$\Rightarrow Q(3, 1) : \text{مختصات نقطه } Q$$

طول پاره خط PQ برابر است با:

$$PQ = \sqrt{(3-1)^2 + (1-3)^2} = \sqrt{8} = 2\sqrt{2}$$

(حسابان ۲ - مشتق؛ مشابه تمرین ۸ صفحه ۸۳)

گزینه ۲

(غلامرضا نیازی - شهریور ۱۴۰۳)

$$x_0 = 2 \text{ در } f \text{ مشتق راست } f'_+(2) = \lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{f(x) - f(2)}{x - 2}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{a[2^+] \cdot |x - 2| - 0}{x - 2} = \lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{2a(x - 2)}{x - 2} = 2a$$

$$x_0 = 2 \text{ در } f \text{ مشتق چپ } f'_-(2) = \lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{f(x) - f(2)}{x - 2}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{a[2^-] \cdot |x - 2| - 0}{x - 2} = \lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{-a(x - 2)}{x - 2} = -a$$

طبق فرض $a > 0$ و داریم:

$$2a - (-a) = 3a = 6 \Rightarrow a = 2$$

(حسابان ۲ - مشتق؛ صفحه‌های ۸۶ تا ۸۸)

گزینه ۳

(افشین شاهه‌شان - دی ۱۳۹۸)

$$g(x) = \sin^2(2x + 1) \Rightarrow g'(x) = 2 \sin^2(2x + 1) \cos(2x + 1)$$

$$x = \frac{\pi}{8} - \frac{1}{2} \Rightarrow 2x + 1 = 2\left(\frac{\pi}{8} - \frac{1}{2}\right) + 1 = \frac{\pi}{4}$$

$$\Rightarrow g'\left(\frac{\pi}{8} - \frac{1}{2}\right) = 2 \sin^2\left(\frac{\pi}{4}\right) \cos\left(\frac{\pi}{4}\right) = 2 \left(\frac{1}{\sqrt{2}}\right)^2 \times \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{2}{\sqrt{2}}$$

در نتیجه $a = 3$

(حسابان ۲ - مشتق؛ صفحه‌های ۹۰ تا ۹۷)

گزینه ۴

(رضا مایری - شهریور ۱۴۰۳)

طبق فرض می‌توان نوشت:

$$\frac{1}{3} \lim_{x \rightarrow 3} \frac{f'(x) - f'(3)}{x - 3} = 5 \Rightarrow f'(3) = 15$$

$$g(x) = x^2 f(x) \Rightarrow g'(x) = 2xf(x) + x^2 f'(x)$$

$$\Rightarrow g'(3) = 2 \times 3 \times 4 + 3^2 \times 15 = 24 + 135 = 159$$

(حسابان ۲ - مشتق؛ صفحه‌های ۹۲ تا ۹۵)

گزینه ۳

(مهران کوردزی - فروردین ۱۴۰۳)

$$((f + g) \circ f)'(1) = (f \circ f)'(1) + (g \circ f)'(1)$$

$$= f'(1) \times f'(f(1)) + f'(1) \times g'(f(1)) = 2 \times 2 + 2 \times 7 = 18$$

توجه: $(f + g) \circ f = (f \circ f) + (g \circ f)$

(حسابان ۲ - مشتق؛ صفحه‌های ۹۶ و ۹۷)

گزینه ۲

(مهمر زنگنه - فروردین ۱۴۰۳)

مشتق مرتبه دوم f در $x = a$ (در صورت وجود) برابر است با:

$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f'(a + h) - f'(a)}{h} = f''(a)$$

پس کافی است مشتق دوم $f(x) = \cos 2x$ را در نقطه $x = \frac{\pi}{8}$ به دست آوریم:

$$f(x) = \cos 2x \Rightarrow f'(x) = -2 \sin 2x \Rightarrow f''(x) = -4 \cos 2x$$

$$\Rightarrow f''\left(\frac{\pi}{8}\right) = -4 \cos\left(\frac{\pi}{4}\right) = -4\left(\frac{\sqrt{2}}{2}\right) = -2\sqrt{2}$$

$$\frac{\sqrt{2}}{2} A = -2\sqrt{2} \Rightarrow A = -4$$

(حسابان ۲ - مشتق؛ صفحه‌های ۹۱ تا ۹۸)

گزینه ۱

(مهرادر ملونری - دی ۱۳۹۸)

باید تابع f در $x = 1$ مشتق پذیر باشد. ابتدا شرط پیوستگی تابع f

در $x = 1$ و سپس برابری مشتق‌های چپ و راست تابع f در $x = 1$ را

بررسی می‌کنیم:

$$(الف) f(1) = \lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1^-} f(x)$$

$$\Rightarrow 1 + a = a + b \Rightarrow b = 1$$

$$(ب) \begin{cases} f'_-(1) = a \\ f'_+(1) = 2x|_{x=1} = 2 \end{cases} \xrightarrow{f'_-(1) = f'_+(1)} a = 2$$

$$f(x) = \begin{cases} x^2 + 2, & x \geq 1 \\ 2x + 1, & x < 1 \end{cases}$$

در نتیجه:

ج) نادرست، بخش اول گزاره صحیح است ولی ممکن است نقطه‌ای بحرانی باشد ولی اکسترمم نسبی نباشد، مانند $x = 0$ در تابع $y = x^3$.

(مسئله ۲- مشتق: صفحه‌های ۸۶ تا ۸۹ و

کاربردهای مشتق: صفحه‌های ۱۱۲ تا ۱۱۹)

(افشین فاضله‌فان- دی ۱۳۹۸)

۱۳- گزینه «۱»

طبق فرض داریم:

$$f(x) = 2x^3 + 3x^2 - 12x \Rightarrow f'(x) = 6x^2 + 6x - 12$$

$$f'(x) = 0 \Rightarrow 6(x+2)(x-1) = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = -2 \\ x = 1 \end{cases} \quad \times$$

(بحرانی)

نقاط ابتدا و انتهای بازه $[-1, 2]$ را به همراه نقطه بحرانی تابع f در این بازه مقایسه می‌کنیم:

x	-1	1	2
y	13	-7	4
	max	min	

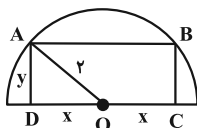
$\max - \min = 20$

(مسئله ۲- کاربردهای مشتق: صفحه‌های ۱۱۶ تا ۱۱۹)

(کیان کریمی‌فراسانی- دی ۱۴۰۳)

۱۴- گزینه «۱»

مطابق شکل، طول ضلع CD را $2x$ و طول ضلع AD را y می‌گیریم. بنابراین تقارن موجود در شکل، $OC = OD = x$ (مرکز نیم‌دایره است). می‌باشد. طبق قضیه فیثاغورس در مثلث OAD داریم:



$$x^2 + y^2 = 2^2 \Rightarrow y^2 = 4 - x^2 \xrightarrow{y>0} y = \sqrt{4 - x^2}$$

تابع مساحت مستطیل $ABCD$ به صورت زیر می‌شود:

$$f(x) = 2xy = 2x\sqrt{4 - x^2}$$

از آنجا که $0 < x < 2$ ، بیشترین مساحت ممکن برای مستطیل $ABCD$ به صورت زیر به دست می‌آید:

$$f'(x) = 2\sqrt{4 - x^2} + 2x \left(\frac{-2x}{2\sqrt{4 - x^2}} \right) = 0$$

$$\Rightarrow 2\sqrt{4 - x^2} - \frac{2x^2}{\sqrt{4 - x^2}} = 0 \Rightarrow \frac{2(4 - x^2) - 2x^2}{\sqrt{4 - x^2}} = 0$$

$$\Rightarrow 4x^2 = 8 \xrightarrow{x>0} x = \sqrt{2}$$

در نتیجه بیشترین مقدار مساحت مورد نظر به ازای $x = \sqrt{2}$ به دست

$$y = \sqrt{4 - x^2} = \sqrt{4 - 2} = \sqrt{2}$$

می‌آید که در آن صورت داریم:

$$2(2x + y) = 6\sqrt{2}$$

و محیط این مستطیل برابر می‌شود با:

(مسئله ۲- کاربردهای مشتق: صفحه‌های ۱۱۷ تا ۱۱۹)

$$f(a+b) = f(3) = 3^2 + 2 = 11$$

(مسئله ۲- مشتق: مشابه تمرین ۶ صفحه ۱۰۰)

(علیرضا نراف‌زاده- دی ۱۳۹۸)

۹- گزینه «۲»

$$h'(x) = \frac{f'(x) \cdot g(x) - f(x) \cdot g'(x)}{(g(x))^2}$$

داریم:

می‌بایست مقادیر توابع f و g در $x = 1$ و همچنین مشتق آن‌ها را به دست آوریم:

$$0 < x < 2: f(x) = -2x + 4 \Rightarrow f'(x) = -2$$

$$\Rightarrow f(1) = 2, \quad f'(1) = -2$$

$$0 < x < 4: g(x) = x \Rightarrow g'(x) = 1$$

$$\Rightarrow g(1) = g'(1) = 1$$

$$h'(1) = \frac{f'(1) \cdot g(1) - f(1) \cdot g'(1)}{(g(1))^2} = \frac{-2(1) - 2(1)}{(1)^2} = -4$$

در نتیجه:

(مسئله ۲- مشتق: مشابه تمرین ۱۱ صفحه ۱۰۰)

(رضا مایبری- شهریور ۱۴۰۲)

