



# سال یازدهم ریاضی

# دفتر جهت سؤال

## ۲۱ دی ۱۴۰۳

مدت پاسخ‌گویی: ۱۳۵ دقیقه

تعداد کل سؤالات جهت پاسخ‌گویی: ۱۰۰ سؤال

عنوان	نام درس	تعداد سؤال	شماره سؤال	شماره صفحه (دفترچه سؤال)	وقت پیشنهادی
					(دقیقه)
دروس اختصاصی	حسابان (۱)	۲۰	۱-۲۰	۴-۷	۳۰
		هندسه (۲)	۱۰	۲۱-۳۰	۸-۱۱
	۱۰		۳۱-۴۰		
	آمار و احتمال	۱۰	۴۱-۵۰	۱۲-۱۳	۱۵
	فیزیک (۲)	۲۰	۵۱-۷۰	۱۴-۱۷	۳۰
	شیمی	۲۰	۷۱-۹۰	۱۸-۲۱	۲۰
	زمین‌شناسی	۱۰	۹۱-۱۰۰	۲۲-۲۳	۱۰
جمع کل		۱۰۰	۱-۱۰۰	۴-۲۳	۱۳۵

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلم‌چی (وقف عام)

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب - بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - تلفن: ۰۲۱-۶۴۶۳



## پدید آورندگان آزمون ۲۱ دی سال یازدهم ریاضی

**طراحان**

نام طراحان	نام درس
سهیل ساسانی - مجتبی نادری - وحید راحتی - فرشاد صدیقی فر - سعید پناهی - مهران حسینی - محمد مصطفی ابراهیمی - مهدی ملارمضانی - رحمان پوررحیم - جواد زنگنه قاسم آبادی - علی مرشد - سجاد داوطلب	حسابان (۱)
کریم کریمی - محمد نادری - زینب نادری - هادی فولادی - امیرمحمد کریمی	هندسه (۲)
احسان خیراللهی - محمد نادری - وهاب نادری - فرهاد رهبران - سروش مؤثینی - محمد پورااحمدی - لیلا مرادی - سهیل ساسانی - امیرمحمد کریمی	آمار و احتمال
امیر ستارزاده - سیاوش فارسی - خسرو ارغوانی فرد - سعید اردم - عبدالله فقه زاده - سیدعلی صفوی - کامران ابراهیمی - محمدحسین معز زیان - عبدالرضا امینی نسب - مهدی باغستانی - بابک اسلامی	فیزیک (۲)
آرمین محمدی چیرانی - مصیب سروستانی - هدی بهاری پور - رسول عابدینی زواره - محمد عظیمیان زواره - عباس هنرجو - پویا رستگاری - عباس هنرجو	شیمی (۲)
احسان پنجه شاهی، فراز حضرتی پور، بهزاد سلطانی، علیرضا خورشیدی، محمد مهدی نعمت الهی	زمین شناسی

**گزینشگران، مسئولین درس و ویراستاران**

نام درس	گزینشگر و مسئول درس	گروه ویراستاری	مسئول درس مستندسازی
حسابان (۱)	مهدی ملارمضانی	احسان غنی زاده، سیدسپهر متولیان، ایمان چینی فروشان	سمیه اسکندری
هندسه (۲)	امیرمحمد کریمی	سجاد محمدنژاد، سیدسپهر متولیان، سیددانیال سیدی	سجاد سلیمی
آمار و احتمال	امیرمحمد کریمی	سجاد محمدنژاد، مهدی بحر کاظمی، سیدسپهر متولیان، سیددانیال سیدی	سجاد سلیمی
فیزیک (۲)	بابک اسلامی	سینا صالحی	علیرضا همایون خواه
شیمی (۲)	ایمان حسین نژاد	احسان پنجه شاهی، امیررضا حکمت نیا، آزمان قنواتی	سمیه اسکندری
زمین شناسی	علیرضا خورشیدی	بهزاد سطلانی، ایلیا اعظمی نژاد، آرین فلاح اسدی، پریرسا عزتی	محیا عباسی

**گروه فنی و تولید**

مدیر گروه	بابک اسلامی
مسئول دفترچه	لیلا نورانی
مستندسازی و مطابقت با مصوبات	مدیر گروه: محیا اصغری / مسئول دفترچه: سجاد سلیمی
حروف نگاری و صفحه آرایی	فاطمه علی یاری
نظارت چاپ	حمید محمدی

**بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقف عام)**

۳۰ دقیقه

حسابان (۱)

حسابان (۱)

تابع (کل فصل ۲)

توابع نمایی و لگاریتمی (تابع)

نمایی)

صفحه‌های ۳۷ تا ۷۹

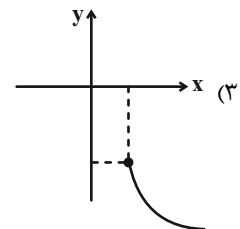
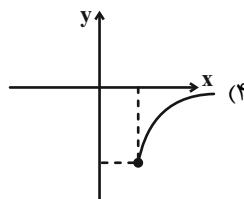
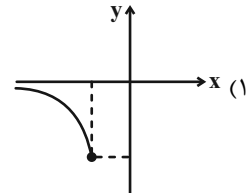
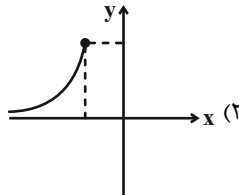
۱- کدام زوج از توابع زیر، مساوی نیستند؟

$$g(x) = x - 3 \text{ و } f(x) = \begin{cases} x^2 - x - 6 & ; x \neq -2 \\ x + 2 & ; x = -2 \\ -5 & ; x = -2 \end{cases} \quad (۱)$$

$$g(x) = \frac{x+1}{x^2+2x+1} \text{ و } f(x) = \frac{1}{x+1} \quad (۲)$$

$$g(x) = x + 2 \text{ و } f(x) = \frac{x^2 - 4}{x - 2} \quad (۳)$$

$$g(x) = \begin{cases} 1 & ; x > 0 \\ -1 & ; x < 0 \end{cases} \text{ و } f(x) = \frac{|x|}{x} \quad (۴)$$

 ۲- کدام نمودار، مربوط به تابع  $f(x) = -\sqrt{x-1} - 2$  است؟ 

 ۳- دامنه تابع  $f(x) = \frac{\Delta x + 3}{2x^3 + ax^2 + \lambda x}$ ، شامل تمام اعداد حقیقی به جز دو عدد حقیقی نامنفی است. حاصل  $f(1)$  کدام است؟

۸ (۲)

۴ (۱)

 $\frac{8}{9}$  (۴)

 $\frac{4}{9}$  (۳)

 ۴- در کدام گزینه، دو تابع  $f$  و  $g$  با هم برابرند؟

$$g(x) = \sqrt{-x^3}, f(x) = x\sqrt{-x} \quad (۲)$$

$$g(x) = 1, f(x) = \frac{\sqrt{x^2}}{|x|} \quad (۱)$$

$$g(x) = \sqrt{x} \cdot \sqrt{1-x}, f(x) = \sqrt{x(1-x)} \quad (۴)$$

$$g(x) = \sqrt{x} \cdot \sqrt{x-1}, f(x) = \sqrt{x(x-1)} \quad (۳)$$

سؤال‌هایی که با آیکون مشخص شده‌اند، سؤال‌هایی هستند که مشابه آن‌ها در امتحانات تشریحی مورد پرسش قرار می‌گیرد.

محل انجام محاسبات

۵- هم‌دامنه تابع  $g(x) = \frac{1}{\sqrt{x^2 - 4x + 12}}$  کدام می‌تواند باشد؟

(۲)  $(0, \frac{1}{2}]$

(۱)  $(0, \frac{1}{3})$

(۴)  $[0, \frac{1}{5}]$

(۳)  $(0, \frac{1}{4})$

۶- چند مورد از روابط زیر، بیانگر ضابطه یک تابع می‌باشد؟


الف)  $x^2y^4 + 5 = 0$       ب)  $x^2 + |y - 1| = 6x - 9$       ج)  $xy - 2x = 0$

(۲) ۳

(۱) ۲

(۴) ۱

(۳) صفر

۷- اگر  $[x] = 6$  باشد،  $[1 + 2x]$  کدام است؟ ([ ]، نماد جزء صحیح است.) 

(۲) ۱۴

(۱) ۱۳

(۴) ۱۲ یا ۱۳

(۳) ۱۳ یا ۱۴

۸- معادله  $2x^2 - x - 2 = \frac{1}{[x] + [-x]}$  چند جواب دارد؟ ([ ]، نماد جزء صحیح است.)

(۲) ۱

(۱) صفر

(۴) بی‌شمار

(۳) ۲

۹- مجموعه جواب معادله  $[-2x + \frac{5}{2}] + [2x - \frac{3}{2}] = -4$ ، کدام است؟ ([ ]، نماد جزء صحیح است.)

(۲)  $[-\frac{9}{4}, -\frac{7}{4}]$

(۱)  $[-\frac{7}{4}, 0]$

(۴)  $[-\frac{9}{4}, -\frac{7}{4}]$

(۳)  $[-\frac{5}{4}, -\frac{3}{4}]$

محل انجام محاسبات
-------------------

۱۰- اگر بزرگترین بازه‌ای که تابع  $f(x) = x^2 - 4x$  در آن یک به یک است به صورت  $[a, +\infty)$  باشد،  $a$  کدام است؟

(۱) -۱ (۲) ۱

(۳) -۲ (۴) ۲

۱۱- تابع  $f(x) = ax^3 + b$  وارونش را در نقطه‌ای به طول ۱ واقع بر محور  $x$  ها قطع می‌کند.  $b - 2a$  کدام است؟

(۱) ۱ (۲) ۲

(۳) صفر (۴) ۳

۱۲- اگر  $f(x)$ ، یک تابع خطی بوده و  $f^{-1}(3) = 4$ ،  $f^{-1}(1) = 8$  باشد، آنگاه مقدار  $f(2)$  کدام است؟

(۱) ۴ (۲) ۶

(۳) -۴ (۴) -۶

۱۳- در توابع  $f(x) = \frac{x^2 + x}{x^2 - 3x + 2}$  و  $g(x) = \frac{\sqrt{16 - x^2}}{x + 3}$ ، دامنه تابع  $\frac{fg}{f}$  شامل چند عدد صحیح است؟

(۱) ۴ (۲) ۵

(۳) ۶ (۴) ۷

۱۴- اگر  $g(1) = -1$  و  $f^{-1}(-1) = 0$ ، حاصل  $(g^{-1} \circ f)(0)$  کدام است؟

(۱) ۱ (۲) صفر

(۳) -۱ (۴) -۲

۱۵- اگر  $f(x) = \sqrt{-1-x}$  و  $D_g = [-1, 2)$ ، دامنه تابع  $g \circ f$  کدام است؟

(۱)  $(-5, -1]$  (۲)  $(-5, -2]$

(۳)  $(-5, +\infty)$  (۴)  $\emptyset$

محل انجام محاسبات
-------------------

۱۶- اگر  $y = f(x)$ ، یک تابع خطی گذرنده از نقاط  $(-k, 2k)$  و  $(0, k)$  باشد، مقدار  $(f \circ f)(2k)$  همواره کدام است؟ ( $k \neq 0$ )

(۱) صفر  $k$  (۲)

(۳)  $2k$  (۴)  $3k$

۱۷- دامنه تابع  $f(x) = \frac{\sqrt{16-2^x}}{3^x - 27}$  به صورت  $\{b\} - (-\infty, a]$  است. کدام است  $a + b$ ؟

(۱) ۴ (۲) ۷

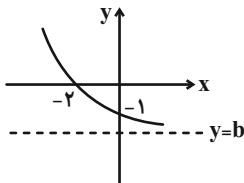
(۳) ۳ (۴) ۹

۱۸- تابع نمایی  $f(x) = a(b)^x + 1$  از نقاط  $(1, \frac{4}{3})$  و  $(3, \frac{13}{12})$  می‌گذرد. حاصل  $f(-1)$  کدام است؟

(۱)  $\frac{1}{3}$  (۲)  $\frac{5}{3}$

(۳)  $\frac{7}{3}$  (۴) ۱

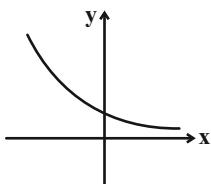
۱۹- اگر نمودار  $f(x) = a(\frac{1}{3})^x + b$  به صورت مقابل باشد،  $\frac{b}{a}$  کدام است؟



(۱) ۴ (۲)  $\frac{1}{4}$

(۳)  $-\frac{1}{4}$  (۴) -۴

۲۰- اگر نمودار تابع نمایی  $y = (3-2a)^x$  به صورت زیر باشد، مجموعه جواب نامعادله  $(\frac{1}{a})^{-x^2 + 5x} \leq (\frac{1}{a})^x$ ، شامل چند عدد طبیعی می‌باشد؟



(۱) ۵ (۲) ۴

(۳) ۳ (۴) صفر

۳۰ دقیقه

هندسه (۲)

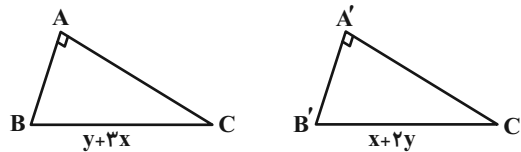
هندسه (۲)

**دایره** (درس اول: دایره‌های محیطی و محاطی مثلث / درس دوم: چهارضلعی‌های محاطی و محیطی)  
**تبدیل‌های هندسی و کاربردها** (درس اول: تبدیل‌های هندسی تا انتهای بازتاب) صفحه‌های ۲۵ تا ۳۸

۲۱- کدام گزینه در مورد بازتاب درست نیست؟

- (۱) در حالت کلی بازتاب شیب خط و جهت شکل را حفظ نمی‌کند.
- (۲) بازتاب حول محور هیچ‌گاه شیب خط را حفظ نمی‌کند.
- (۳) محور بازتاب عمودمنصف پاره خطی است که هر نقطه را به نقطه تصویرش وصل می‌کند.
- (۴) مستطیل ۲ محور بازتاب دارد.