۱۰- گزینه «۳»

طبق فرض داریم:

$$[1, 4] \text{ آهنگ متوسط تغییر تابع در بازه } = \frac{f(4) - f(1)}{4 - 1}$$

$$= \frac{1 - 3}{3} = -\frac{2}{3}$$

$$f'(x) = \frac{-16x^2 - 4x + 8}{(2x^2 + 1)^2}$$

$$x = -2 \text{ آهنگ تغییر لحظه‌ای تابع } f \text{ در } f'(-2) = -\frac{48}{81} = -\frac{16}{27}$$

$$\frac{-\frac{2}{3}}{-\frac{16}{27}} = \frac{9}{8}$$

نسبت مورد نظر برابر است با:

(مسئله ۲- مشتق: صفحه‌های ۱۰۳ تا ۱۱۰)

(مهرادر ملونری- دی ۱۴۰۳)

۱۱- گزینه «۲»

آهنگ متوسط تغییر تابع f در بازه $[0, 3]$ برابر است با:

$$\frac{f(3) - f(0)}{3 - 0} = \frac{-2 - 1}{3} = -1$$

آهنگ تغییر لحظه‌ای برابر $f'(x) = x^2 - 4$ است و داریم:

$$f'(a) < -1 \Rightarrow a^2 - 4 < -1 \Rightarrow a^2 < 3 \Rightarrow -\sqrt{3} < a < \sqrt{3}$$

(مسئله ۲- مشتق: صفحه‌های ۱۰۲ تا ۱۱۰)

(شاهین پروازی- الف: فرادر ۱۴۰۰، ج: فرادر ۱۴۰۲)

۱۲- گزینه «۱»

بررسی گزاره‌ها:

الف) درست

ب) نادرست؛ ممکن است مشتق چپ و راست نابرابر داشته باشد.

۱۵- گزینه «۴»

(اعسان سیفی سلسله - فرادر ۱۳۹۸)

باید از تابع $f(x) = x\sqrt{6-x}$ مشتق بگیریم و آن را برابر صفر قرار دهیم. اما قبل از آن بهتر است تابع را کمی ساده کنیم و سپس مشتق بگیریم. با توجه به این که ماکزیمم مطلق تابع f به ازای $x > 0$ به دست می آید، x را به زیر رادیکال منتقل می کنیم:

$$f(x) = \sqrt{6x^2 - x^3} \Rightarrow f'(x) = \frac{12x - 3x^2}{2\sqrt{6x^2 - x^3}} = 0$$

$$\Rightarrow 12x - 3x^2 = 0 \Rightarrow x = 0, \quad x = 4$$

حال مقدار تابع را در این نقاط به دست می آوریم:

$$f(0) = 0 \times \sqrt{6-0} = 0, \quad f(4) = 4\sqrt{6-4} = 4\sqrt{2}$$

توجه: دامنه تابع $[6, -\infty)$ بوده و فاقد مینیمم مطلق است.

(حسابان ۲- کاربردهای مشتق: صفحه های ۱۱۶ تا ۱۱۹)

۱۶- گزینه «۴»

(حامد قاسمیان - شهریور ۱۴۰۰)

$$f'(x) = -3x^2 + 4ax$$

طبق فرض:

$$f(-1) = 1 \Rightarrow 1 + 2a + b + 1 = 1 \Rightarrow 2a + b = -1 \quad (۱)$$

$$f'(-1) = 0 \Rightarrow -3 - 4a = 0 \Rightarrow a = -\frac{3}{4} \xrightarrow{(۱)} b = \frac{1}{2}$$

$$\frac{a}{b} = \frac{-\frac{3}{4}}{\frac{1}{2}} = -\frac{3}{2}$$

در نتیجه:

(حسابان ۲- کاربردهای مشتق: مشابه تمرین ۷ صفحه ۱۲۶)

۱۷- گزینه «۱»

(مهمر زنگنه - فرادر ۱۴۰۳)

$$f(x) = (x+2)(x-4)^2 = x^3 - 6x^2 + 32$$

$$f'(x) = 3x^2 - 12x \xrightarrow{f'=0} x = 0 \text{ یا } x = 4$$

$$f''(x) = 6x - 12 \xrightarrow{f''=0} x = 2$$

x	$-\infty$	0	2	4	$+\infty$
y'	+	0	-	-	+
y''	-	-	0	+	+
y	$-\infty \nearrow$	32	$\searrow 16$	$\searrow 0$	$\nearrow +\infty$

مطابق جدول، در بازه $(2, 4)$ هم نزولی و هم تقعر رو به بالا دارد، پس

$$4 - 2 = 2$$

بیشترین مقدار $b - a$ برابر است با:

(حسابان ۲- کاربردهای مشتق: صفحه های ۱۲۳، ۱۲۴ و ۱۲۹)

۱۸- گزینه «۴»

(موسان کوردزی - فرادر ۱۳۹۸)

$$f'(x) = 3ax^2 + 2bx$$

طبق فرض داریم:

$$\Rightarrow f''(x) = 6ax + 2b$$

نقطه $A(1, 1)$ نقطه عطف تابع f است، پس:

$$\begin{cases} f(1) = 1 \Rightarrow a + b - 1 = 1 \Rightarrow a + b = 2 & (۱) \\ f'(1) = 0 \Rightarrow 6a + 2b = 0 \Rightarrow b = -3a & (۲) \end{cases}$$

$$\xrightarrow{(۱), (۲)} a - 3a = 2 \Rightarrow -2a = 2$$

$$\xrightarrow{(۲)} a = -1 \xrightarrow{(۲)} b = 3$$

در نتیجه $a - b = -4$.

(حسابان ۲- کاربردهای مشتق: صفحه های ۱۳۱ تا ۱۳۶)

۱۹- گزینه «۳»

(غلامرضا نیازی - شهریور ۱۴۰۳)

مطابق نمودار تابع f ، نقطه $(0, 1)$ ماکزیمم نسبی تابع است، پس:

$$\begin{cases} (0, 1) \in f \Rightarrow f(0) = 1 \Rightarrow c = 1 \\ f'(0) = 0 \Rightarrow 3x^2 + 2ax + b \Big|_{x=0} = 0 \Rightarrow b = 0 \end{cases}$$

خط مماس بر تابع در $x = 1$ از نمودار تابع گذشته است، پس $x = 1$ طول

نقطه عطف یا همان ریشه مشتق دوم تابع است:

$$f'(x) = 3x^2 + 2ax + b \Rightarrow f''(x) = 6x + 2a \Big|_{x=1} = 0 \Rightarrow a = -3$$

در نتیجه ضابطه تابع f به صورت زیر است:

$$f(x) = x^3 - 3x^2 + 1 \Rightarrow a + b + c = -3 + 0 + 1 = -2$$

نکته: در نقطه عطف، مقدار مشتق دوم در صورت وجود برابر صفر است.

(حسابان ۲- کاربردهای مشتق: صفحه های ۱۳۷ تا ۱۴۰)

۲۰- گزینه «۱»

(احمدرضا ذاکر زاده - شهریور ۱۴۰۰)

با توجه به شکل، خطوط $x = 1$ و $y = -2$ مجانب های قائم و افقی تابع f هستند، لذا داریم:

$$f'(x) = \frac{ax-1}{x-b} \Rightarrow \begin{cases} \text{مجاانب قائم: } x = b = 1 \\ \text{مجاانب افقی: } y = a = -2 \end{cases}$$

$$\text{در نتیجه ضابطه تابع } f \text{ به صورت } f(x) = \frac{-2x-1}{x-1} \text{ است. مطابق شکل، محل}$$

برخورد نمودار تابع f با محور y ها $(x=0)$ ، مقدار m را مشخص می کند:

$$m = f(0) = \frac{-1}{-1} = 1$$

$$f(2) = \frac{-2 \times 2 - 1}{2 - 1} = -5$$

مقدار $f(2m)$ برابر است با:

(حسابان ۲- کاربردهای مشتق: صفحه های ۱۴۱ تا ۱۴۳)



هندسه ۳

۲۱- گزینه «۲»

تبدیل به تست سؤال‌های هندسه: محمدپارسا سبزه‌ای

(الف: فرورداد ۱۳۹۸، ب: دی ۱۳۹۹، پ: دی ۱۴۰۰، ت: فرورداد ۱۴۰۳)

بررسی موارد:

(الف) نادرست؛ در حالتی که $\frac{c}{a} = 0$ باشد، بیضی تبدیل به یک دایره می‌شود.

(ب) درست؛ بردار $\vec{a} \times \vec{b}$ بر هر دو بردار غیرصفر $\vec{a}$ و $\vec{b}$ عمود است و ضرب داخلی‌اش در هر کدام از این دو بردار، صفر می‌شود.

(پ) نادرست؛ نقطه فوق در کنج شماره ۶ محورهای مختصات سه بعدی قرار دارد.

(ت) درست؛ خطوط به معادلات $(x = a, y = b)$ بر صفحه xy عمودند.