۲۲- اگر  $T$  یک تبدیل ایزومتري باشد و این تبدیل دایره‌ای به شعاع  $r = 2x + 1$  را به دایره‌ای با مساحت  $49\pi$  تبدیل کند و مثلث  $ABC$  را به  $A'B'C'$  کند  $x + 2y$  چند است؟



- |        |        |
|--------|--------|
| (۱) ۱۵ | (۲) ۱۶ |
| (۳) ۱۴ | (۴) ۱۲ |

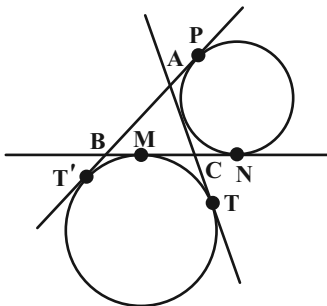
۲۳- در تبدیلات ایزومتري برای پیدا کردن تبدیل یافته یک خط کافی است تبدیل یافته ... نقطه و برای تبدیل یافته دایره کافی است تبدیل یافته ... نقطه روی دایره را پیدا کنیم.

- |           |           |
|-----------|-----------|
| (۱) ۲ - ۳ | (۲) ۲ - ۲ |
| (۳) ۳ - ۳ | (۴) ۲ - ۳ |

۲۴- چند نقطه وجود دارد که از ۳ خط دو به دو متقاطع به یک فاصله باشد؟

- |       |       |
|-------|-------|
| (۱) ۴ | (۲) ۳ |
| (۳) ۲ | (۴) ۱ |

۲۵- در شکل زیر، دایره‌های محاطی خارجی روبه‌رو به رأس‌های  $A$  و  $B$  از مثلث  $ABC$  را رسم کرده‌ایم. اگر  $AB = 6$ ،  $AC = 7$ ،  $BC = 9$  باشد، طول مماس مشترک داخلی دو دایره  $(MN)$  کدام است؟



- |       |
|-------|
| (۱) ۵ |
| (۲) ۶ |
| (۳) ۷ |
| (۴) ۸ |

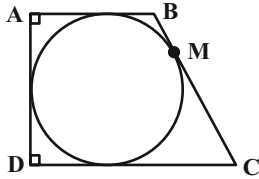
سؤال‌هایی که با آیکون مشخص شده‌اند، سؤال‌هایی هستند که مشابه آن‌ها در امتحانات تشریحی مورد پرسش قرار می‌گیرد.

محل انجام محاسبات

۲۶- اگر مساحت ناحیه محصور بین مثلث متساوی الاضلاع و دایره محیطی اش برابر  $4\pi - 3\sqrt{3}$  باشد شعاع دایره محاطی کدام است؟

- (۱) ۱  
(۲) ۲  
(۳)  $\frac{1}{3}$   
(۴)  $\frac{2}{3}$

۲۷- در شکل زیر، دایره محاطی ذوزنقه قائم الزاویه، روی ساق آن پاره خطهایی به طول ۴ و ۹ به وجود آورده است. شعاع دایره چقدر است؟

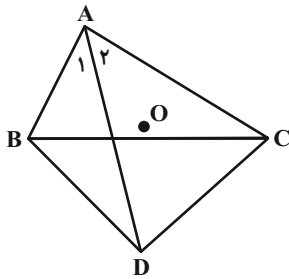


- (۱) ۸  
(۲) ۷  
(۳) ۶  
(۴) ۵

۲۸- در مثلث  $ABC$ ، می‌دانیم  $\hat{A} = 30^\circ$  و طول میانه  $AM$  برابر ۳ است. اگر  $G$  محل هم‌رسی میانه‌های  $ABC$  باشد و  $G'$  و  $G''$  بازتاب  $G$  نسبت به اضلاع  $AB$  و  $AC$ ، اندازه  $G'G''$  کدام است؟

- (۱) ۱  
(۲) ۲  
(۳) ۳  
(۴) ۴

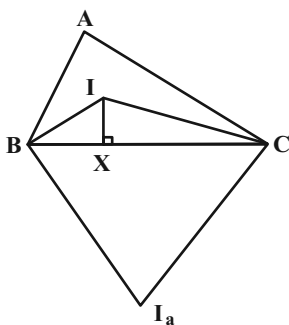
۲۹- در شکل روبه‌رو  $\hat{A}_1 = \hat{A}_2 = 30^\circ$  و  $AB = 3$ ،  $AC = 5$  و  $BD = DC$  است اگر  $O$  مرکز دایره محیطی مثلث حاده الزاویه  $ABC$  باشد.



$\hat{D}OC$  چند درجه است؟

- (۱)  $60^\circ$   
(۲)  $45^\circ$   
(۳)  $75^\circ$   
(۴)  $50^\circ$

۳۰- در مثلث  $ABC$ ،  $I$  مرکز دایره محاطی داخلی و  $I_a$  مرکز دایره محاطی خارجی نظیر رأس  $A$  است. اگر  $\hat{B} = 60^\circ$  و  $BI = 10$  و



$CX = 12$  باشد.  $\hat{I}I_a$  چند است؟

- (۱) ۲۴  
(۲) ۲۰  
(۳) ۲۵  
(۴) ۲۶

محل انجام محاسبات



## هندسه (۲) - سوالات آشنا

۳۱- در مثلث  $ABC$ ،  $\hat{A} = \frac{3}{2}\hat{B} = 3\hat{C}$  و  $BC = 12$  است. اگر مثلث  $A'B'C'$  تبدیل یافته  $ABC$  تحت تبدیل طولپای  $T$  باشد،

مساحت مثلث  $A'B'C'$  کدام است؟

(۱)  $36\sqrt{2}$

(۲)  $18\sqrt{2}$

(۳)  $36\sqrt{3}$

(۴)  $18\sqrt{3}$

۳۲- مطابق شکل خط  $d$  از وسط اضلاع  $AB$  و  $BC$  می‌گذرد. تبدیل  $S$  بازتاب نسبت به خط  $d$  است. اگر  $S(B) = B'$  باشد، اندازه زاویه

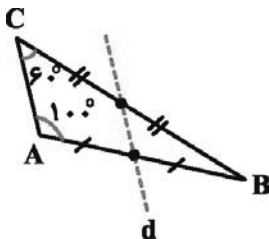
$AB'B$  کدام است؟

(۱)  $6^\circ$

(۲)  $9^\circ$

(۳)  $10^\circ$

(۴)  $12^\circ$



۳۳- در یک دوزنقه محیط بر دایره، طول خط واصل بین وسط‌های دو ساق آن ۱۲ واحد است. محیط دوزنقه، کدام است؟

(۴) ۴۸

(۳) ۴۶

(۲) ۴۴

(۱) ۳۶

۳۴- تناظر  $M$  بین نقاط صفحه و نقاط خط  $l$  به صورت زیر تعریف شده است. کدام گزینه در مورد این تناظر صحیح است؟

اگر نقطه  $A$  روی خط  $l$  باشد، آن‌گاه  $M(A) = A$ .

اگر نقطه  $A$  خارج خط  $l$  باشد، آن‌گاه  $M(A) = A'$  که  $A'$  پای عمود  $A$  بر  $l$  می‌باشد.

(۱)  $M$  تبدیل نیست.

(۲)  $M$  یک تبدیل است ولی طولپای نیست.

(۳)  $M$  یک تبدیل است و طولپای است.

(۴)  $M$  یک تبدیل طولپاست و بی‌شمار نقطه ثابت تبدیل دارد.

محل انجام محاسبات

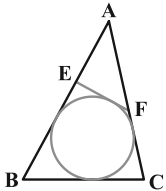
۳۵- در مثلث  $ABC$  به اضلاع  $a = 2\sqrt{3}$  و  $b = 3$ ، فاصله مرکز دایره محیطی مثلث تا ضلع  $a$  برابر یک واحد است. مجموع فاصله‌های این نقطه تا سه رأس مثلث کدام است؟

- (۱)  $3\sqrt{3}$  (۲) ۶ (۳)  $6\sqrt{3}$  (۴)  $5 + 2\sqrt{3}$

۳۶- در مثلثی با اضلاع ۶، ۸ و ۱۰، فاصله مرکز دایره محاطی داخلی تا مرکز دایره محیطی چقدر است؟

- (۱)  $\sqrt{2}$  (۲)  $\sqrt{5}$  (۳)  $\sqrt{8}$  (۴)  $\sqrt{10}$

۳۷- مطابق شکل زیر، پاره‌خط  $EF$  محدود به دو ضلع  $AB$  و  $AC$  را طوری رسم می‌کنیم که بر دایره محاطی مثلث  $ABC$  مماس شود. اگر  $AE = 2$ ،  $AF = 3$ ،  $AB = 9$  و  $AC = 6$ ، آن‌گاه اندازه پاره‌خط  $EF$  کدام است؟



- (۱) ۳

- (۲)  $\frac{1}{3}$

- (۳)  $\frac{2}{5}$

- (۴)  $\frac{4}{2}$

۳۸- اندازه شعاع کوچک‌ترین و بزرگ‌ترین دایره محاطی یک مثلث قائم‌الزاویه به ترتیب برابر ۱ و ۶ است. اندازه شعاع دایره محیطی این مثلث کدام است؟

- (۱) ۲ (۲)  $\frac{2}{5}$  (۳) ۳ (۴)  $\frac{3}{5}$

۳۹- دوزنقه متساوی‌الساقینی بر دایره‌ای به شعاع  $\sqrt{3}$  محیط است. اگر نسبت قاعده‌های این دوزنقه  $\frac{1}{3}$  باشد، مساحت آن کدام است؟

- (۱)  $4\sqrt{3}$  (۲) ۸ (۳) ۱۲ (۴)  $8\sqrt{3}$

۴۰- دو خط  $d_1$  و  $d_2$  در نقطه  $O$  متقاطعند و نقطه  $P$  به فاصله ۲ از  $d_1$  و به فاصله ۳ از  $d_2$  مفروض است. بازتاب نقطه  $P$  نسبت به  $d_1$  را  $P_1$  و بازتاب  $P_1$  نسبت به  $d_2$  را  $P_2$  می‌نامیم. اگر  $P$  و  $O$  و  $P_2$  روی یک خط راست باشند، مساحت مثلث  $PP_1P_2$  کدام است؟

- (۱) ۸ (۲) ۱۲ (۳)  $6\sqrt{2}$  (۴)  $4\sqrt{2}$

۱۵ دقیقه

آمار و احتمال

آمار و احتمال

آشنایی با مبانی ریاضیات

(ضرب دکارتی بین دو مجموعه)

احتمال (مبانی احتمال) -

احتمال غیرهم‌شانس)

صفحه‌های ۳۰ تا ۴۷

۴۱- اگر  $A = \{a, b, c\}$  و  $B = \{b, c, d\}$  باشد، تعداد اعضای مجموعه  $(A \times B) \cup (B \times A)$  کدام است؟  
 $(a \neq b \neq c \neq d)$

۱۲ (۲)

۱۴ (۱)

۱۶ (۴)

۱۸ (۳)

۴۲- اگر فضای نمونه  $S = \{a_1, a_2, a_3\}$  باشد که  $P(a_1)$ ،  $P(a_2)$  و  $P(a_3)$  در رابطه  $P(a_n) = \frac{k}{n^2 + n}$  صدق کنند،  $P(\{a_1\} \cup \{a_3\})$  چند

است؟

 $\frac{8}{12}$  (۲)

 $\frac{7}{9}$  (۱)

 $\frac{5}{8}$  (۴)

 $\frac{8}{15}$  (۳)

۴۳- در یک خانواده ۴ فرزندی با کدام احتمال فرزند اول و آخر هم‌جنس‌اند. اما فرزندان وسط غیرهم‌جنس‌اند؟

 $\frac{1}{4}$  (۲)

 $\frac{3}{8}$  (۱)

 $\frac{2}{3}$  (۴)

 $\frac{1}{2}$  (۳)

۴۴- در جعبه‌ای ۱۰ مهره به شماره‌های ۱ تا ۱۰ وجود دارد. می‌خواهیم ۳ مهره به تصادف و به صورت هم‌زمان از این جعبه خارج کنیم. چند مورد از گزاره‌های زیر صحیح است؟

الف) ۱۰ پیشامد تصادفی وجود دارد.