(هندسه ۳- آشنایی با مقاطع مخروطی: صفحه ۳۹،

بردارها: صفحه‌های ۶۳ تا ۶۸ و ۸۲)

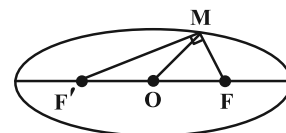
۲۲- گزینه «۴»

(دی ۱۳۹۸)

در مثلث قائم‌الزاویه MFF' ، میانه وارد بر وتر، نصف وتر است، لذا طبق

$$2c = FF' = 2MO = 2 \times 4 = 8$$

فرض داریم؛



طبق تعریف بیضی $MF + MF' = 2a = 10$ است؛ از طرفی در مثلث

قائم‌الزاویه MFF' طبق قضیه فیثاغورس داریم؛

$$MF^2 + MF'^2 = FF'^2 = 64 \quad (*)$$

اگر $MF = x$ در نظر بگیریم، در این صورت در معادله $(*)$ داریم:

$$x^2 + (10 - x)^2 = 64 \Rightarrow 2x^2 - 20x + 100 - 64 = 0$$

$$\xrightarrow{+2} x^2 - 10x + 18 = 0 \Rightarrow x = \frac{10 \pm \sqrt{100 - 72}}{2} = \frac{10 \pm 2\sqrt{7}}{2}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x_1 = 5 - \sqrt{7} : \text{کمترین فاصله} \\ x_2 = 5 + \sqrt{7} : \text{بیشترین فاصله} \end{cases}$$

(هندسه ۳- آشنایی با مقاطع مخروطی: صفحه‌های ۴۷ تا ۴۹)

۲۳- گزینه «۳»

(فرورداد ۱۳۹۹)

فاصله کانونی بیضی برابر $2c$ است. بنابراین داریم:

$$2c = 7 \Rightarrow c = \frac{7}{2}$$

طبق فرض داریم:

$$\frac{c}{a} = \frac{7}{9} \Rightarrow \frac{7}{a} = \frac{7}{9} \Rightarrow a = \frac{9}{2}$$

$$a^2 = b^2 + c^2 \Rightarrow \left(\frac{9}{2}\right)^2 = b^2 + \left(\frac{7}{2}\right)^2 \Rightarrow b = 2\sqrt{2}$$

$$MN = 2MF = 2b = 4\sqrt{2}$$

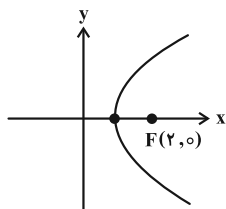
نکته: طبق تمرین ۲ صفحه ۵۷ کتاب درسی، طول MF برابر نصف قطر کوچک بیضی (b) است.

(هندسه ۳- آشنایی با مقاطع مخروطی: تمرین ۲ صفحه ۵۷)

۲۴- گزینه «۲»

(فرورداد ۱۳۹۹)

$$y^2 = 4(x-1) \Rightarrow \begin{cases} 4a = 4 \Rightarrow a = 1 \\ \text{سهیمی افقی و دهانه به سمت راست} \end{cases}$$



مختصات کانون سهمی را می‌یابیم:

$$\text{رأس سهمی } S(1, 0) \Rightarrow F(1+a, 0) = (2, 0)$$

معادله دایره‌ای به مرکز $F(2, 0)$ و شعاع ۳ را می‌نویسیم و با سهمی تلاقی می‌دهیم:

$$\begin{cases} (x-2)^2 + y^2 = 9 \\ y^2 = 4x-4 \end{cases} \Rightarrow (x-2)^2 + 4x-4 = 9$$

$$\Rightarrow x^2 = 9 \Rightarrow \begin{cases} x = 3 & \text{ق ق} \\ x = -3 & \text{غ ق ق} \end{cases}$$

$$y^2 = 4x-4 \xrightarrow{x=3} y^2 = 8 \Rightarrow \begin{cases} y_1 = \sqrt{8} \\ y_2 = -\sqrt{8} \end{cases} \Rightarrow y_1 y_2 = -8$$

(هندسه ۳- آشنایی با مقاطع مخروطی: تمرین ۱۰ صفحه ۵۸)



۲۵- گزینه «۴»

(فرزاد ۱۴۰۰)

اگر قطر دهانه دیش را با d و گودی را با h نمایش دهیم، فاصله کانونی

$$a = \frac{d^2}{16h}$$

برابر می شود با:

$$a = \frac{60^2}{16 \times 9} = \frac{3600}{144} = 25$$

در نتیجه طبق فرض داریم:

(هنر سه ۳- آشنایی با مقاطع مخروطی، تمرین ۱۳ صفحه ۵۹)

۲۶- گزینه «۲»

(ری ۱۴۰۰)

مطابق فرض، زاویه بین دو بردار $\vec{a}$ و $\vec{b}$ برابر $\theta = 135^\circ$ است، پس:

$$\cos \theta = \frac{\vec{a} \cdot \vec{b}}{|\vec{a}| |\vec{b}|} \Rightarrow -\frac{\sqrt{2}}{2} = \frac{2 \times 1 - 1 \times 0 + n(-1)}{\sqrt{5+n^2} \times \sqrt{2}}$$

$$\Rightarrow n - 2 = \sqrt{n^2 + 5} \xrightarrow{\text{توان } 2} n^2 - 4n + 4 = n^2 + 5$$

$$\Rightarrow 4n = -1 \Rightarrow n = -\frac{1}{4}$$

(هنر سه ۳- بردارها؛ صفحه های ۷۷ و ۷۸)

۲۷- گزینه «۱»

(فرزاد ۱۴۰۳)

$$2\vec{a} - \vec{b} = 2\left(-\frac{3}{4}, \frac{1}{4}, \frac{1}{4}\right) - (1, 0, 1) = (-\frac{5}{2}, \frac{1}{2}, -\frac{3}{2})$$

تصویر قائم بردار $2\vec{a} - \vec{b}$ بر امتداد $\vec{b}$ به صورت زیر به دست می آید:

$$\vec{u} = \frac{(2\vec{a} - \vec{b}) \cdot (\vec{b})}{|\vec{b}|^2} (\vec{b}) = \frac{(-\frac{5}{2}, \frac{1}{2}, -\frac{3}{2}) \cdot (1, 0, 1)}{(\sqrt{2})^2} (\vec{b})$$

$$= -2\vec{b} = (-2, 0, -2)$$

$$\Rightarrow \vec{u} \text{ جمع مؤلفه های } = -2 - 2 = -4$$

(هنر سه ۳- بردارها؛ صفحه های ۷۹ و ۸۰)

۲۸- گزینه «۳»

(فرزاد ۱۳۹۸)

$$\cos \theta = \frac{\vec{a} \cdot \vec{b}}{|\vec{a}| |\vec{b}|} = \frac{12}{4 \times 6} = \frac{1}{2} \Rightarrow \theta = \frac{\pi}{3}$$

با توجه به فرض داریم:

در این صورت مساحت مثلث بنا شده توسط دو بردار $\vec{a}$ و $\vec{b}$ برابر می شود با:

$$S = \frac{1}{2} |\vec{a} \times \vec{b}| = \frac{1}{2} |\vec{a}| |\vec{b}| \sin \theta = \frac{1}{2} \times 4 \times 6 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 6\sqrt{3}$$

(هنر سه ۳- بردارها؛ صفحه های ۷۷، ۷۸، ۸۱ و ۸۲)

۲۹- گزینه «۱»

(فرزاد ۱۴۰۳)

نکته: برای دو بردار $\vec{a}$ و $\vec{b}$ همواره داریم:

$$|\vec{a} \times \vec{b}|^2 + (\vec{a} \cdot \vec{b})^2 = |\vec{a}|^2 |\vec{b}|^2$$

مساحت متوازی الاضلاع ساخته شده توسط بردارهای $\vec{a}$ و $\vec{b}$ برابر $|\vec{a} \times \vec{b}|$

$$\left\{ \begin{array}{l} |\vec{a} \times \vec{b}| = 6\sqrt{3} \\ |\vec{a} \times \vec{b}|^2 + (\vec{a} \cdot \vec{b})^2 = |\vec{a}|^2 |\vec{b}|^2 \end{array} \right.$$

است، پس:

$$\Rightarrow (6\sqrt{3})^2 + (\vec{a} \cdot \vec{b})^2 = 4^2 \times 3^2 \Rightarrow |\vec{a} \cdot \vec{b}| = 6$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \vec{a} \cdot \vec{b} = 6 & \text{ق ق} \\ \vec{a} \cdot \vec{b} = -6 & \text{غ ق ق} \end{cases}$$

$$\vec{a} \cdot (\vec{a} - \vec{b}) = \underbrace{\vec{a} \cdot \vec{a}}_{|\vec{a}|^2} - \vec{a} \cdot \vec{b} = 4^2 - 6 = 10$$

در نتیجه:

توجه: چون زاویه بین دو بردار $\vec{a}$ و $\vec{b}$ حاده است، ضرب داخلی آنها مثبت خواهد بود.