ب) یکی از اعضای فضای نمونه‌ای (۱, ۲, ۳) است.

ج) اگر احتمال وقوع هر پیشامد ممکن را در ۱۲۰ ضرب کنیم، عدد صحیح حاصل خواهد شد.

۲ (۲)

۱ (۱)

صفر (۴)

۳ (۳)

۴۵- اگر  $A = \{x \in \mathbb{Z} \mid x^2 \leq 7\}$  و  $B = \{2x - 1 \mid x \in A\}$  آنگاه اجتماع دو مجموعه  $A \times A$  و  $B^c$  چند عضو دارد؟

۵۰ (۲)

۴۶ (۱)

۴۲ (۴)

۴۸ (۳)

سؤال‌هایی که با آیکن مشخص شده‌اند، سؤال‌هایی هستند که مشابه آن‌ها در امتحانات تشریحی مورد پرسش قرار می‌گیرد.

محل انجام محاسبات

۴۶- اگر  $A = \{a \in \mathbb{Z}; 0 \leq a < 4\}$  و  $B = \{b \in \mathbb{N}; b^2 < 13\}$  باشند؛ آنگاه تعداد اعضای مجموعه  $(A \times B) \cup (B \times A)$  چگونه است؟

۱۲ (۱)      ۱۴ (۲)

۱۴ (۳)      ۱۵ (۴)

۴۷- یک سکه را پرتاب می‌کنیم. اگر پشت بیاید آنگاه یک تاس می‌ریزیم، اگر رو بیاید دوباره سکه را پرتاب می‌کنیم، این عمل را تا جایی ادامه

می‌دهیم تا مجاز به پرتاب تاس شویم، با کدام احتمال حداکثر پس از پرتاب چهارم سکه، مضرب ۲ در تاس ظاهر می‌شود؟

$\frac{1}{16}$  (۱)       $\frac{3}{32}$  (۲)

$\frac{7}{32}$  (۳)       $\frac{15}{32}$  (۴)

۴۸- اگر  $P(A) = 2P(B)$  و  $P(A \cap B) = P(A) \times P(B)$  و احتمال رخ دادن حداقل یکی از آن‌ها  $\frac{5}{8}$  باشد، با کدام احتمال فقط یکی از این

دو پیشامد رخ می‌دهند؟

$\frac{1}{4}$  (۱)       $\frac{1}{2}$  (۲)

$\frac{3}{8}$  (۳)       $\frac{1}{8}$  (۴)

۴۹- از یک ظرف با ۲ مهره آبی و ۳ مهره قرمز و ۵ مهره سبز، ۳ مهره به‌طور متوالی برمی‌داریم. به چه احتمالی یا ۳ مهره خارج شده از هر ۳

رنگ است و یا هر ۳ هم‌رنگ هستند؟

$\frac{1}{3}$  (۱)       $\frac{41}{120}$  (۲)

$\frac{7}{30}$  (۳)       $\frac{43}{120}$  (۴)

۵۰- یک تیرانداز ابتدا به هدف اول که ۳ دایره متحدالمرکز با شعاع‌های ۱، ۲ و ۳ هستند، تیر می‌اندازد که به ترتیب هر بخش امتیازهای ۲، ۴، ۶

را می‌تواند به او بدهند. سپس به سمت هدف ۲ تیر اندازی می‌کند که ۳ مربع هم‌مرکز به طول اضلاع ۱، ۲ و ۳ هستند و به ترتیب

امتیازهای ۴، ۲ و ۱ به او می‌دهند. اگر امتیازهای اهداف اول و دوم به ترتیب  $a$  و  $b$  باشد. به چه احتمالی  $P(x) = bx^2 + ax + 2$  در

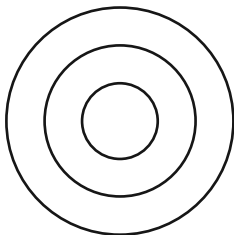
$x = -1$  ریشه دارد؟ (سطح نزدیک‌تر به وسط، امتیاز بیش‌تری دارد.)

$\frac{1}{9}$  (۱)

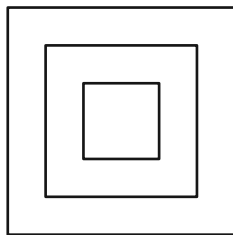
$\frac{10}{81}$  (۲)

$\frac{32}{81}$  (۳)

$\frac{12}{81}$  (۴)



هدف ۱



هدف ۲

**فیزیک (۲)**

۳۰ دقیقه

**فیزیک (۲)**
**الکتریسیته ساکن** (از ابتدای

خازن تا پایان فصل)

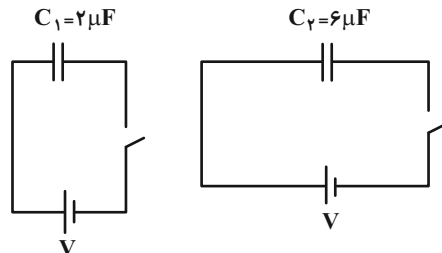
**جریان الکتریکی و مدارهای**
**جریان مستقیم**

(از ابتدای فصل تا انتهای نیروی

محرکه الکتریکی و مدارها)

صفحه‌های ۳۲ تا ۶۶

 ۵۱- دو خازن، مطابق شکل به باتری‌های مشابه بسته شده‌اند. با بستن کلیدها، ولتاژ نهایی خازن‌ها به ترتیب  $V_1$  و

 $V_2$  و بار نهایی آن‌ها  $Q_1$  و  $Q_2$  است. به ترتیب از راست به چپ،  $\frac{Q_2}{Q_1}$  و  $\frac{V_2}{V_1}$  کدام است؟


(۱) ۳ و ۳

(۲) ۳ و ۱

(۳) ۱ و ۳

(۴) ۱ و ۱

 ۵۲- اختلاف پتانسیل دو سر خازنی را از ۳۰ ولت به ۵۰ ولت می‌رسانیم. اگر در طی این فرایند بار الکتریکی ذخیره شده در خازن  $600 \mu C$ 

افزایش یابد، ظرفیت این خازن چند میکروفاراد است؟

(۲) ۱۰

(۱) ۲۰

(۴) ۴۰

(۳) ۳۰

۵۳- اگر ولتاژ دو سر یک خازن را طوری کاهش دهیم تا بار ذخیره شده در خازن نصف شود، انرژی ذخیره شده در خازن چند برابر می‌شود؟

 (۲)  $\frac{1}{2}$ 

(۱) ۲

 (۴)  $\frac{1}{4}$ 

(۳) ۴

 ۵۴- فاصله بین دو صفحه خازن تختی  $5 \text{ mm}$  و مساحت هر یک از صفحات آن  $4 \text{ cm}^2$  می‌باشد. در صورتی که اندازه چگالی سطحی بار

 الکتریکی صفحات خازن  $\frac{1}{8} \frac{\mu C}{m^2}$  باشد، بزرگی میدان الکتریکی یکنواخت بین صفحات خازن چند واحد SI است؟  $\left( \frac{F}{m} = 9 \times 10^{-12} \epsilon_0 \right)$ 

و میان صفحات خازن هوا است.

 (۲)  $5 \times 10^4$ 

(۱) ۲۰۰

 (۴)  $4 \times 10^5$ 

 (۳)  $2 \times 10^5$ 

سؤال‌هایی که با آیکون مشخص شده‌اند، سؤال‌هایی هستند که مشابه آن‌ها در امتحانات تشریحی مورد پرسش قرار می‌گیرد.

محل انجام محاسبات

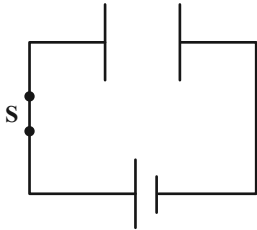
۵۵- خازنی به مولدی که اختلاف پتانسیل دو سر آن  $10V$  است، متصل است. در این حالت صفحه‌های خازن را موازی یکدیگر حرکت می‌دهیم به طوری که نیمی از هر یک صفحات در مقابل هم قرار گیرد. سپس فاصله بین صفحه‌های خازن را با ماده‌ای با ثابت دی‌الکتریک ۵ پر می‌کنیم. در این حالت انرژی ذخیره شده در خازن چند برابر می‌شود؟ (در حالت اول بین صفحات خازن هوا است.)

$$\frac{5}{2} \quad (1)$$

$$\frac{1}{10} \quad (3)$$

$$10 \quad (4)$$

۵۶- ظرفیت خازن شکل زیر  $C$  و انرژی ذخیره شده در آن  $U$  است. اگر فاصله بین صفحات خازن را  $n$  برابر کنیم، انرژی ذخیره شده در خازن  $U'$  و اگر از همان حالت اولیه ابتدا کلید  $S$  را باز کنیم و سپس فاصله بین صفحات آن  $m$  برابر شود، انرژی ذخیره شده در خازن به  $U''$  می‌رسد. حاصل  $\frac{U''}{U'}$  کدام است؟



$$m \times n \quad (1)$$

$$\frac{m}{n} \quad (2)$$

$$\frac{n}{m} \quad (3)$$

$$1 \quad (4)$$

۵۷- در یک آذرخش،  $10^9 J$  انرژی در اثر اختلاف پتانسیل  $5 \times 10^7 V$  در بازه زمانی  $2s$  آزاد می‌شود. جریان متوسط در این آذرخش چند آمپر است؟

$$50 \quad (1)$$

$$200 \quad (3)$$

$$100 \quad (2)$$

$$400 \quad (4)$$

۵۸- سیم رسانایی به مقاومت  $R$  را به اختلاف پتانسیل  $V$  وصل می‌کنیم. تعداد الکترون‌هایی که در مدت زمان  $t$  از مقطع دلخواهی از این رسانا عبور می‌کنند، در کدام گزینه زیر به درستی آمده است؟ ( $e$  بیانگر بار بنیادی است.)

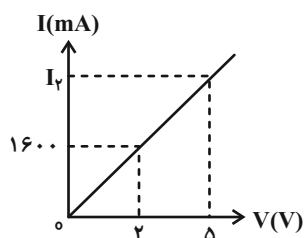
$$\frac{Vt}{Re} \quad (1)$$

$$\frac{Ve}{Rt} \quad (3)$$

$$\frac{VR}{te} \quad (2)$$

$$\frac{Ve}{t} \quad (4)$$

۵۹- نمودار جریان الکتریکی برحسب اختلاف پتانسیل برای یک رسانای اهمی به صورت زیر می‌باشد. به ترتیب از راست به چپ، مقاومت الکتریکی



رسانا برحسب اهم و جریان  $I_p$  برحسب میلی‌آمپر، کدام است؟

(۱)  $4000, 1/25$

(۲)  $3600, 1/25$

(۳)  $3600, 0/8$

(۴)  $4000, 0/8$

۶۰- یک مکعب مستطیل رسانا به ابعاد  $1\text{ cm}$ ،  $3\text{ cm}$  و  $5\text{ cm}$  را از هر یک از وجه‌هایش می‌توان در مدار قرار داد. نسبت بیشترین مقاومت به کمترین مقاومت مکعب مستطیل کدام است؟ (دما ثابت فرض شود).

(۱)  $5$  (۲)  $\frac{5}{3}$

(۳)  $\frac{25}{9}$  (۴)  $25$

۶۱- مقاومت الکتریکی یک قطعه سیم  $10\ \Omega$  است. اگر بدون تغییر جرم، طول آن را ۲ برابر کنیم، مقاومت الکتریکی آن چند اهم می‌شود؟ (دما ثابت فرض شود).

(۱)  $5$  (۲)  $20$

(۳)  $30$  (۴)  $40$

۶۲- دو رسانای A و B از جنس‌های متفاوت، دارای طول‌های یکسانی هستند. رسانای A سیم توپری به شعاع  $1\text{ mm}$  و رسانای B لوله‌ای

توخالی به شعاع خارجی  $4\text{ mm}$  و شعاع داخلی  $1\text{ mm}$  است. نسبت مقاومت ویژه B به A کدام باشد تا  $\frac{R_A}{R_B}$  برابر با ۸ شود؟ (دما ثابت

و یکسان فرض شود).

(۱)  $\frac{9}{8}$  (۲)  $\frac{1}{9}$

(۳)  $\frac{8}{15}$  (۴)  $\frac{15}{8}$

۶۳- از سیمی به طول  $20$  متر که به اختلاف پتانسیل  $0.6\text{ V}$  متصل است، جریان  $3\text{ A}$  می‌گذرد. اگر چگالی سیم  $\frac{2}{3}\frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$  و مقاومت ویژه آن

$10^{-8}\ \Omega\cdot\text{m}$  باشد، جرم سیم چند گرم است؟ (دما ثابت فرض شود).

(۱)  $7/2$  (۲)  $720$

(۳)  $3/6$  (۴)  $360$

۶۴- سیمی فلزی را از دستگاهی عبور می‌دهیم تا بدون تغییر حجم، شعاع آن نصف شود و سپس دمای آن را به اندازه  $\Delta\theta$  افزایش می‌دهیم. در

این حالت مقاومت الکتریکی آن  $19/2$  برابر حالت اولیه شود.  $\Delta\theta$  چند درجه سلسیوس است؟  $(\alpha = 2/5 \times 10^{-3} \frac{1}{\text{K}})$

(۱)  $45/5$  (۲)  $80$

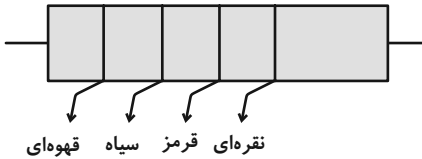
(۳)  $152$  (۴)  $182$

محل انجام محاسبات

۶۵- نماد  مربوط به کدام قطعه الکترونیکی می‌باشد؟

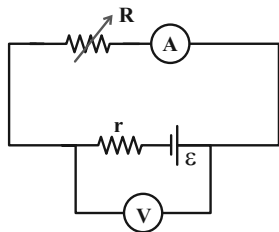
- (۱) دیود نورگسیل  
(۲) پتانسیومتر  
(۳) LDR  
(۴) ترمستور

۶۶- بیشینه مقدار مقاومت ترکیبی زیر چند اهم است؟ (۲=قرمز، ۱=قهوه‌ای، ۰=سیاه)



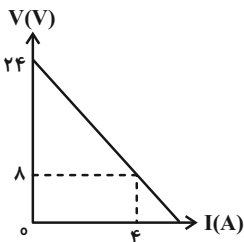
- (۱) ۱۰۰۰  
(۲) ۹۰۰  
(۳) ۱۱۰۰  
(۴) ۱۰۵۰

۶۷- در مدار زیر، اگر مقاومت رئوستا را ۴۰ درصد کاهش دهیم، عدد آمپرسنج آرمانی ۲۵ درصد تغییر می‌کند. اگر ولت‌سنج آرمانی در ابتدا



- ۱۲/۵V را نشان دهد، نیروی محرکه باتری چند ولت است؟  
(۱) ۱۸/۷۵  
(۲) ۵۰  
(۳) ۲۵  
(۴) ۳۷/۵

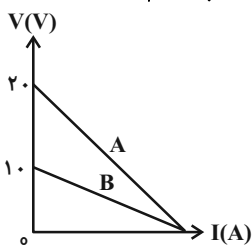
۶۸- نمودار ولتاژ - جریان یک مولد مطابق شکل است. این مولد را به مقاومت چند اهمی متصل کنیم تا جریان خروجی از آن ۲ آمپر شود؟



- (۱) ۴  
(۲) ۸  
(۳) ۶  
(۴) ۱۲

۶۹- نمودار تغییرات اختلاف پتانسیل الکتریکی دو سر باتری‌های A و B برحسب جریان آن‌ها مطابق شکل زیر است. اگر این دو باتری را به‌طور جداگانه به

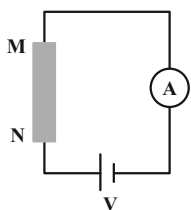
یک مقاومت ۱۲Ω وصل کنیم، جریان خروجی باتری A، ۲۰ درصد بیشتر از باتری B خواهد بود. مقاومت درونی باتری A چند اهم است؟



- (۱) ۱۲  
(۲) ۲۴  
(۳) ۳۶  
(۴) ۴۸

۷۰- در مدار شکل زیر، اگر سیم رسانای MN را با سیم هم‌جنس دیگری که جرمش ۲۰ درصد کم‌تر است، جابه‌جا کنیم، عددی که آمپرسنج آرمانی

نشان می‌دهد، ۲۰ درصد افزایش می‌یابد. طول سیم جدید چند برابر طول سیم MN است؟ (دما ثابت است).



- (۱)  $2\sqrt{3}$   
(۲)  $\frac{1}{2\sqrt{3}}$   
(۳)  $\frac{2\sqrt{3}}{3}$   
(۴)  $\frac{\sqrt{6}}{3}$

محل انجام محاسبات



۲۰ دقیقه

شیمی (۲)

شیمی (۲)

قدر هدایای زمینی را بدانیم

(از ابتدای آلکان‌ها،

هیدروکربن‌هایی با پیوندهای

یگانه تا پایان فصل)

در پی غذای سالم (از ابتدای

فصل تا انتهای گرما در

واکنش‌های

شیمیایی (گرمایشی))

صفحه‌های ۳۳ تا ۶۵

۷۱- کدام گزینه درست است؟

(۱) در آلکان‌های شاخه‌دار برخلاف آلکان‌های راست زنجیر، برخی اتم‌های کربن به چهار اتم دیگر متصل شده‌اند.

 (۲) وازلین ( $C_{25}H_{50}$ ) گران روی و نقطه جوش بالاتری نسبت به گریس ( $C_{18}H_{38}$ ) دارد.

(۳) به دلیل گشتاور دو قطبی بالای آلکان‌ها، از آن‌ها برای محافظت فلزات در برابر آب استفاده می‌شود.

 (۴) سوخت فندک در دمای  $22^{\circ}C$  و فشار  $1\text{atm}$ ، به حالت گاز وجود دارد.

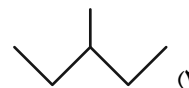
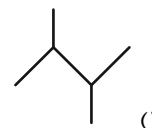
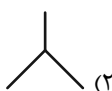
۷۲- کدام گزینه نادرست است؟

 (۱) اولین آلکان راست زنجیر که در دمای  $22^{\circ}C$  و فشار اتاق، به حالت مایع است، ۱۸ پیوند یگانه در ساختار خود دارد.

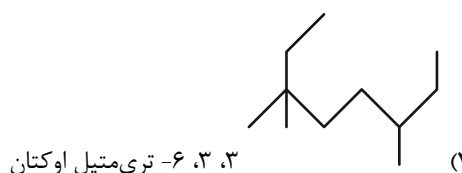
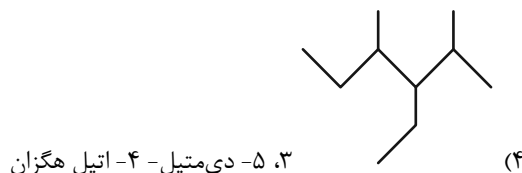
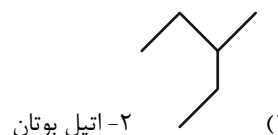
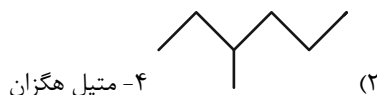
(۲) با افزایش شمار اتم‌های کربن در آلکان‌های راست زنجیر، اختلاف نقطه جوش دو آلکان متوالی، کاهش می‌یابد.

 (۳) سنگین‌ترین آلکان راست زنجیر که در دمای  $22^{\circ}C$  و فشار  $1\text{atm}$  به حالت گازی است، به عنوان سوخت فندک کاربرد دارد.

(۴) وازلین، چسبندگی بیشتر و فراریت کمتری نسبت به گریس دارد.

 ۷۳- از سوختن کامل ۵ گرم از یک آلکان،  $7/5$  گرم آب تولید می‌شود. ساختار این آلکان کدام می‌تواند باشد؟ ( $O = 16, C = 12, H = 1: \text{g.mol}^{-1}$ )


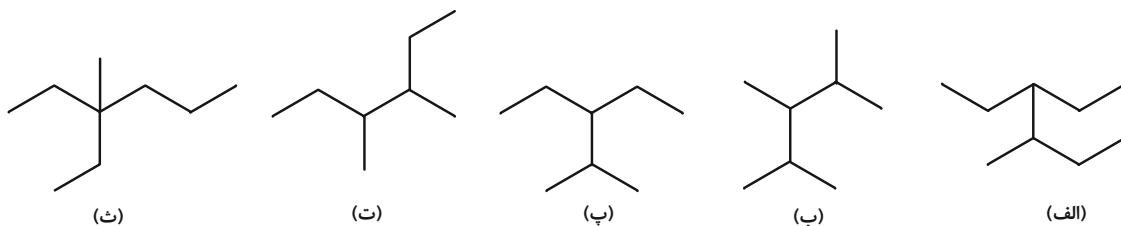
۷۴- نام گذاری آلکان داده شده در کدام گزینه، مطابق قواعد آیوپاک درست است؟



سؤال‌هایی که با آیگون مشخص شده‌اند، سؤال‌هایی هستند که مشابه آن‌ها در امتحانات تشریحی مورد پرسش قرار می‌گیرد.

محل انجام محاسبات

۷۵- کدام دو آلکان جرم مولی برابری دارند و مجموع اعداد مورد استفاده در نام‌گذاری کدام آلکان بیشتر است؟ (گزینه‌ها را از راست به چپ بخوانید).



(۱) (پ) و (ت) - (ب)

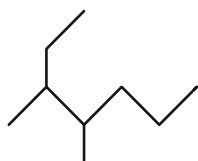
(۲) (الف) و (پ) - (ث)

۷۶- کدام موارد از مطالب زیر، نادرست هستند؟



(الف) هر کدام از مولکول‌های اتین، کربن دی‌اکسید و هیدروژن سیانید دارای چهار پیوند کووالانسی‌اند.

(ب) در دمای  $21^{\circ}\text{C}$  و فشار یک اتمسفر، دومین آلکان راست زنجیر مایع، « $\text{C}_6\text{H}_{14}$ » است و با این فرمول مولکولی می‌توان ساختاری با یک شاخه فرعی اتیل رسم کرد.



(پ) نام آیوپاک آلکان روبه‌رو، «۳، ۴-دی‌متیل هپتان» است.

(ت) نسبت شمار اتم‌های H در فرمول مولکولی «۳-اتیل - ۲، ۲-دی‌متیل هگزان» به شمار اتم‌های H در مولکول پنتن برابر  $2/2$  است.

(۱) (الف) و (ب)

(۳) (الف) و (پ)

۷۷- عبارت کدام گزینه درست است؟

(۱) انواع پلاستیک‌ها، الیاف و پلیمرهای سودمند را می‌توان از واکنش پلیمری شدن آلکان‌ها تهیه کرد.

(۲) تفاوت مجموع شمار اتم‌های سازنده در سومین عضو خانواده آلکین‌ها با شمار اتم‌های هیدروژن در ساده‌ترین آلکان، برابر ۳ است.

(۳) شمار پیوندهای یگانه کربن - کربن در نفتالن بیشتر از شمار این پیوند در سیکلوهگزان است.

(۴) نفتالن یک هیدروکربن آروماتیک دو حلقه‌ای و دارای ۵ پیوند دوگانه است.

۷۸- هر ترکیبی که ... قطعاً ...

(۱) پیوند  $\text{C}=\text{C}$  دارد - آلکن است.

(۲) پیوند  $\text{C}\equiv\text{C}$  دارد - آلکین است.

(۳) پیوند دوگانه دارد - سبب تغییر رنگ بخار برم می‌شود.

(۴) دارای حلقه بنزن است - آروماتیک می‌باشد.

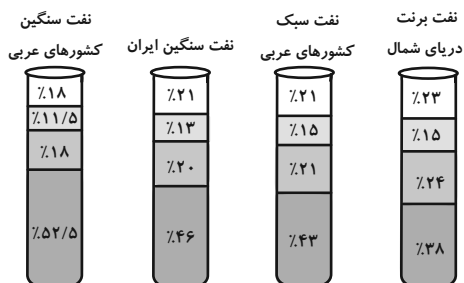
۷۹- کدام یک از مقایسه‌های زیر در مورد درصد اجزای سازنده نفت خام درست است؟

(۱) نفت سفید: نفت سبک کشورهای عربی < نفت سنگین ایران

(۲) بنزین و خوراک پتروشیمی: نفت سبک کشورهای عربی < نفت سنگین ایران

(۳) گازوئیل: نفت سبک کشورهای عربی < نفت برنت دریای شمال

(۴) بنزین و خوراک پتروشیمی: نفت سنگین کشورهای عربی < نفت سنگین ایران



محل انجام محاسبات

۸۰- چند مورد از مطالب زیر، درست است؟

- بیش از ۹۰ درصد نفت خام صرف سوزاندن و تأمین انرژی می‌شود.
- نفت سبک ایران، در مقایسه با نفت سنگین ایران، دمای جوش بالاتری داشته و چگالی آن نیز کم‌تر از نفت سنگین ایران است.
- برای جدا کردن هیدروکربن‌های سازنده نفت خام در پالایشگاه از فرایند تقطیر جزء به جزء استفاده می‌شود.
- گشتاور دو قطبی مولکول‌های سازنده همه فرآورده‌های حاصل از سوختن زغال سنگ بزرگتر از صفر است.