(هنر سه ۳- بردارها؛ صفحه های ۷۷ تا ۸۴)

۳۰- گزینه «۴»

(شهریور ۱۴۰۲)

اگر سه بردار $\vec{a}$ ، $\vec{b}$ و $\vec{c}$ در یک صفحه باشند آن گاه حجم متوازی السطوح تولید شده توسط سه بردار برابر صفر می شود، پس:

$$\begin{vmatrix} m & -1 & 1 \\ 1 & -1 & 1 \\ 1 & m & -2 \end{vmatrix} = 0 \xrightarrow{\text{نسبت به سطر اول}}$$

$$m \begin{vmatrix} -1 & 1 \\ m & -2 \end{vmatrix} - (-1) \begin{vmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -2 \end{vmatrix} + 1 \begin{vmatrix} 1 & -1 \\ 1 & m \end{vmatrix} = \underbrace{-m^2 + 3m - 2}_{-(m-1)(m-2)} = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} m_1 = 1 \\ m_2 = 2 \end{cases} \Rightarrow |m_2 - m_1| = 1$$

(هنر سه ۳- بردارها؛ صفحه های ۸۳ و ۸۴)

$$x_7 = 0 \Rightarrow x_1 + x_3 + x_5 = 5$$

$$\xrightarrow[n=5]{k=3} \binom{5+3-1}{3-1} = \binom{7}{2} = 21$$

$$x_7 = 1 \Rightarrow x_1 + x_3 + x_5 = 3$$

$$\xrightarrow[n=3]{k=3} \binom{3+3-1}{3-1} = \binom{5}{2} = 10$$

$$x_7 = 4 \Rightarrow x_1 + x_3 + x_5 = 1$$

$$\xrightarrow[n=1]{k=3} \binom{1+3-1}{3-1} = \binom{3}{2} = 3$$

بنابراین تعداد جواب‌های صحیح و نامنفی معادله برابر است با:

$$21 + 10 + 3 = 34$$

(ریاضیات گسسته - ترکیبیات: صفحه‌های ۵۹ تا ۶۱)

(شهریور ۱۴۰۳)

۳۷- گزینه «۱»

فرض کنید مجموعه‌های A_1 و A_7 شامل رمزهایی باشد که به ترتیب فاقد ۱ و ۷ هستند. در این صورت داریم:

$$|S| = 6 \times 6 \times 6 \times 6 = 6^4 = 1296$$

$$|A_1| = |A_7| = 5 \times 5 \times 5 \times 5 = 5^4 = 625$$

$$|A_1 \cap A_7| = 4 \times 4 \times 4 \times 4 = 4^4 = 256$$

تعداد رمزهایی که حداقل یک رقم ۱ و یک رقم ۷ را شامل می‌شوند، برابر تعداد اعضای مجموعه $|A_1 \cap A_7|$ است، بنابراین داریم:

$$|A_1 \cap A_7| = |S| - |A_1 \cup A_7| = 1296 - (625 + 625 - 256) = 302$$

(ریاضیات گسسته - ترکیبیات: صفحه‌های ۷۳ تا ۷۸)

(فرورداد ۱۴۰۴)

۳۸- گزینه «۴»

تعداد راه‌های توزیع ۵ سیب متمایز بین ۳ نفر، برابر تعداد توابع پوشا از یک مجموعه ۵ عضوی به یک مجموعه ۳ عضوی است. تعداد این توابع برابر است با:

$$3^5 - 3 \times 2^5 + 3 = 150$$

(ریاضیات گسسته - ترکیبیات: صفحه‌های ۷۷ و ۷۸)

(فرورداد ۱۴۰۰)

۳۹- گزینه «۳»

تعداد راه‌های توزیع ۳ کلاه متفاوت بین ۷ نفر به شرط آن‌که به هر نفر حداکثر یک کلاه داده شود، برابر است با تعداد توابع یک‌به‌یک از یک مجموعه ۳ عضوی به یک مجموعه ۷ عضوی. تعداد این توابع برابر است با:

$$\frac{7!}{(7-3)!} = 7 \times 6 \times 5 = 210$$

(ریاضیات گسسته - ترکیبیات: صفحه ۷۸)

(فرورداد ۱۴۰۳)

۴۰- گزینه «۲»

سه رشته تحصیلی و از هر رشته، سه پایه موجود است، پس تعداد لانه‌ها برابر $3 \times 3 = 9$ است. از طرفی داریم: $k+1 = 12 \Rightarrow k = 11$ بنابراین طبق تعمیم اصل لانه کبوتری، حداقل تعداد دانش‌آموزان در حیاط برابر است با:

$$nk + 1 = 9 \times 11 + 1 = 100$$

(ریاضیات گسسته - ترکیبیات: صفحه‌های ۷۹ تا ۸۲)

ریاضیات گسسته

تبدیل به تست سؤال‌های ریاضیات گسسته: امیرحسین ابومحبوب

(شهریور ۱۴۰۲)

۳۱- گزینه «۳»

مجموعه احاطه گر مینیمال به مجموعه احاطه‌گری گفته می‌شود که با حذف هر کدام از رأس‌هایش، دیگر احاطه گر نباشد. طبق این تعریف و با توجه به نمودار گراف، مجموعه شامل تمام اعضای درجه یک گراف و دو رأس از میان رأس‌های a, b, c, d ، بزرگ‌ترین مجموعه احاطه گر مینیمال این گراف است (بررسی کنید). به عنوان مثال مجموعه $\{a, d, g, h, i, j, k, l\}$ یک مجموعه احاطه گر مینیمال است که دارای حداکثر تعداد عضو یعنی هشت عضو است.

(ریاضیات گسسته - گراف و مدل‌سازی: صفحه‌های ۴۶ و ۴۷)

(فرورداد ۱۴۰۳)

۳۲- گزینه «۳»

گراف G دارای ۴ رأس از درجه یک است که به ۳ رأس متفاوت گراف متصل هستند، پس امکان احاطه تمام رأس‌ها با کمتر از ۳ رأس وجود ندارد و عدد احاطه‌گری گراف برابر ۳ است. مجموعه‌های احاطه گر مینیمم گراف G عبارتند از: $\{c, f, h\}$, $\{c, e, h\}$, $\{c, f, g\}$

(ریاضیات گسسته - گراف و مدل‌سازی: کار در کلاس صفحه ۴۷)

(شهریور ۱۴۰۱)

۳۳- گزینه «۱»

در این گراف تعداد رأس‌ها برابر $n = 8$ و ماکزیمم درجه برابر $\Delta = 4$ است که به رأس g تعلق دارد، پس طبق فرمول کران پایین عدد احاطه‌گری داریم:

$$\gamma(G) \geq \left\lceil \frac{n}{\Delta+1} \right\rceil = \left\lceil \frac{8}{5} \right\rceil \Rightarrow \gamma(G) \geq 2$$

از طرفی مجموعه $\{c, g\}$ یک مجموعه احاطه گر برای این گراف است، پس $\gamma(G) = 2$ است.

(ریاضیات گسسته - گراف و مدل‌سازی: صفحه‌های ۴۸ تا ۵۱)

(فرورداد ۱۴۰۲)

۳۴- گزینه «۱»

ابتدا با $\binom{3}{2}$ ، ۲ رقم از مجموعه A و به $\binom{6}{4}$ طریق، ۴ حرف از مجموعه B انتخاب می‌کنیم و سپس جایگشت‌های ۶ کاراکتر متمایز را در نظر می‌گیریم، بنابراین تعداد این کدها برابر است با:

$$\binom{3}{2} \times \binom{6}{4} \times 6! = 3 \times 15 \times 6! = 45 \times 6!$$

(ریاضیات گسسته - ترکیبیات: صفحه‌های ۵۶ و ۵۷)

(شهریور ۱۳۹۹)

۳۵- گزینه «۲»

ابتدا ۳ نفر از ۸ نفر را برای اتاق ۳ نفره و سپس ۴ نفر از ۵ نفر باقی‌مانده را

$$\binom{8}{3} \times \binom{5}{4} = 56 \times 5 = 280$$

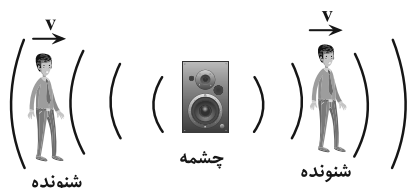
توجه کنید که نفر آخر به ۱ حالت در اتاق یک نفره قرار می‌گیرد.

(ریاضیات گسسته - ترکیبیات: صفحه‌های ۵۸ و ۵۹)

(دی ۱۴۰۳)

۳۶- گزینه «۴»

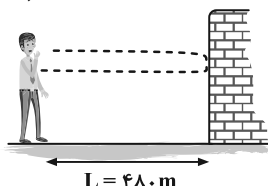
متغیر x_p زیر رادیکال قرار دارد، پس برای پیدا کردن تعداد جواب‌های معادله کافی است به این متغیر، مقادیر مناسب اختصاص داده و تعداد جواب‌ها را در هر مرحله به دست آورده و در انتها با هم جمع می‌کنیم.



(فیزیک ۳- نوسان و موج: صفحه‌های ۸۱ تا ۸۳)

(مسعود فخرانی- دی ۱۳۹۹)

گزینه ۲



$$2L = v\Delta t \Rightarrow v = \frac{2 \times 480}{3} = 320 \frac{m}{s}$$

(فیزیک ۳- برهم‌کنش‌های موج: صفحه‌های ۹۲ و ۹۳)

(سیده‌ملیحه میرصالحی- دی ۱۴۰۰)

گزینه ۱

برای به‌دست آوردن نسبت تندی نور در دو محیط با استفاده از قانون شکست عمومی داریم:

$$\frac{\sin \theta_1}{\sin \theta_2} = \frac{v_1}{v_2} \Rightarrow \frac{\sin 30^\circ}{\sin 45^\circ} = \frac{v_1}{v_2} \Rightarrow \frac{1}{2} = \frac{v_1}{v_2} \Rightarrow \frac{v_2}{v_1} = \sqrt{2}$$

هنگام گذر از مرز دو محیط شفاف بسامد ثابت می‌ماند و تندی نور با

$$\frac{\lambda_2}{\lambda_1} = \frac{v_2}{v_1} = \sqrt{2}$$

(فیزیک ۳- برهم‌کنش‌های موج: صفحه‌های ۹۴ تا ۹۸)

(علیرضا جباری- دی ۱۴۰۲)

گزینه ۱

بررسی موارد:

(الف) درست؛ زیرا هر چه شکاف باریک‌تر باشد، پراش گسترده‌تری خواهیم داشت و امواج به گیرنده‌های M و N نیز می‌رسند.

(ب) درست؛ زیرا امواج با طول‌موج بیشتر، پراش گسترده‌تری دارند.

(پ) نادرست؛ زیرا هر چه بسامد موج بیشتر شود، طول‌موج کمتر شده و پراش بارزی نخواهیم داشت.

(ت) نادرست؛ چون هر چه گیرنده‌های M و N به طرف چپ بروند از ناحیه گسترده‌گی پراش دور می‌شوند و امواج، همچنان به آن‌ها نمی‌رسند.

(فیزیک ۳- برهم‌کنش‌های موج: صفحه‌های ۱۰۱ و ۱۰۲)

(مهران اسماعیلی- دی ۱۴۰۳)

گزینه ۱

وقتی دو انتهای تار بسته است، اختلاف بسامد دو هماهنگ متوالی برابر با بسامد هماهنگ اصلی (اول) است. یعنی:

$$f_{n+1} - f_n = f_1 \Rightarrow 360 - 300 = f_1 \Rightarrow f_1 = 60 \text{ Hz}$$

وقتی در طول تار ۵ گره ایجاد می‌شود، تار هماهنگ چهارم را اجرا می‌کند:

$$n = 5 - 1 = 4$$

در تار مرتعش دو سر بسته بسامد هماهنگ nام، برابر بسامد هماهنگ

$$f_n = n f_1 \xrightarrow{n=4} f_4 = 4 \times 60 = 240 \text{ Hz}$$

(فیزیک ۳- برهم‌کنش‌های موج: صفحه‌های ۱۰۵ تا ۱۰۷)

سوالات مشابه نهایی

فیزیک ۳

(مسین الهی- شهریور ۱۴۰۳)

گزینه ۲

با توجه به حرکت ذره a به سمت بالا متوجه می‌شویم موج در جهت محور x منتشر می‌شود و ذره b نیز به سمت پایین حرکت خواهد کرد. بنابراین شتاب آن افزایش می‌یابد و همچنین داریم:

$$\frac{2\lambda}{4} = 12 \Rightarrow \lambda = 16 \text{ cm}, \quad \lambda = \frac{v}{f} \Rightarrow 16 = \frac{32}{f} \Rightarrow f = 2 \text{ Hz}$$

(فیزیک ۳- نوسان و موج: صفحه‌های ۶۹ تا ۷۴)

(معمومه شریعت‌ناصری- شهریور ۱۴۰۴)

گزینه ۱

از نمودار می‌توان متوجه شد که دامنه موج صوتی A از B بیشتر بوده پس $A_A > A_B$ و مسافتی که موج در مدت یک دوره طی می‌کند، یعنی طول‌موج در موج صوتی A کمتر از B است. یعنی $\lambda_B > \lambda_A$. با توجه به این که دو موج در یک محیط منتشر شده‌اند، یعنی $v_A = v_B$ است و از آن جایی که λ با f رابطه عکس دارد، پس $f_B < f_A$ است.

(فیزیک ۳- نوسان و موج: صفحه‌های ۷۷ تا ۷۹)

(مهران اسماعیلی- دی ۱۴۰۰)

گزینه ۱

$$\beta = 10 \log \frac{I}{I_0} \quad \beta = 62 \text{ dB} \quad I_0 = 10^{-12} \frac{W}{m^2} \Rightarrow 62 = 10 \log \frac{I}{10^{-12}}$$

$$\Rightarrow \log \frac{I}{10^{-12}} = 6/2 = 3 \Rightarrow \log I = 3 + 12 = 15$$

$$\xrightarrow{\log 2 = 0.3} \log \frac{I}{10^{-12}} = \log 10^{15} + 4 \log 2 = \log 10^{15} + \log 2^4$$

$$\Rightarrow \log \frac{I}{10^{-12}} = \log (16 \times 10^{15}) \Rightarrow I = 16 \times 10^{-7} \frac{W}{m^2}$$

$$\Rightarrow I = 1.6 \frac{\mu W}{m^2}$$

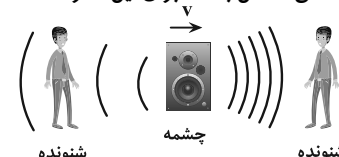
(فیزیک ۳- نوسان و موج: صفحه‌های ۷۸ تا ۸۱)

(مهم‌کازم منشاری- شهریور ۱۳۹۸)

گزینه ۳

مسئله را در دو حالت بررسی می‌کنیم:

(۱) چشمه متحرک و ناظر (شنونده) ساکن: هنگامی که چشمه به جلو حرکت می‌کند، فاصله جبهه‌های موج در جلوی چشمه کمتر از پشت آن خواهد شد. بنابراین اگر ناظر ساکنی را جلوی چشمه در نظر بگیریم، این ناظر طول‌موج کوتاه‌تری را نسبت به وضعیتی که چشمه ساکن بود، اندازه می‌گیرد که این به معنی افزایش بسامد برای این ناظر است. در حالی که ناظر ساکن در پشت چشمه طول‌موج بلندتری را نسبت به وضعیتی که چشمه ساکن بود، اندازه می‌گیرد که این به معنی کاهش بسامد برای این ناظر است.



(۲) چشمه ساکن و شنونده متحرک: اگر ناظر به طرف چشمه حرکت کند در مقایسه با شنونده ساکن، در مدت زمان یکسان، با جبهه‌های موج بیشتری مواجه می‌شود که این منجر به افزایش بسامد صوتی می‌شود که شنونده می‌شنود. در حالی که اگر شنونده از چشمه دور شود، در مقایسه با شنونده ساکن، در مدت زمان یکسان، با جبهه‌های موج کمتری مواجه می‌شود که این منجر به کاهش بسامد صوتی می‌شود که شنونده می‌شنود.

۴۹- گزینه «۳»

(مسین الهی - شهریور ۱۴۰۲)

چون با پر شدن آب طول لوله صوتی کمتر می شود و طبق رابطه $f = \frac{nv}{2L}$ بسامد صدا بیشتر می شود، یعنی صدا زیرتر خواهد شد.
(فیزیک ۳- برهم کنش های موج؛ صفحه های ۱۰۸ و ۱۰۹)

۵۰- گزینه «۴»

(مهران اسماعیلی - دی ۱۴۰۱)

حداقل انرژی لازم برای جدا کردن یک الکترون از سطح فلز برابر با تابع کار آن فلز است. بنابراین:
انرژی جنبشی سریع ترین فوتوالکترون های گسیل شده از سطح فلز از رابطه زیر به دست می آید:

$$K_{\max} = hf - W_0 \xrightarrow{f = \frac{c}{\lambda}} K_{\max} = h \frac{c}{\lambda} - W_0$$

$$\xrightarrow{K_{\max} = 0.8 \text{ eV}, W_0 = 5.2 \text{ eV}} 0.8 = \frac{4 \times 10^{-15} \times 3 \times 10^8}{\lambda} - 5.2$$

$$\Rightarrow 6 = \frac{12 \times 10^{-7}}{\lambda} \Rightarrow \lambda = 2 \times 10^{-7} \text{ m} = 200 \text{ nm}$$

(فیزیک ۳- آشنایی با فیزیک اتمی؛ صفحه های ۱۱۶ تا ۱۲۰)

۵۱- گزینه «۲»

(زهره آقاممیری - فروردین ۱۴۰۳)

طبق معادله گسیل فوتون از اتم هیدروژن، داریم:

$$hf = E_U - E_L \xrightarrow{E_n = -\frac{E_R}{n^2}} hf = -\frac{E_R}{n_U^2} - \left(-\frac{E_R}{n_L^2}\right)$$

$$\Rightarrow hf = E_R \left(\frac{1}{n_L^2} - \frac{1}{n_U^2}\right)$$

چون فوتون گسیل شده در محدوده مرئی امواج الکترومغناطیسی قرار دارد، بنابراین $n_L = 2$ (سری بالمر) است:

$$hf = E_R \left(\frac{1}{2^2} - \frac{1}{n_U^2}\right) \xrightarrow{h = 4 \times 10^{-15} \text{ eV.s}, E_R = 13.6 \text{ eV}} \xrightarrow{f = 7.14 \times 10^{14} \text{ Hz}}$$

$$4 \times 10^{-15} \times 7.14 \times 10^{14} = 13.6 \left(\frac{1}{4} - \frac{1}{n_U^2}\right)$$

$$\Rightarrow \frac{2.856}{13.6} = \frac{1}{4} - \frac{1}{n_U^2} \Rightarrow \frac{21}{100} = \frac{1}{4} - \frac{1}{n_U^2}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{n_U^2} = \frac{1}{4} - \frac{21}{100} = \frac{4}{100} = \frac{1}{25} \Rightarrow n_U = 5$$

نکته: توجه کنید که در اتم هیدروژن وقتی الکترون از ترازهای ۶، ۵، ۴، ۳ به تراز $n = 2$ گذار می کند، فوتون های گسیل شده در محدوده طیف مرئی امواج الکترومغناطیسی قرار دارند.
(فیزیک ۳- آشنایی با فیزیک اتمی؛ صفحه های ۱۲۷ و ۱۲۸)

۵۲- گزینه «۴»