۱ (۱) ۲ (۲)

۳ (۳) ۴ (۴)

۸۱- چند مورد از عبارت‌های زیر، درست است؟ ( $H = 1, C = 12 : g.mol^{-1}$ )

(الف) حالت فیزیکی ۱، ۲- دی برم اتان در دما و فشار اتاق، همانند اتانول، مایع است.

(ب) تفاوت جرم مولی بنزن و سیکلوهگزان، برابر  $\frac{1}{5}$  جرم مولی دومین آلکان است.

(پ) طول عمر ذخایر زغال سنگ به ۵۰۰ سال می‌رسد و زغال سنگ می‌تواند به عنوان سوخت جایگزین نفت شود.

(ت) یکی از راه‌های بهبود کارایی زغال سنگ، به دام انداختن گاز  $SO_2$  خارج شده از نیروگاه‌ها با عبور گاز خروجی از روی  $CaO$  می‌باشد.

۱ (۱) ۲ (۲)

۳ (۳) ۴ (۴)

۸۲- عبارت‌های زیر در توصیف چه ماده‌ای ذکر شده‌اند؟ (گزینه‌ها به ترتیب از راست به چپ برای عبارت‌های (الف)، (ب) و (پ) ذکر شده‌اند.)

(الف) آلایندة حاصل از واکنش تهیه مس از سنگ معدن

(ب) فلز به کار رفته در بدنة دوچرخه

(پ) عناصر اصلی سازنده سلول‌های خورشیدی

۱ (۱)  $Si - Ti - SO_2$  ۲ (۲)  $Si - Ti - SO_3$

۳ (۳)  $Ge - Sc - SO_2$  ۴ (۴)  $Ge - Sc - SO_3$

۸۳- کدام گزینه درست است؟

(۱) کاهش جرم خورشید به عنوان تنها منبع حیات‌بخش انرژی، تبدیل انرژی به ماده را تأیید می‌کند.

(۲) متان گازی سبک است که اگر مقدار آن در هوای معادن به بیش از ۵٪ درصد برسد، احتمال انفجار وجود دارد.

(۳) بخش عمده انتقال سوخت به مراکز توزیع از طریق خطوط لوله انجام می‌شود.

(۴) گرمای آزاد شده به ازای سوختن هر گرم زغال سنگ بیشتر از هر گرم بنزین می‌باشد.

۸۴- کدام گزینه درست است؟

(۱) میزان تولید غلات در دهه‌های اخیر همواره صعودی بوده است.

(۲) یکی از مهم‌ترین مسئولیت‌های هر دولت تأمین غذای افراد جامعه است.

(۳) کارشناسان تغذیه بر مصرف گوشت قرمز برای پیشگیری و ترمیم پوکی استخوان تأکید دارند.

(۴) سرانه مصرف نمک برخلاف نان در ایران بیشتر از جهان است.

محل انجام محاسبات

۸۵- کدام گزینه نادرست است؟

- (۱) سرانه مصرف ماده غذایی، مقدار میانگین مصرف آن را به ازای هر فرد، در یک گستره زمانی معین نشان می‌دهد.
- (۲) سرانه مصرف برنج برخلاف شکر در ایران بیشتر از جهان است.
- (۳) ارسال پیام عصبی وابسته به انجام واکنش‌های شیمیایی است که هر یک آهنگ ویژه‌ای دارند.
- (۴) دما توصیفی از میانگین تندی ذرات یک ماده است.

۸۶- کدام گزینه درست است؟

- (۱) ذرات سازنده ماده در حالت گاز برخلاف حالت جامد، دارای جنبش‌های نامنظم هستند.
- (۲) دمای یک ماده توصیفی از مجموع انرژی جنبشی ذرات سازنده آن است.
- (۳) نماد دما برحسب یکای رایج آن، « $\theta$ » است.
- (۴) انرژی گرمایی توصیفی از میانگین انرژی جنبشی ذرات سازنده یک نمونه ماده است.

۸۷- ظرفیت گرمایی ویژه ماده  $x$ ، دو برابر ظرفیت گرمایی ویژه ماده  $y$  است. اگر مقدار مول ماده  $x$ ،  $\frac{2}{5}$  برابر مقدار مول ماده  $y$  باشد، برای اینکه دمای دو ماده به یک اندازه افزایش یابد، مقدار گرمای لازم برای ماده  $x$  چند برابر ماده  $y$  است؟ (جرم مولی  $x$  و  $y$  به ترتیب ۳۴ و ۸۵ گرم بر مول است.)

- |       |       |
|-------|-------|
| ۱ (۱) | ۳ (۲) |
| ۴ (۳) | ۲ (۴) |

۸۸- چند مورد از عبارتهای زیر درست هستند؟

- الف) هم‌دما شدن شیر داغ در بدن، همسو با جهت انتقال انرژی در فرایند گوارش آن در بدن است.
- ب) یک ویژگی بنیادی در همه واکنش‌های شیمیایی آن است که همه آنها با محیط پیرامون دادوستد گرما دارند.
- پ) مقدار گرمای آزاد شده در یک واکنش شیمیایی فقط به تفاوت مجموع انرژی جنبشی ذره‌ها در مواد واکنش‌دهنده و فراورده مربوط است.
- ت) در بدن انسان با واکنش‌هایی سروکار داریم که در دمای ثابت انجام می‌شوند ولی انرژی با محیط مبادله می‌کنند.

- |       |       |
|-------|-------|
| ۱ (۱) | ۲ (۲) |
| ۳ (۳) | ۴ (۴) |

۸۹- کدام گزینه درست است؟

- (۱) بخش عمده انرژی موجود در شیر گرم، هنگام فرایند هم‌دما شدن آن با بدن آزاد می‌شود.
  - (۲) یک تکه نان در مقایسه با یک تکه سیب‌زمینی، در شرایط یکسان، دیرتر به دمای محیط می‌رسد.
  - (۳) زغال کک، واکنش‌دهنده‌ای رایج در استخراج آهن و تأمین‌کننده انرژی لازم برای انجام واکنش است.
  - (۴) مقدار گرمای مبادله شده در هر واکنش شیمیایی به‌طور عمده وابسته به تفاوت انرژی گرمایی مواد واکنش‌دهنده و فراورده است.
- ۹۰- به ترتیب نام فرایند تبدیل حالت گاز به جامد، جامد به گاز، گاز به مایع و جامد به مایع در کدام گزینه به درستی آمده است؟ (گزینه‌ها از راست به چپ خوانده شود.)

- |                               |                               |
|-------------------------------|-------------------------------|
| (۱) چگالش، فرازش، میعان، ذوب  | (۲) فرازش، چگالش، میعان، ذوب  |
| (۳) انجماد، فرازش، میعان، ذوب | (۴) چگالش، فرازش، انجماد، ذوب |


۱۰ دقیقه

زمین شناسی


منابع آب و خاک

صفحه‌های ۴۱ تا ۵۸

زمین شناسی

۹۱- کدام گزینه نادرست است؟ 

- (۱) مقداری از بارش به صورت تبخیر، مجدداً به هوا کره برمی گردد.
- (۲) تمام آب بارانی که به سطح زمین می رسد به صورت رواناب به سمت مناطق پست تر حوضه آبریز جریان می یابد.
- (۳) به منطقه‌ای که آب‌های آن به وسیله رودخانه اصلی و شاخه‌های فرعی، زهکشی می شود، حوضه آبریز می گویند.
- (۴) رودها مهم ترین عامل تغییر شکل سطح خشکی های زمین هستند.

۹۲- عبارت کدام گزینه نادرست است؟ 

- (۱) سرعت آب یعنی فاصله‌ای که هر ذره آب در واحد زمان طی می کند.
- (۲) سرعت آب در تمام نقاط یک روخانه ثابت است.
- (۳) مقدار آبدهی یک رود معمولاً از ابتدا تا انتهای رود تغییر می کند.
- (۴) مقدار آبدهی (دبی) از رابطه  $Q = A \times V$  به دست می آید.

۹۳- برای ذخیره سازی آب شیرین شمال غرب کشور، یک سد در انتهای یکی از رودهای مهم آن احداث شده است. اگر این سد توانایی ذخیره

 $864000m^3$  آب شیرین داشته باشد و رودی که به این سد می ریزد، عرضی به اندازه  $5m$  و عمقی به اندازه  $2m$  داشته باشد. میانگین سرعت حرکت آب

چند متر بر ثانیه باشد تا این سد در نصف روز پر شود؟

- |        |       |        |       |
|--------|-------|--------|-------|
| ۱۰ (۴) | ۱ (۳) | ۲۰ (۲) | ۲ (۱) |
|--------|-------|--------|-------|

۹۴- کدام گزینه درست است؟ 

- (۱) ضخامت کمر بند مویینه بین چند میلی متر تا چند سانتی متر متغیر است.
- (۲) تمام فضاهای خالی منطقه اشباع توسط آب و هوا پر شده است.
- (۳) در صورتی که سطح ایستایی بر سطح زمین منطبق شود یا نزدیک آن قرار گیرد، باتلاق یا شوره زار تشکیل می شود.
- (۴) درصد تخلخل با توانایی نگهداری آب در خاک رابطه عکس دارد.

۹۵- کدام مورد یا موارد جای خالی عبارت زیر را به درستی تکمیل می کنند؟


«هر چقدر ..... در رسوب یا سنگ ..... باشد، میزان ..... آن ..... خواهد بود.»

(الف) اندازه دانه‌ها - بیشتر - نیروی مویینیگی - کمتر

(ب) جورشدگی - کمتر - نفوذپذیری - بیشتر

(ج) جورشدگی - کمتر - تخلخل - بیشتر

- |             |           |             |         |
|-------------|-----------|-------------|---------|
| (۴) الف و ب | (۳) ب و ج | (۲) الف و ج | (۱) الف |
|-------------|-----------|-------------|---------|

سؤالی که با آیکون  مشخص شده‌اند، سؤالهایی هستند که مشابه آنها در امتحانات تشریحی مورد پرسش قرار می گیرد.

۹۶- مقدار نمک‌های محلول در آب‌های زیرزمینی موجود در سنگ‌هایی که سیلیکات بریلیم در آن‌ها یافت می‌شود ..... سنگ‌های که گارنت در آن یافت می‌شود .....

(۱) برخلاف - به‌طور معمول بیشتر است.

(۲) همانند - معمولاً کم است.

(۳) برخلاف - معمولاً کم است.

(۴) همانند - به‌طور معمول بیشتر است.

۹۷- با توجه به شکل کتاب درسی، هریک از توضیحات زیر به ترتیب از راست به چپ مربوط به کدام یک از افق‌های خاک می‌باشد؟

«معمولاً ضخیم‌ترین افق خاک می‌باشد.» - «به‌صورت دو لایه در نیم‌رخ خاک دیده می‌شود.»

A - C (۴)

B - C (۳)

C - A (۲)

B - A (۱)

۹۸- طبق کتاب درسی چند مورد از موارد زیر به‌صورت مستقیم باعث کم شدن سرعت رود می‌شود؟

(د) کاهش مقدار آب آن

(ج) فرسایش بستر

(ب) کاهش شیب بستر

(الف) عریض شدن بستر

۲ (۴)

۴ (۳)

۳ (۲)

۱ (۱)

۹۹- کدام گزینه عبارت مناسب‌تری را در مورد خاک‌های مازنی بیان می‌کند؟

(۱) مقاومت آن در برابر فرسایش زیاد بوده و سالیانه مقدار زیادی رسوب تولید می‌کند.

(۲) مخلوطی از ذرات آهک و ماسه بوده که در مناطق خشک بسیار فراوان هستند.

(۳) خاصیت نیروی مویینه در خاک‌های مازنی بالا بوده و ارزش کشاورزی پایینی دارند.

(۴) مخلوطی از ذرات منفصل آهک و رس بوده که باعث افزایش ظرفیت مخازن سدها می‌شود.

۱۰۰- کدام گزینه نادرست است؟

(۱) یکی از روش‌های حفاظت از منابع آب زیرزمینی، تعیین حریم برای آنهاست.

(۲) حریم کمی، براساس شعاع تأثیر دو چاه در نظر گرفته می‌شود که حدود ۱۵۰۰ متر است.

(۳) حداقل حریم بهداشتی برای آلاینده‌های میکروبی باید دارای شعاعی حدود ۱۰۰ متر در اطراف چاه آب باشد.

(۴) چاه حفره‌ای است که از سطح زمین تا منطقه اشباع حفر شده و در نتیجه آن، آب زیرزمینی در داخل چاه جمع می‌شود.

دانش آموز عزیز، سؤالات عمومی از شماره ۱۰۱ شروع می شود.  
دقت نمایید تا گزینه ها را به درستی وارد پاسخبرگ کنید.