(مسعود خدرانی - دی ۱۴۰۰)

بلندترین طول موج به ازای گذار از $n = 4$ به $n' = 3$ رخ می دهد:

$$\frac{1}{\lambda} = R \left(\frac{1}{n'^2} - \frac{1}{n^2}\right) \Rightarrow \frac{1}{\lambda} = \frac{1}{100} \left(\frac{1}{9} - \frac{1}{16}\right)$$

$$\Rightarrow \lambda = \frac{14400}{7} \approx 2057 \text{ nm}$$

(فیزیک ۳- آشنایی با فیزیک اتمی؛ صفحه های ۱۲۱ تا ۱۲۴)

۵۳- گزینه «۴»

(علیرضا جباری - دی ۱۴۰۳)

سومین حالت برانگیخته یعنی $n = 4$ و حالت پایه مربوط به $n = 1$ است. ابتدا اختلاف انرژی بین دو تراز $n = 4$ و $n = 1$ را به دست می آوریم:

$$E_n = -\frac{13.6}{n^2} \Rightarrow E_4 - E_1 = -13.6 \left(\frac{1}{4^2} - \frac{1}{1^2}\right) = \frac{15}{16} \times 13.6 \text{ eV}$$

سپس به کمک این اختلاف انرژی، طول موج تابش هنگام جهش الکترون از مدار ۴ به مدار اول را پیدا می کنیم:

$$\Delta E = E_4 - E_1 = \frac{hc}{\lambda} \Rightarrow \frac{15}{16} \times 13.6 = \frac{1224}{\lambda} \Rightarrow \lambda = 96 \text{ nm}$$

در مرحله دوم، برای آن که الکترون، بلندترین طول موج ممکن را جذب کند باید به نزدیک ترین مدار بزرگ تر یعنی به مدار $n = 5$ برود.

$$E_5 - E_4 = -13.6 \left(\frac{1}{5^2} - \frac{1}{4^2}\right) = \frac{13.6 \times 9}{400}$$

اکنون به کمک این اختلاف انرژی، بلندترین طول موج ممکن را که الکترون می تواند جذب کند، محاسبه می کنیم:

$$E_5 - E_4 = \frac{hc}{\lambda'} \Rightarrow \frac{13.6 \times 9}{400} = \frac{1224}{\lambda'} \Rightarrow \lambda' = 4000 \text{ nm}$$

در پایان، اندازه اختلاف طول موج در دو حالت را پیدا می کنیم:

$$\lambda' - \lambda = 4000 - 96 = 3904 \text{ nm}$$

(فیزیک ۳- آشنایی با فیزیک اتمی؛ صفحه های ۱۲۷ تا ۱۲۹)

۵۴- گزینه «۳»

(مهمدکظم منشاری - شهریور ۱۴۰۱)

در قسمت الف، واپاشی β^+ می باشد که یکی از پروتون های هسته به یک نوترون و یک پوزیترون تبدیل می شود. در نتیجه عدد جرمی ثابت مانده و عدد اتمی یک واحد کاهش می یابد.

در قسمت ب، عدد جرمی ۴ واحد و عدد اتمی ۲ واحد کاهش یافته است که نشان دهنده واپاشی α می باشد که در آن هسته هلیوم به همراه هسته دختر تولید می شود.

در قسمت پ، هسته برانگیخته به حالت پایه رسیده و عدد جرمی و اتمی ثابت مانده اند که نشان دهنده واپاشی γ می باشد.
(فیزیک ۳- آشنایی با فیزیک هسته ای؛ صفحه های ۱۴۲ تا ۱۴۶)

۵۵- گزینه «۳»

(مهران اسماعیلی - دی ۱۴۰۱)

با توجه به نمودار، پس از ۳۰ ساعت، $\frac{1}{8}$ هسته های اولیه باقی مانده است

$$(N = \frac{1}{8} N_0)$$

بنابراین داریم:

$$N = \frac{N_0}{2^n} \xrightarrow{N = \frac{1}{8} N_0} \frac{1}{8} N_0 = \frac{N_0}{2^n} \Rightarrow 2^n = 8 \Rightarrow n = 3$$

$$n = \frac{t}{T} \xrightarrow{t=30, n=3} 3 = \frac{30}{T} \Rightarrow T = 10 \text{ ساعت}$$

حال با داشتن نیمه عمر می توانیم تعداد هسته های باقی مانده را پس از گذشت ۷۰ ساعت به دست آوریم:

$$n = \frac{t}{T} \xrightarrow{t=70, T=10} n = \frac{70}{10} = 7$$

$$N = \frac{N_0}{2^n} \xrightarrow{n=7} N = \frac{N_0}{2^7} = \frac{1}{128} N_0$$



چون تندی موج ثابت است، در بازه زمانی صفر تا $t = \frac{T}{4}$ ، مسافت طی شده

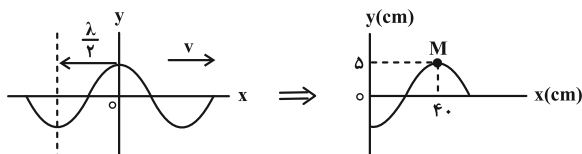
توسط موج برابر $\frac{\lambda}{4}$ است. از طرفی ذره M از محیط در مکان $x = 40 \text{ cm}$

ثابت است ولی در بازه زمانی $\frac{T}{4}$ ، مسافت طی شده توسط آن برابر $2A$

است و از نقطه $y = -5 \text{ cm}$ به $y = +5 \text{ cm}$ می‌رسد. بنابراین گزینه (۳)

صحیح است. برای به دست آوردن شکل موج در لحظه $t = \frac{T}{4}$ می‌توانید

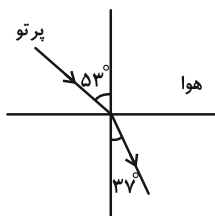
محور y را خلاف جهت حرکت موج به اندازه $\frac{\lambda}{4}$ ، جابه‌جا کنید:



(فیزیک ۳- نوسان و موج؛ صفحه‌های ۷۲ و ۷۳)

(ممدکازم منشاری - شعریور، ۱۴۰۰)

گزینه «۴» - ۵۹



$$\frac{\sin \theta_2}{\sin \theta_1} = \frac{v_2}{v_1} \Rightarrow \frac{\sin 37^\circ}{\sin 53^\circ} = \frac{v_2}{c}$$

$$\frac{0.6}{0.8} = \frac{v_2}{3 \times 10^8} \Rightarrow v_2 = 2.25 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

با تغییر محیط انتشار، بسامد تغییر نمی‌کند.

(فیزیک ۳- برهم‌کنش‌های موج؛ صفحه‌های ۹۴ تا ۹۸)

(زهرة آقاممیری - شرادر، ۱۴۰۳)

گزینه «۲» - ۶۰

اختلاف بسامدهای تشدید متوالی در تار برابر f_1 (بسامد هماهنگ اول) است، بنابراین داریم:

$$f_{n+1} - f_n = f_1 \Rightarrow 300 - 150 = 2f_1 \Rightarrow f_1 = \frac{150}{2} = 75 \text{ Hz}$$

تندی انتشار موج در تار برابر است با:

$$f_n = \frac{nv}{2L} \Rightarrow v = \frac{2Lf_n}{n} \quad n=1, L=0.4 \text{ m} \rightarrow f_1=75 \text{ Hz}$$

$$v = \frac{2 \times 0.4 \times 75}{1} = 60 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

(فیزیک ۳- برهم‌کنش‌های موج؛ صفحه‌های ۱۰۶ و ۱۰۷)

و حال تعداد هسته‌های واپاشیده شده را به دست می‌آوریم:

$$N' = N_0 - N = N_0 - \frac{N_0}{128} \rightarrow N' = N_0 - \frac{1}{128} N_0 = \frac{127}{128} N_0$$

(فیزیک ۳- آشنایی با فیزیک هسته‌ای؛ صفحه‌های ۱۳۶ و ۱۳۷)

گزینه «۲» - ۵۶

(علیرضا جباری - دی، ۱۴۰۳)

بررسی موارد:

الف) نادرست؛ زیرا کادمیم به عنوان جذب کننده نوترون در میله‌های کنترل به کار می‌رود و کندکننده نوترون نیست.

ب) درست؛ سطح ترازهای انرژی نوکلئون‌ها در هسته از مرتبه KeV و MeV است. در حالی که سطح ترازهای انرژی الکترون‌ها در اتم از مرتبه eV است.

پ) درست؛ در اثر گسیل هر ذره بتا (الکترون یا پوزیترون)، یا پروتون به نوترون تبدیل می‌شود و یا نوترون به پروتون تبدیل می‌شود. در هر صورت اختلاف تعداد آن‌ها ۲ واحد تغییر می‌کند.

ت) نادرست؛ پس از گذشت سه نیمه عمر، $\frac{1}{8}$ هسته‌های یک ماده پرتوزا واپاشی می‌شود، یعنی 87.5% درصد هسته‌ها واپاشی می‌شوند.

(فیزیک ۳- آشنایی با فیزیک هسته‌ای؛ صفحه‌های ۱۴۱، ۱۴۲، ۱۴۷، ۱۵۰ و ۱۵۱)

گزینه «۳» - ۵۷

(علیرضا جباری - دی، ۱۴۰۳)

ابتدا تابع کار مربوط به این فلز را به دست می‌آوریم:

$$W = \frac{hc}{\lambda_0} = \frac{1240 \text{ eV} \cdot \text{nm}}{248 \text{ nm}} = 5 \text{ eV}$$

سپس با معلوم بودن طول موج تابشی، بیشینه انرژی جنبشی فوتوالکترون‌ها را محاسبه می‌کنیم:

$$K_{\text{max}} = \frac{hc}{\lambda} - W_0 \Rightarrow K_{\text{max}} = \frac{1240}{200} - 5 = 6.2 - 5 = 1.2 \text{ eV}$$

در پایان، انرژی جنبشی به دست آمده را برحسب ژول می‌نویسیم:

$$K_{\text{max}} = 1.2 \text{ eV} \times \frac{1.6 \times 10^{-19} \text{ J}}{1 \text{ eV}} = 1.92 \times 10^{-19} \text{ J}$$

(فیزیک ۳- آشنایی با فیزیک اتمی؛ صفحه‌های ۱۱۶ تا ۱۲۰)

گزینه «۳» - ۵۸

(زهرة آقاممیری - شرادر، ۱۴۰۲)

ابتدا با توجه به اطلاعات داده شده در نمودار، طول موج و سپس دوره تناوب

$$\frac{\lambda}{2} = 40 \text{ cm} \Rightarrow \lambda = 80 \text{ cm} = 0.8 \text{ m}$$

$$v = \frac{\lambda}{T} \Rightarrow T = \frac{0.8}{2} = 0.4 \text{ s}$$

اکنون حساب می‌کنیم که لحظه t ، چه کسری از دوره تناوب است:

$$\frac{t}{T} = \frac{1}{5} = \frac{0.2}{1} = \frac{1}{5} \Rightarrow t = \frac{T}{5}$$

سوالات مشابه نهایی

شیمی ۳

۶۱- گزینه «۲»

(معمدرضا پورجاوید - شهریور ۱۴۰۱)

موارد دوم و چهارم نادرست هستند.

هر سه ترکیب گلوکز ($C_6H_{12}O_6$)، سیکلوهگزان (C_6H_{12}) و نفتالن ($C_{10}H_8$) جزو مواد مولکولی به شمار می‌روند.

یخ خشک یک جامد مولکولی با فرمول CO_2 است که ذوب شدن آن مربوط به غلبه بر نیروهای بین مولکولی است در حالی که سیلیس (SiO_2) یک جامد کووالانسی بوده و برای ذوب کردن آن باید پیوندهای کووالانسی $Si-O$ شکسته شوند.

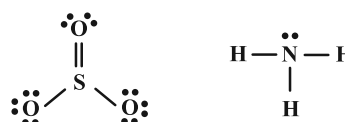
(شیمی ۳- شیمی جلوه‌ای از هنر، زیبایی و مانرگاری؛ صفحه‌های ۶۸ تا ۷۲)

۶۲- گزینه «۱»

(سعید تیزرو - شهریور ۱۴۰۳)

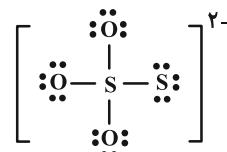
بررسی موارد:

الف) درست؛ تراکم بار الکتریکی منفی روی اتم O بیشتر از اتم S است (به دلیل خصلت نافلززی بیشتر). همچنین NH_3 قطبی بوده و در میدان الکتریکی جهت گیری می‌کند؛ در حالی که SO_3 به دلیل ناقطبی بودن در میدان الکتریکی جهت گیری نمی‌کند.



ب) درست؛ در بین ترکیب‌های ارائه شده، سیلیسیم کریید (SiC) همانند الماس جزو جامدهای کووالانسی می‌باشد و Br_2 جزو مواد مولکولی است.

پ) درست؛ $q =$ بار الکتریکی یون مجموع الکترون‌های پیوندی و ناپیوندی - مجموع الکترون‌های ظرفیتی $q = 30 - 32 = -2$



(شیمی ۳- شیمی جلوه‌ای از هنر، زیبایی و مانرگاری؛ صفحه‌های ۷۵ تا ۸۰، ۸۹ و ۹۰)

۶۳- گزینه «۲»

(رسول عابدینی زواره - فروردار ۱۴۰۲)

بررسی گزینه‌ها:

۱) نادرست؛ P_4 در گستره دمایی کمتری به حالت مایع است زیرا تفاوت نقطه ذوب و جوش آن کم است و یک ماده مولکولی است.

۲) درست؛ نقطه ذوب XF از نقطه ذوب YBr بیشتر است پس آنتالپی فروپاشی XF بیشتر از آنتالپی فروپاشی YBr است بنابراین شعاع X^+ از شعاع Y^+ کمتر است.

۳) نادرست؛ XF یک جامد یونی است، بنابراین از واژه نیروی بین مولکولی برای این ترکیب استفاده نمی‌شود.

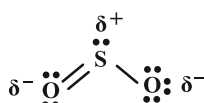
۴) نادرست؛ P_4 جامد مولکولی است.

(شیمی ۳- شیمی جلوه‌ای از هنر، زیبایی و مانرگاری؛ صفحه‌های ۷۹ تا ۸۵)

۶۴- گزینه «۴»

(امیرمسعود مسینی - فروردار ۱۳۹۹)

مولکول SO_3 به دلیل وجود جفت الکترون ناپیوندی بر روی اتم مرکزی و ساختار خمیده آن، مولکولی قطبی است. اما با توجه به این که خصلت نافلززی اکسیژن از گوگرد بیشتر است، اتم‌های اکسیژن بار جزئی منفی (δ^-) و اتم گوگرد بار جزئی مثبت (δ^+) دارند.



بررسی گزینه‌های صحیح:

۱) شعاع یون برمید بیشتر از یون کلرید است. بنابراین چگالی بار یون کلرید بیشتر از یون برمید است و همین باعث بیشتر بودن آنتالپی فروپاشی شبکه KCl نسبت به KBr است.

۲) به دلیل شعاع اتمی بیشتر Si نسبت به C ، میانگین آنتالپی پیوند $C-C$ بیشتر از میانگین آنتالپی پیوند $Si-Si$ است. بنابراین پیوند $C-C$ نسبت به پیوند $Si-Si$ محکم‌تر است.

۳) آلایز نیتینول، آلیازی از دو فلز نیکل (Ni) و تیتانیم (Ti) است که به آلایز هوشمند معروف است و در ساخت فراورده‌های پزشکی (استنت رگ) و قاب عینک کاربرد دارد.

(شیمی ۳- شیمی جلوه‌ای از هنر، زیبایی و مانرگاری؛

صفحه‌های ۷۲، ۷۵ تا ۸۰ و ۸۸)

۶۵- گزینه «۲»

(مسن مینونی - دی ۱۴۰۱)

با توجه به این که شعاع یونی B از شعاع اتمی آن کوچک‌تر است، پس B یک فلز است. فلزها به دلیل از دست دادن تعدادی الکترون، هنگام تبدیل شده به کاتیون، با کاهش شعاع همراه هستند.

بررسی برخی گزینه‌های درست:

(۱) زیرا قدرت نافلزی F از O بیشتر است و بار جزئی آن منفی است.

(۲) زیرا چگالی بار یون Br^- از Cl^- به دلیل شعاع بزرگ تر Br^- نسبت به Cl^- ، کمتر است و هر چه چگالی بار یون کمتر باشد آنتالپی فروپاشی شبکه کمتر است.

(شیمی ۳- شیمی جله‌ای از هنر، زیبایی و ماندگاری: صفحه‌های ۷۵، ۷۶ و

۸۰ تا ۸۳ و شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روشن‌تر: صفحه ۱۰۲)

(شمیر ذهنی- ری ۱۳۹۸، ۱۳۹۹ و ۱۴۰۳)

گزینه «۱» ۶۹-

تنها مورد اول درست است.

بررسی موارد:

مورد اول: درست؛ مواد کووالانسی سختی بیشتری نسبت به مواد مولکولی دارند.
مورد دوم: نادرست؛ الکترون‌های ظرفیتی فلزها که سست‌ترین الکترون‌های آن‌ها است، سازنده دریای الکترونی هستند. این الکترون‌ها از هسته فلز دورتر هستند و می‌توانند آزادانه حرکت کنند.

مورد سوم: نادرست؛ رفتار فیزیکی مواد مولکولی به نیروهای بین مولکولی بستگی دارد و الکترون‌های ظرفیت مولکول‌ها تعیین کننده رفتار شیمیایی آن‌هاست.
مورد چهارم: نادرست؛ از شارۀ یونی (NaCl(I)) برای ذخیره انرژی گرمایی استفاده می‌شود و شارۀ مولکولی باعث چرخش توربین و تولید برق می‌شود.
شارۀ یونی با تبدیل آب به بخار آب به‌طور غیرمستقیم در تولید برق نقش دارد.

(شیمی ۳- شیمی جله‌ای از هنر، زیبایی و ماندگاری:

صفحه‌های ۷۳، ۷۵، ۷۸ و ۸۴)

(مهمر عظیمیان/زواره- ری ۱۳۹۹)

گزینه «۳» ۷۰-

بررسی موارد:

(آ) درست؛ مونومرهای سازنده PET، اتیلن گلیکول (I) و ترفتالیک اسید (V) می‌باشند.

(ب) درست؛ اتیلن (II) و پارازیلن (IV) برخلاف ترفتالیک اسید (V) و اتیلن گلیکول (I) در نفت خام یافت می‌شوند.