## دَفْتَرِچَه سؤَال ؟

### عمومی یازدهم ریاضی و تجربی ۲۱ دی ۱۴۰۳

تعداد سؤالات و زمان پاسخگویی آزمون

نام درس	تعداد سؤال	شماره سؤال	وقت پیشنهادی
فارسی (۲)	۱۰	۱۰۱-۱۱۰	۱۰
عربی، (بان قرآن (۲)	۱۰	۱۱۱-۱۲۰	۱۰
دین و زندگی (۲)	۲۰	۱۲۱-۱۴۰	۲۰
(بان انگلیسی (۲)	۱۰	۱۴۱-۱۵۰	۱۰
جمع دروس عمومی	۵۰	—	۵۰

طراحان

فارسی (۲)	مریم پیروی، محسن فدایی، احمد فهیمی
عربی، (بان قرآن (۲)	رضا خداداده، ابوطالب درانی، آرمین ساعدپناه، امیدرضا عاشقی، افشین کرمان فرد
دین و زندگی (۲)	محسن بیاتی، فردین سماقی، محمد رضایی بقا، مرتضی محسنی کبیر
(بان انگلیسی (۲)	رحمت الله استیری، مجتبی درخشان گرمی، محمد مهدی دغلاوی، عقیل محمدی روش

گزینه‌گران و ویراستاران

نام درس	مسئول درس و گزینه‌نگار	گروه ویراستاری	رتبه برتر	گروه مستندسازی
فارسی (۲)	امیر محمودی	مرتضی منشاری	نازنین فاطمه حاجیلو	الناز معتمدی
عربی، (بان قرآن (۲)	رضا خداداده	درویشعلی ابراهیمی		لیلا ایزدی
دین و زندگی (۲)	محسن رحمانی	امیرمهدی افشار		محمدصدرا پنجه‌پور
(بان انگلیسی (۲)	عقیل محمدی روش	محدثه مرآتی، فاطمه نقدی		سوگند بیگلری

گروه فنی و تولید

مدیر گروه	الهام محمدی
مسئول دفترچه	معصومه شاعری
مستندسازی و مطابقت با مصوبات	مدیر: محیا اصغری، مسئول دفترچه: فریبا رثوفی
صفحه آرا	سحر ایروانی
ناظر چاپ	حمید عباسی

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقف عام)

آدرس دفتر مرکزی: خیابان انقلاب - بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - تلفن چهار رقمی: ۰۲۱-۶۴۶۳

۱۰ دقیقه

فارسی (۲)

• ادبیات غنایی  
• ادبیات سفر و زندگی  
درس ۶ تا ۹  
صفحه ۵۱ تا ۸۴

فارسی (۲)

۱۰۱- در کدام گزینه، کلمه مشخص شده به درستی معنی نشده است؟

- (۱) هنگامی که بهاء ولد، مناسک حج را به پایان برد، در بازگشت، به طرف شام روانه گردید. (اعمال عبادی)
- (۲) شاگردان و پیروان بسیاری از حضورش بهره می بردند و مردم روزگار بر تقوا و زهد او متفق بودند. (موافق)
- (۳) چون شمس را دید، نشان‌هایی از لطف الهی را در او یافت و دانست که او همان پیر و مرشدی است. (مرید)
- (۴) به شمس روی آورد و با او به صحبت و خلوت نشست و در خانه بر آشنا و بیگانه بست و تدریس و وعظ را رها کرد. (اندرز)

۱۰۲- املای درست جای خالی در کمانک مقابل کدام گزینه به درستی آمده است؟

- (۱) من نهایت بعد اختیار کردم، که ... را خطر بسیار است. (غربت)
- (۲) جلال‌الدین محمد به ... مریدان و شاگردان پدر، مجالس درس و وعظ را به عهده گرفت. (اسرار)
- (۳) چون یاران مولانا به آزار شمس ...، شمس ناگزیر دل از قونیه برکنند. (برخواستند)
- (۴) الطاف ... و حکمت ربوبیت، به سر ملایکه فرو می‌گفت. (الوهیت)

۱۰۳- در کدام گزینه، غلط املایی دیده نمی‌شود؟

- (۱) اهل قونیه از خورد و بزرگ، در تشییع پیکر مولانا و خاکسپاری حاضر شدند و همدردی کردند و بر مولانا نماز خواندند.
- (۲) این شیخ همیشه شب که هم حیبت یک آموزگار را دارد و هم مهر یک پرستار.
- (۳) سراچه ذهنم آماس می‌کرد. بیشتر بر فوران تخیل راه می‌رفتم تا بر روی دو پا و از فرط هیجان لگه می‌دویدم.
- (۴) به سبب هراس از بی‌رحمی‌ها و کشتار لشکر مغول و رنجش از خارزم شاه، ناچار از بلخ مهاجرت کرد.

۱۰۴- در متن زیر چند «پیوند وابسته‌ساز» دیده می‌شود؟

«اگر ما را وقتی آفتی رسد، از این شخص، از این موضع تواند بود و اگر حق تعالی را با این قالب سر و کاری خواهد بود یا تعبیه‌ای دارد در این موضع تواند بود. با صدهزار اندیشه، نومید از در دل بازگشت. ابلیس را چون در دل آدم بار ندادند و دست رد به رویش باز نهادند مردود همه جهان گشت.»

(۱) یک (۲) دو (۳) سه (۴) چهار

۱۰۵- در کدام گزینه، نقش «تبعی» وجود ندارد؟

- (۱) هر نفس آواز عشق می‌رسد از چپ و راست ما به فلک می‌رویم، عزم تماشا که راست؟
- (۲) خواجه عبدالکریم، که خادم خاص شیخ ما، ابوسعید، بود، گفت: «روزی درویشی مرا بنشانده بود تا از حکایت‌های شیخ ما او را چیزی می‌نوشتم.»
- (۳) اهل قونیه، در تشییع پیکر مولانا حاضر شدند و همدردی کردند و بسیار گریستند.
- (۴) برای من مگری و مگو دریغ! دریغ! به دام دیو درافتی، دریغ آن باشد



۱۰۶- کدام بیت فاقد تشبیه است؟

- (۱) از شبنم عشق خاک آدم گل شد  
 (۲) سر نشتر عشق بر رگ روح زدند  
 (۳) کدام دانه فرو رفت در زمین که نرست؟  
 (۴) به ترانه‌های شیرین، به بهانه‌های زرین  
 صد فتنه و شور در جهان حاصل شد  
 یک قطره فرو چکید و نامش دل شد  
 چرا به دانه انسانیت این گمان باشد؟  
 بکشید سوی خانه مه خوب خوشلقا را

۱۰۷- در کدام گزینه، آرایه «متناقض‌نما» به کار نرفته است؟

- (۱) به حرص ار شربتی خوردم مگیر از من که بد کردم  
 (۲) عشق‌بازی کار بیکاران بُود  
 (۳) بی‌حاصلی است حاصل دل تا بود درست  
 (۴) این قصه عجب شنو از بخت واژگون  
 بیابان بود و تابستان و آب سرد و استسقا  
 عاقلش با کار بیکاران چه کار؟  
 این شاخ چون شکسته بود بار می‌دهد  
 ما را بکشت یار به انفاس عیسوی

۱۰۸- کدام گزینه دارای «استعاره و تشخیص» است؟

- (۱) از سر تعمیر دل بگذر که معماران عشق  
 (۲) بروید ای حریفان، بکشید یار ما را  
 (۳) چنین قفس نه سزای چو من خوش‌الحانی‌ست  
 (۴) برداشته دل ز کار او بخت  
 روز اول، رنگ این ویرانه، ویران ریختند  
 به من آورید آخر، صنم گریزپا را  
 روم به گلشن رضوان که مرغ آن چمنم  
 درماند پدیر به کار او سخت

۱۰۹- پیام و مفهوم کلی عبارت «مولانا در زندگانی اهل صلح و سازش و مُدارا بود به‌طوری که طعن و ناسزای دشمنان را هرگز با جواب تلخ

نمی‌داد و با نرمی و حُسن خُلق آنان را به راه راست می‌آورد.» با کدام بیت متناسب است؟

- (۱) به روز مرگ چو تابوت من روان باشد  
 (۲) ما به فلک بوده‌ایم، یار ملک بوده‌ایم  
 (۳) ای دوست، تو مرا همه دشنام می‌دهی  
 (۴) هر نفس آواز عشق می‌رسد از چپ و راست  
 گمان مبر که مرا درد این جهان باشد  
 باز همان‌جا رویم جمله که آن شهر ماست  
 من می‌کنم، دعای تو، این نیز بگذرد  
 ما به فلک می‌رویم، عزم تماشا که راست

۱۱۰- معنی و مفهوم کدام گزینه، اشتباه آمده است؟

- (۱) سعدی که انعطاف جادوگرانه‌ای دارد، آنقدر خود را خم می‌کرد که به حد فهم ناچیز کودکانه من برسد: (آثار سعدی برای همه قابل فهم است).  
 (۲) هر عصب و فکر به منع بی‌شائبه ایمان وصل بود که خوب و بد را به عنوان مشیت الهی می‌پذیرفت: (داشتن ایمان خالص به قسمت و قدر الهی)  
 (۳) من چون این حکایت‌ها را می‌شنیدم و می‌خواندم و عکس‌ها را می‌دیدم، لبریز می‌شدم. سراجۀ ذهنم آماس می‌کرد: (کسب اطلاعات و معلومات فراوان)  
 (۴) نمی‌دانست در کجا ریشه بدواند: (دچار روزمرگی شدن).

۱۰ دقیقه

**عربی، زبان قرآن (۲)**

فی محضر المعلم  
 (اسلوب الشرط و  
 أدواته، تمارین، عجائب  
 الأشجار)  
 درس ۲ و ۳  
 صفحه ۲۴ تا ۴۸

**عربی، زبان قرآن (۲)**

۱۱۱- عین الخطأ:

(۱) السائح: الشخص الذي يُحبُّ الذهاب إلى أماكن مختلفة!

(۲) المتفرج: الشخص الذي يُشجعُ فريقه!

(۳) الفالق: صفة بمعنى الذي شقَّ النوى و الحب!

(۴) التمثال: شيء محفوظ في متحف يكتب عليه!

۱۱۲- عین الخطأ عن المفردات:

(۱) جذوع بعض الأشجار طويلة جداً! (مفردة: جذع)

(۲) سافرنا إلى جزيرة بعيدة في جنوب إيران السنة الماضية! (جمعه: جزر)

(۳) اشتريتُ بذر القمح للزراعة في مزرعتنا الكبيرة! (جمعه: بذور)

(۴) أنظر إلى غصون تلك الشجرة النضرة! (مفردة: أغصان)

■ عین الصحیح فی الجواب للترجمة (۱۱۳ - ۱۱۶):

۱۱۳- «سَجَلتْ مُنظَّمة اليونسكو مَسجِدَ الإمام و قَبَّةَ قابوس في قائمة التراث العالمي»:

(۱) یونسکو مسجد امام و گنبد کاووس را در لیست میراث بین المللی ثبت کرده بود!

(۲) سازمان یونسکو مسجد امام و گنبد کاووس را در لیست میراث جهانی ثبت کرد!

(۳) مسجد امام و گنبد کاووس در لیست میراث جهانی توسط سازمان یونسکو ثبت شده است!

(۴) سازمان یونسکو مسجد امام و گنبد کاووس را در میراث‌های جهانی ثبت کرد!

۱۱۴- تَمَو شجرة الخبز في جُزر المحيط الهادئ و يأكل الناس لبَّ أثمارها:

(۱) درخت نان در جزیره‌ای در اقیانوس آرام رشد کرده و مردم مغز میوه‌هایش را می‌خورند.

(۲) درخت نان در جزیره‌های اقیانوس آرام رشد می‌کند و مردم مغز میوه‌هایش را می‌خورند.

(۳) درخت نان در جزیره‌های اقیانوس آرام رشد کرده و مردم پوست میوه‌ها را می‌خورند.

(۴) درخت نان میان جزایر اقیانوس‌ها رشد می‌کند و مردم میوه‌هایش را می‌خورند.

۱۱۵- عین الخطأ:

(۱) إن تنصروا الله ينصركم و يثبت أقدامكم: اگر خداوند را یاری کنید، شما را یاری می‌کند و گام‌هایتان را استوار می‌سازد!

(۲) تَمَو أثمار العنب البرازيلي على جذعها: میوه‌های درخت انگور برزیلی بر روی تنه آن رشد می‌کنند!

(۳) شجرة السكويّا من أطول أشجار العالم: درخت سکویا از بلندترین درختان جهان است!

(۴) توجد الشجرة الخانقة في بعض الغابات الأستوائية: درخت خفه‌کننده در بعضی از جنگل‌های استوایی یافت می‌شود!