(پ) درست؛ از کلرواتان $(\text{C}_2\text{H}_5\text{Cl})$ در افشانه‌های بی‌حس کننده موضعی استفاده می‌شود.

شعاع یون $\times$ چگالی بار = بار یون $\Rightarrow$ چگالی بار = $\frac{\text{شعاع یون}}{\text{بار یون}}$

$$\frac{A}{B} = \frac{1/0.9 \times 10^{-2} \times 184}{2/77 \times 10^{-2} \times 72} \approx 1$$

(شیمی ۳- شیمی جله‌ای از هنر، زیبایی و ماندگاری: صفحه‌های ۸۰ و ۸۱)

گزینه «۲» ۶۶-

(امیرعلی بیات- شهریور ۱۴۰۲)

با توجه به بار و شعاع یون Cl^- می‌توان گفت:

$$\frac{\text{بار}}{\text{شعاع}} = \frac{1}{181} \approx 0.0055 \text{ e.pm}^{-1}$$

با توجه به شعاع بیشتر کاتیون B نسبت به کاتیون A می‌توان گفت که اگر این دو در یک گروه باشند، شمار دوره B از A بزرگ تر می‌باشد. اگر B فلز سدیم باشد، ترکیب یونی حاصل از آن با یون کلرید، NaCl خواهد بود که عدد کوئوردیناسیون آنیون و کاتیون به ترتیب ۶ و ۶ است.

(شیمی ۳- شیمی جله‌ای از هنر، زیبایی و ماندگاری: صفحه‌های ۸۰ تا ۸۳)

گزینه «۱» ۶۷-

(امیرعلی بیات- شهریور ۱۴۰۰)

با توجه به این که اندازه بار تمامی یون‌های سازنده ترکیبات داده شده، برابر «یک» است، برای مقایسه آنتالپی فروپاشی شبکه از شعاع یون‌ها استفاده می‌کنیم:

$$\text{Na}^+ < \text{K}^+ : \text{شعاع کاتیون}$$

$$\text{Cl}^- < \text{Br}^- : \text{شعاع آنیون}$$

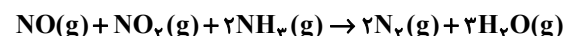
پس آنتالپی فروپاشی شبکه حاصل از دو یون بزرگ تر (KBr) کمترین عدد و آنتالپی فروپاشی شبکه حاصل از دو یون کوچک تر (NaCl) ، بزرگ‌ترین عدد را دارد. پس آنتالپی فروپاشی شبکه KCl باید عددی میان آن‌ها داشته باشد که تنها گزینه اول درست است.

(شیمی ۳- شیمی جله‌ای از هنر، زیبایی و ماندگاری: صفحه‌های ۸۱ تا ۸۳)

گزینه «۴» ۶۸-

(مهمر عظیمیان/زواره- ری ۱۴۰۱)

آمونیاک (NH_3) طی واکنش زیر مصرف می‌شود. کاتالیزگر ماده‌ای است که سرعت واکنش را افزایش داده و خود در پایان واکنش بدون مصرف باقی می‌ماند. NH_3 خود جزء واکنش دهنده‌ها است.



$$K = \frac{[B]}{[A]^2} = \frac{\frac{4 \times 0.01}{5}}{\left(\frac{5 \times 0.01}{5}\right)^2} = 80 \text{ L} \cdot \text{mol}^{-1}$$

(شیمی ۳- شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روشن‌تر؛

صفحه‌های ۱۰۳ تا ۱۰۵ و ۱۰۷ تا ۱۱۰)

(سعید تیزرو- شهریور ۱۴۰۳)

۷۴- گزینه «۴»

بررسی موارد:

مورد اول: درست

$$\left(\frac{\text{mol}}{\text{L}}\right)^2 = \left(\frac{\text{mol}}{\text{L}}\right)^{-1} \times \frac{\text{L}}{\text{mol}} \quad \text{یا} \quad \left(\frac{\text{mol}}{\text{L}}\right)^3 = \left(\frac{\text{mol}}{\text{L}}\right)^2 \quad \text{ثابت تعادل واکنش (a)}$$

مورد دوم: درست؛ با افزایش حجم یک سامانه تعادلی در دمای ثابت، واکنش به سمت تولید مول گازی بیشتر می‌رود (به دلیل افت فشار). در واکنش‌های a و b با افزایش حجم ظرف واکنش، به ترتیب تعادل به سمت چپ و راست می‌رود و در واکنش c تغییر حجم سامانه اثری در موقعیت تعادل ندارد. پس فقط واکنش b شرایط گفته شده را دارد.

مورد سوم: درست؛ با توجه به یکسان بودن تعداد مول‌های گازی دو سمت واکنش، تغییر فشار یا حجم بر جابه‌جایی تعادل بی‌تأثیر است.

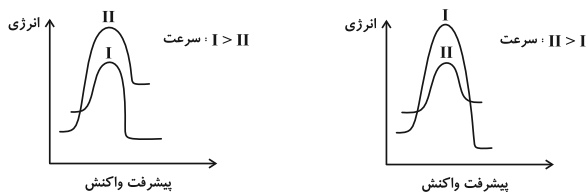
مورد چهارم: درست؛ با توجه به گرماگیر بودن واکنش، با افزایش دما مقدار K افزایش می‌یابد و واکنش در جهت رفت، به میزان بیش‌تری پیشرفت می‌کند.

(شیمی ۳- شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روشن‌تر؛ صفحه‌های ۱۰۴ تا ۱۱۰)

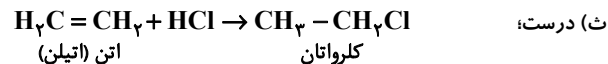
(محمدرضا پورفاویر- شهریور ۱۴۰۹)

۷۵- گزینه «۳»

با توجه به توصیف مطرح شده در مورد این دو واکنش فقط می‌توان فهمید که واکنش (I) گرماده و واکنش (II) گرماگیر است و نمی‌توان تعیین کرد که کدام یک در دمای اتاق (یا هر شرایط دیگری) انجام می‌شود یا خیر. در مورد سرعت انجام این دو واکنش نیز نمی‌توان نظر داد. چراکه ممکن است یک واکنش گرماده سریع‌تر یا کندتر از یک واکنش گرماگیر انجام شود؛ زیرا سرعت یک واکنش را E_a آن تغییر می‌کند نه ΔH آن. به نمودارهای زیر توجه کنید:



ت) نادرست؛ عدد اکسایش اتم‌های کربن در حلقه بنزنی بدون تغییر باقی می‌ماند بنابراین عدد اکسایش ۶ اتم کربن بدون تغییر باقی خواهد ماند و فقط عدد اکسایش ۲ کربن در گروه‌های متیل از (-۳) به (+۳) در ترفتالیک اسید تغییر می‌کند.



(شیمی ۳- شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روشن‌تر؛

صفحه‌های ۱۱۴ و ۱۱۶ تا ۱۱۸)

۷۱- گزینه «۱»

بررسی موارد نادرست:

مورد اول: از گاز متان برای تولید صنعتی متانول استفاده می‌شود.

مورد دوم: در تبدیل پارازایلن به ترفتالیک اسید از محلول غلیظ پتاسیم پرمنگنات استفاده می‌شود. همچنین دمای مخلوط واکنش باید بالا باشد. این واکنش به دلیل E_a بالا شرایط مساعدی برای انجام شدن ندارد.

مورد پنجم: کاتالیزگر مقدار گرمای آزاد شده در یک واکنش را تغییر نمی‌دهد و صرفاً با کاهش انرژی فعال‌سازی، سرعت واکنش را افزایش می‌دهد.

(شیمی ۳- شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روشن‌تر؛

صفحه‌های ۱۰۰ تا ۱۰۲، ۹۵، ۹۶ و ۱۱۴ تا ۱۱۸)

۷۲- گزینه «۱»

بررسی موارد:

الف) انرژی فعال‌سازی برابر با فاصله قله نمودار انرژی واکنش و مواد واکنش دهنده است و برابر با ۳۸۱ کیلوژول می‌باشد.

ب) با توجه به گرماده بودن واکنش می‌توان گفت که مجموع آنتالپی پیوند در فراورده‌ها بیشتر است.

$$\Delta H = \left(\text{مجموع آنتالپی پیوند} \right) - \left(\text{مجموع آنتالپی پیوند} \right)$$

واکنش‌دهنده‌ها فراورده‌ها

پ) کاتالیزگر انرژی فعال‌سازی رفت و برگشت را به یک اندازه کاهش می‌دهد. انرژی فعال‌سازی برگشت: ۵۶۲ kJ.

(شیمی ۳- شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روشن‌تر؛ صفحه‌های ۹۶ تا ۹۹)

۷۳- گزینه «۴»

می‌دانیم در تعادل‌های گازی Q در سمت تعداد مول گازی کمتر می‌باشد. پس در اینجا Q در سمت فراورده‌ها است و لذا واکنش گرماده می‌باشد، با کاهش دما تعادل به سمت رفت پیشرفت می‌کند و غلظت B افزایش می‌یابد و از غلظت A کم می‌شود. در نتیجه شکل (۳) تعادل را در دمای ۵°C نشان می‌دهد. همچنین در شکل (۱) تعداد ذرات B و A به ترتیب برابر ۴ و ۵ است، با توجه به این که هر ذره معادل ۰/۰۱ مول است، داریم:

(۱) اتن در حضور یک اکسندۀ مناسب به اتیلن گلیکول تبدیل می‌شود.