۱۱۶- عین الترجمة الصّحيحة:

- (۱) ظواهر الطبيعة تثبت حقيقة واحدة وهي قدرة الله: پدیده‌های طبیعی حقیقتی را ثابت می‌کنند که همان قدرت خداست.
- (۲) شجرات السکویا قد یبلغ ارتفاع بعضها أكثر من مئة متر: ارتفاع برخی از درختان سکویا به بیشتر از صد متر می‌رسد.
- (۳) رأيتُ أفراساً، كانت الأفراسُ جنبَ صاحبها: اسبانی را دیدم، اسب‌ها کنار صاحبشان بودند.
- (۴) يُعجِبُنِي جِدًّا حَارِسٌ مَرَمَى فَرِيقِ السَّعَادَةِ: دروازه‌بان تیم سعادت از من خوشش می‌آید.

۱۱۷- عین المناسب للمفهوم «العالم حیٌّ و إن كان مَيِّتاً»:

- (۱) الذهرُ يومان، يومٌ لكَّ و يومٌ عليك.
- (۲) عالمٌ از شور و شر عشق خبر هیچ نداشت/ فتنه‌انگیز جهان نرگس جادوی تو بود
- (۳) عالمٌ بلاعمل كالشجر بلاثمر
- (۴) سعديا مرد نکونام نمیرد هرگز/ مرده آن است که نامش به نکویی نبرند

۱۱۸- عین ما ليس فيه أسلوب الشرط:

- (۱) من يؤمن بالله إيماناً حسناً يجد الحياة الحسنة!
- (۲) ما فعلت من الأعمال الحسنة، وجدتها ذخيرة لآخرتك!
- (۳) من بعث لئنم مكارم الأخلاق هو النبي الأكرم!
- (۴) إذا تمَّ العقلُ نقصَ الكلام!

۱۱۹- عین نكرة يمكن أن تُترجم معرفة:

- (۱) ﴿أرسلنا إلى فرعونَ رسولاَ فَعَصَى فرعونُ الرسولَ﴾
- (۲) عالمٌ يُنتفعُ بعلمه خيرٌ من ألفِ عابدٍ.
- (۳) قَبْرُ كورثس يجذبُ سياحاً من دُولِ العالمِ.
- (۴) المَعْمَرُ هو الَّذي يُعطيهِ اللهُ عُمرًا طويلاً.

۱۲۰- عین الخطأ في التوضيح:

- (۱) رَفُّ الكُتُبِ في غرَفَتنا واسعٌ. ← تترجم النكرة في هذه الجملة معرفة.
- (۲) رأينا منضدة سنشتری المنضدة. ← يترجم «ال»، في هذه الجملة اسم الإشارة.
- (۳) كسرتُ الطاولة التي تحبها أُمِّي. ← تترجم في هذه الجملة المعرفة نكرة.
- (۴) أنزل من السماء ماءً مطهراً. ← تترجم في هذه الجملة النكرة معرفة.



## دین و زندگی (۲)

۲۰ دقیقه

## دین و زندگی (۲)

## تفکر و اندیشه

مسئولیت‌های پیامبر (ص).

امامت، تداوم رسالت،

پیشوایان اسوه

درس ۴ تا ۶

صفحه ۴۵ تا ۸۴

۱۲۱- آن‌جا که پیامبر (ص) مدت مدیدی صبحگاه هنگام رفتن به مسجد، از در خانه حضرت فاطمه (س) می‌گذشت و برای آگاهی مردم اهل خانه را «اهل بیت» صدا می‌زد، نوید تداوم کدام مسئولیت ایشان است و از کدام بخش از حدیث ثقلین درمی‌یابیم که قرآن و اهل بیت (ع) تا ابد از هم جدانشدنی نیستند؟

(۱) مرجعیت دینی - «لن تضلوا ابدأ»

(۲) مرجعیت دینی - «حتی یردا علی الحوض»

(۳) ولایت ظاهری - «لن تضلوا ابدأ»

(۴) ولایت ظاهری - «حتی یردا علی الحوض»

۱۲۲- با توجه به آیه ۳۳ سوره احزاب (آیه تطهیر)، کدام موضوع از آن استنباط می‌شود؟

(۱) پیامبر اکرم (ص) با هدایت و راهنمایی خداوند، حضرت علی (ع) و یازده فرزند ایشان را جانشین خود معرفی کرده است.

(۲) پیامبر اکرم (ص) با حضور در مسجد، ولایت امام علی (ع) را اعلام می‌کند تا مردم با چشم ببینند و از زبان پیامبر (ص) بشنوند تا امکان مخفی کردن آن نباشد.

(۳) پیامبر اکرم (ص) مصداق اولی‌الامر را برای آگاهی مردم و اشتباه نکردن آنان بیان می‌کند.

(۴) همان‌گونه که رسول خدا (ص) دو ویژگی علم کامل و عصمت از گناه و اشتباه را دارد، اهل بیت نیز متصف به آن ویژگی‌ها هستند.

۱۲۳- با توجه به حدیث نبوی، نتیجه تمسک به اهل بیت (ع) چیست؟

(۱) «ان تمسکنم بهما» (۲) «لن تضلوا ابدأ» (۳) «حتی یردا علی الحوض» (۴) «انهما لن یفترقا»

۱۲۴- هر کدام از مفاهیم ذیل با کدام آیه یا حدیث ارتباط دارد؟

- هجدهم ماه ذی‌الحجه - تأیید اخوت و وصایت و خلافت امام علی (ع)

(۱) آیه ولایت - آیه انذار (۲) حدیث غدیر - آیه انذار (۳) آیه تبلیغ - حدیث ثقلین (۴) حدیث غدیر - حدیث منزلت

۱۲۵- استدلال شیعیان برای معنای «هولی» به عنوان ولی و سرپرست در حدیث شریف غدیر، کدام است؟

(۱) بیان مقدم عبارت «انما ولیکم الله و رسوله و الذین آمنوا...» (۲) بیان مؤخر عبارت «انما ولیکم الله و رسوله و الذین آمنوا...»

(۳) بیان مقدم عبارت «من اولی الناس بالمؤمنین من انفسهم» (۴) بیان مؤخر عبارت «من اولی الناس بالمؤمنین من انفسهم»

۱۲۶- تبریک یاران رسول خدا (ص) به امام علی (ع) و بیعت با او مقارن با کدام واقعه تاریخی بوده است؟

(۱) نزول آیه انذار (۲) واقعه غدیر (۳) نزول آیه ولایت (۴) نزول آیه تطهیر

۱۲۷- تکبیر یاران رسول خدا (ص) مقارن با کدام واقعه تاریخی بوده است؟

(۱) ذکر حدیث منزلت (۲) نزول آیه ولایت (۳) نزول آیه تطهیر (۴) نزول آیه انذار

۱۲۸- در راستای کدام یک از اقدامات مربوط به رهبری جامعه اسلامی توسط پیامبر اکرم (ص)، ایشان در برابر ضایع شدن حقوق افراد جامعه می‌ایستاد و کوتاه نمی‌آمد؟

(۱) تلاش برای برقراری عدالت و برابری (۲) سخت‌کوشی و دلسوزی در هدایت مردم

(۳) محبت و مدارا با مردم (۴) مبارزه با فقر و محرومیت

۱۲۹- با توجه به سخن منقول امام علی (ع) از پیامبر (ص)، علت آوای اندوهناک شیطان از دیدگاه پیامبر (ص) چه بود؟

(۱) بعثت پیامبر (ص) (۲) نزول سوره حمد

(۳) ناامیدی شیطان از پرستش خود (۴) ناامیدی از نفوذ در انسان‌های با اخلاص

۱۳۰- خانه‌نشینی امام علی (ع) چند سال طول کشید و سرلوحه کار ایشان بعد از به قدرت رسیدن چه بود؟

(۱) ۱۰ سال - برقراری عدالت اجتماعی (۲) ۱۰ سال - مبارزه با فرمانداران غاصب از جمله معاویه

(۳) ۲۵ سال - برقراری عدالت و مبارزه با تبعیض و نابرابری (۴) ۲۳ سال - برقراری عدالت و مبارزه با فاصله طبقاتی

## تبدیل به تست نمونه سؤال‌های امتحانی

۱۳۱- خریداران ننگ دنیا و آخرت از دیدگاه امام علی (ع) چه کسانی هستند؟

(۱) افرادی که در صفوف مسلمانان رخنه کرده و آن‌ها را تضعیف می‌کنند.

(۲) افرادی که به شیوه پادشاهان و امپراتوران مشهور حکومت کرده‌اند.

(۳) کسانی که در برقراری عدالت تبعیض روا می‌داشتند و تسلیم دستورات خداوند نبودند.

(۴) گروهی که بیش از حق خود از بیت‌المال و اموال عمومی برداشت کرده‌اند و جیب خود را انباشته‌اند و ملک و باغ خریده‌اند.

۱۳۲- عامل حرکت متکبرین و برخی از بزرگان قبایل علیه پیامبر اسلام (ص) چه بود و پیامبر (ص) در واکنش به این مسئله چه کاری انجام داد؟

- ۱) مبارزه پیامبر (ص) با فقر و محرومیت- بسیج کردن مسلمانان در مقابل آنان
  - ۲) سخت کوشی و دلسوزی پیامبر (ص) در هدایت مردم- بسیج کردن مسلمانان در مقابل آنان
  - ۳) محبت و مدارا کردن پیامبر (ص) با مردم- نهی از مثله کردن آنها
  - ۴) تلاش پیامبر (ص) برای برقراری عدالت و برابری- برخورد قاطعانه با آنان
- ۱۳۳- با توجه به مفهوم سخنان امام خمینی (ره)، وظیفه مسلمانان در مقابل هر نظام سیاسی غیر اسلامی چیست؟

- ۱) به پا خیزند و در زیر پرچم توحید و در سایه تعلیمات اسلام مجتمع شوند.
  - ۲) دست خیانت ابرقدرت‌ها را از ممالک خود و خزائن سرشار آن کوتاه کنند.
  - ۳) آثار شرک آنها را از جامعه مسلمانان و از حیات آنان دور کنند.
  - ۴) بر فرهنگ اسلامی تکیه کنند و با غرب و غربزدگی مبارزه نمایند.
- ۱۳۴- در چه زمانی الگوگیری و سرمشق گرفتن از پیامبر (ص) به گمراهی منجر می‌شود و کدام آیه به این موضوع اشاره دارد؟

- «در زمانی که پیامبر ...»
- ۱) نتواند مردم را برای برقراری عدل بسیج کند.
  - ۲) در دریافت وحی و رساندن آن به مردم معصوم نباشد.
  - ۳) در تعلیم و تبیین دین و وحی الهی معصوم نباشد.
  - ۴) در اجرای احکام الهی معصوم نباشد.

۱۳۵- کدام مورد عامل هدایت دل‌های آماده است و پیامبر (ص) چگونه به این قدرت نائل می‌شود؟

- ۱) ولایت معنوی- الهامات و امدادهای غیبی
  - ۲) ولایت معنوی- انجام وظایف عبودیت و بندگی
  - ۳) ولایت ظاهری- انجام وظایف عبودیت و بندگی
  - ۴) ولایت ظاهری- الهامات و امدادهای غیبی
- ۱۳۶- کدام صفت الهی است که مشخص می‌کند چه کسی باید به پیامبری برگزیده شود و کدام آیه به این موضوع اشاره دارد؟

- ۱) علم الهی از آشکار و نهان افراد- «الله اعلم حیث يجعل رسالته»
- ۲) علم الهی از آشکار و نهان افراد- «یرید الله لیذهب عنکم الرجس»
- ۳) اراده الهی در دوری پیامبران از هر گونه پلیدی- «یرید الله لیذهب عنکم الرجس»
- ۴) اراده الهی در دوری پیامبران از هر گونه پلیدی- «الله اعلم حیث يجعل رسالته»

۱۳۷- پیامبر اکرم (ص) چه زمانی به مدینه هجرت کرد و در آن‌جا چه کرد؟

- ۱) پس از پذیرش اسلام توسط مردم مدینه - آماده‌سازی مقدمات انجام مسئولیت ولایت ظاهری
  - ۲) بعد از تشکیل حکومت اسلامی - آماده‌سازی مقدمات انجام مسئولیت ولایت ظاهری
  - ۳) پس از پذیرش اسلام توسط مردم مدینه - انتخاب مسجد مدینه به عنوان مرکز انجام وظایف ولایت معنوی
  - ۴) بعد از تشکیل حکومت اسلامی - انتخاب مسجد مدینه به عنوان مرکز انجام وظایف ولایت معنوی
- ۱۳۸- از حدیث شریف «بنی الاسلام علی خمس علی الصلاة و الزکاة و الصّوم و الحجّ و الولاية...» کدام مفهوم دریافت می‌گردد؟

- ۱) اجرای قوانین و احکام دین در سایه ولایت الهی دارای اهمیت است.
- ۲) اسلام یک دین کامل و دربردارنده همه ابعاد فردی و اجتماعی انسان است.
- ۳) برای رسیدن به جامعه عادلانه، رعایت احکامی مانند نماز، زکات، حج و ولایت ضروری است.
- ۴) به اجرای احکام دین از جمله نماز، زکات، روزه، حج و ولایت اهمیت زیادی داده شده است.

۱۳۹- طاغوت به چه کسانی گفته می‌شود و پذیرش حکومت او چه حکمی دارد؟

- ۱) به کسانی که گمان می‌کنند به آن چه بر پیامبر و پیش از او نازل شده ایمان دارند، اما ایمان نیاورده‌اند- حرام می‌باشد.
- ۲) به کسانی که گمان می‌کنند به آن چه بر پیامبر و پیش از او نازل شده ایمان دارند، اما ایمان نیاورده‌اند- اجتناب‌ناپذیر است.
- ۳) به کسانی که به مردم فرمان می‌دهند و قانون‌گذاری می‌کنند، در حالی که فرمان و قانونشان غیرالهی است- حرام می‌باشد.
- ۴) به کسانی که به مردم فرمان می‌دهند و قانون‌گذاری می‌کنند، در حالی که فرمان و قانونشان غیرالهی است- اجتناب‌ناپذیر است.

۱۴۰- فرستادن کتاب و میزان به همراه پیامبران چه ثمره‌ای برای جامعه خواهد داشت؟

- ۱) «ارسلنا رسلنا بالبینات» ۲) «لیقوم الناس بالقسط» ۳) «و قد امروا ان یکفروا به» ۴) «یزعمون انهم آمنوا بما انزل الیک»

**زبان انگلیسی (۲)**

۱۰ دقیقه

**PART A: Grammar and Vocabulary**

*Directions:* Choose the word or phrase (1), (2), (3), or (4) that best completes each sentence. Then mark the correct choice on your answer sheet.

- 141- I'm sure that you can . . . students in these classes.  
1) find some good always                      2) good always find some  
3) always find some good                      4) some always find good
- 142- Scientists have suggested that brain . . . during sleep.  
1) cells are inactive                      2) cells' inactivity                      3) cell inactive is                      4) cell's are inactivity
- 143- In the following sentence, what are the subject, verb, object, and adverb of manner in order?  
“Nowadays, many people do not balance work and life properly.”  
1) people - balance - work - properly  
2) life - properly - not balance - people  
3) many people - do not balance - work and life - properly  
4) life properly - nowadays - many people - do not
- 144- Emotional stress is the . . . from everyday life that creates negative feelings.  
1) diet                      2) habit                      3) attack                      4) pressure
- 145- Doctors believe that . . . blood pressure regularly is necessary for understanding overall health.  
1) influencing                      2) measuring                      3) paying                      4) visiting
- 146- When cooking food, it is very important to make sure that any . . . bacteria are killed to prevent illness.  
1) harmful                      2) depressed                      3) calm                      4) physical

**PART B: Reading Comprehension**

*Directions:* Read the following passage and answer the questions by choosing the best choice (1), (2), (3), or (4). Then mark the correct choice on your answer sheet.

People in cities all over the world shop in supermarkets. Who decides what you buy in the supermarket? Do you decide? Does the supermarket decide? When you enter the supermarket, you see shelves full of food. You walk in the aisles between the shelves. You push a shopping cart and put your food in it. You probably hear soft, slow music as you walk along the aisles. If you hear fast music, you walk quickly. The supermarket plays slow music. You walk slowly and have more time to buy things. Maybe you go to the meat department first. There is some meat on sale, and you want to find it. The manager of the supermarket knows where customers enter the meat department. The cheaper meat is at the other end of the meat department, away from where the customers enter. You have to walk past all the expensive meat before you find the cheaper meat. Maybe you will buy some of the expensive meat instead of the meat on sale.

- 147- What is the subject of the passage?  
1) To point out who decides what you buy in supermarkets  
2) To help you know where things are sold in supermarkets  
3) To describe how food is arranged in supermarkets  
4) To explain why people shop in supermarkets
- 148- The underlined word “it” in line 4 refers to . . . .  
1) shelf                      2) aisle                      3) supermarket                      4) shopping cart
- 149- Which of the following is NOT true according to the passage?  
1) Supermarkets play soft and slow music.  
2) Supermarkets want you to buy the expensive meat.  
3) People see the cheaper meat first in supermarkets.  
4) People in supermarkets walk slowly when they hear slow music.
- 150- What may a customer do after walking past the expensive meat?  
1) Leave the store                      2) Talk to the manager  
3) Buy the expensive meat                      4) Give back the cheaper meat

**زبان انگلیسی (۲)**  
• Understanding  
People (Writing)  
• A Healthy  
Lifestyle  
(Get Ready, ... ,  
Reading)  
درس ۱ و ۲  
صفحه ۳۷ تا ۶۰



# دفترچه سؤال

آزمون هوش و استعداد

(دوره دوم)

۲۱ دی

تعداد کل سؤالات آزمون: ۲۰  
زمان پاسخ‌گویی: ۳۰ دقیقه

گروه فنی تولید

حمید لنجان‌زاده اصفهانی	مسئول آزمون
فاطمه راسخ، حمیدرضا رحیم خانلو	ویراستار
محیا اصغری	مدیر گروه مستندسازی
علیرضا همایون خواه	مسئول درس مستندسازی
سیدمحمدرضا مهدوی	ویراستار مستندسازی
حمید اصفهانی، فاطمه راسخ، حمید گنجی، فرزاد شیرمحمدلی	طراحان
معصومه روحانیان	حروف‌چینی و صفحه‌آرایی
حمید عباسی	ناظر چاپ

برای مشاهده پاسخ‌ها، به صفحه شخصی خود در سایت کانون مراجعه کنید.



استعداد تحلیلی

۳۰ دقیقه

۲۵۱- با حروف به هم ریخته زیر نام دو کشور آفریقایی را ساخته ایم، ولی یک حرف جا مانده است. آن حرف کدام است؟

«ر ر ش ک م م»

- (۱) د  
 (۲) ص  
 (۳) ل  
 (۴) ن

۲۵۲- اگر حروف عبارت «درک متن» را به ترتیب الفبای فارسی از راست به چپ بنویسیم، جایگاه چند حرف تغییر نخواهد کرد؟

- (۱) یک  
 (۲) دو  
 (۳) سه  
 (۴) چهار

بر اساس متن زیر برگرفته از کتاب «کارنامه نثر معاصر» از دکتر حمید عبداللّه‌یان، به پنج پرسشی که در پی می‌آید پاسخ دهید. در متن، نادرستی هم ایجاد شده است.

شاید بتوان سال ۱۳۰۰ را مهمترین سال در تاریخ ادبیات ایران به حساب آورد. بزرگترین تحولات در شعر، نمایشنامه، داستان کوتاه و رمان، در این سال و یکی دو سال قبل و بعد از آن اتفاق افتاد، یعنی زمانی که حدود ۱۵ سال از انقلاب مردمی مشروطه - که باز هم در نوع خود در ایران بی سابقه است - گذشته بود. انقلاب نیز مانند همه‌ی جریان‌های تاریخی و سیاسی، با اندکی فاصله بر ادبیات اثر گذاشت. این فاصله ۱۵ ساله برای تأثیر واقع‌های سیاسی در ادبیات و هنر زمانی بسیار کوتاه بود و نشان‌دهنده‌ی این مسئله است که حرکت و جنبش مردمی برخاسته از درون و خواست مردم بود.

جمالزاده مجموعه‌ی «یکی بود یکی نبود» را در سال ۱۳۰۰ منتشر کرد. نیما «افسانه» خود را در سال ۱۳۰۱ به چاپ رساند. نمایشنامه‌ی «جعفر خان از فرنگ برگشته» از محمد مقدم در سال ۱۳۰۱ به چاپ رسید و در سال ۱۳۰۴ اجرا شد. رمان اجتماعی «تهران مخوف» نیز در سال ۱۳۰۴ چاپ و منتشر شد. این چهار اثر تغییرات بنیادین و اساسی در انواع کهن ادبی ایجاد کردند و روشنفکران و هنرمندان همزمان با آنها بلافاصله آنها را به عنوان اثر ادبی نوین پذیرفته و به تقلید از آن اقدام کردند. البته صاحبان اندیشه‌های واپسگرا و عوام به مخالفت با آنها پرداختند و افرادی چون نیما و جمالزاده مورد تکفیر و طرد عده‌ای قرار گرفتند که البته عناد با نیما از همه بیشتر بود، ولی انواع جدید به دلیل تطابق آثار ادبی اروپا و نیز آمادگی اذهان مردم به زودی پذیرفته شد و حتی باعث شد که انواع پیشین ادبی به زودی کنار گذاشته شود.

تأثیر شدید جمالزاده باعث شد تا دیگر حکایات و تمثیل‌های گذشته کنار گذاشته شود و از آن پس، دیگر آثار چندانی به سبک حکایت گلستان سعدی دیده نمی‌شود، در حالی که پیشتر آثار زیادی به تقلید از گلستان ساخته می‌شد. مقدم، نمایشنامه به سبک جدید را به اهل هنر ایران معرفی کرد. تحولاتی که این چهار تن ایجاد کردند بر پایه‌ی سنت‌های گذشته، فرهنگ وارداتی غرب و نیاز فرهنگی جامعه بود. نیما در «افسانه» نوآوری‌هایی را آغاز کرد که تا پایان عمرش ادامه داشت، اما افسانه با شعر کهن و سنتی گذشته تفاوت چندانی ندارد. افسانه مجموعه چندین چهارپاره است که نمونه‌های آن در شعر سنتی سابقه داشت. تنها نوآوری نیما در افسانه از نظر ساختار، حذف قافیه از مصراع سوم چهارپاره بود و از نظر معنی، وارد کردن مضامین و موضوعات اجتماعی به شکل نمادین. این دو کار نسبت به کارهای بعدی نیما و کارهای شاگردان و پیروانش چندان چشمگیر نبود اما به دلیل زیربنایی بودن، این تحولات از مهمترین حوادث در شعر فارسی به شمار می‌آید.

مقدم، شخصیت‌های قابل لمس و واقعی را از جامعه اطراف خود انتخاب و وارد نمایش کرد. جمالزاده، به اندیشه‌های مطرح‌شده در روزنامه‌ها و مجلات رنگ داستانی زد و افراد جامعه‌ی ایران مشروطه را وارد داستان کوتاه کرد. مشفق کاظمی نیز با «تهران مخوف» وضعیت شهر بزرگ تهران را در اغتشاش و بی‌نظمی اواخر قاجاریه در قالب رمان به تصویر کشید.

۲۵۳- کدام معنا برای واژه‌ی «عناد» در متن معنایی بهتر است؟

- (۱) دوستی  
 (۲) مشورت  
 (۳) دشمنی  
 (۴) سهل‌انگاری



۲۵۴- جمله‌ای در کدام بند از متن به ویرایش نیاز دارد؟

- (۱) بند نخست  
 (۲) بند دوم  
 (۳) بند سوم  
 (۴) بند چهارم

۲۵۵- نویسنده در متن بالا، کدام عامل را نشانه‌ای بر مردمی بودن انقلاب مشروطه دانسته است؟

- (۱) شمار هنرمندانی که پیرو اندیشه‌های مشروطه بوده‌اند.  
 (۲) شمار و پراکندگی قومی مردم عامی که بر انقلاب مشروطه اثر گذاشته‌اند.  
 (۳) فاصله اندک بین انقلاب مشروطه و تحوّل آثار هنری که از آن اثر گرفته‌اند.  
 (۴) فاصله زیاد بین اندیشه‌های حاکمان پیش از مشروطه و اندیشه‌های مردمی که انقلاب مشروطه را به پا کردند.

۲۵۶- بر اساس متن بالا کدام گزینه درست نیست؟

- (۱) اندیشه‌های مشروطه‌خواهی تا پیش از محمدعلی جمالزاده، در شخصیت‌های داستانی رمان‌ها چندان ورود نداشته‌اند.  
 (۲) نیما یوشیج پس از سرودن افسانه، تدریجاً پیروان و شاگردانی یافت که در نوآوری از کارهای او پیشتر رفتند.  
 (۳) تا پیش از نمایش «جعفر خان از فرنگ برگشته»، شخصیت‌های نمایش‌ها از مردم معمول جامعه فاصله داشتند.  
 (۴) تا پیش از انقلاب مشروطه، وضعیت مغشوش و نابه‌سامان تهران قاجاری تنها در رمان تهران مخوف تصویر شده بود.

۲۵۷- طبق متن بالا، کدام گزینه بخشی از «افسانه» نیما نیست؟

- (۱) ای دل من، دل من، دل من! / بی‌نوا، مضطرب، قابل من! / با همه خوبی و قدر و دعوی / از تو آخر چه شد حاصل من / جز سرشکی به رخساره غم؟  
 (۲) در بر این خرابه مغاره / وین بلند آسمان و ستاره / سالها با هم افسرده بودید / وز حوادث به دل، پاره پاره / او تو را بوسه می زد، تو او را  
 (۳) چیستی؟ ای نهان از نظرها! / ای نشسته سر رهگذرها! / از پسرها همه ناله بر لب، / ناله‌ی تو همه از پدرها! / تو که‌ای؟ مادرت که؟ پدر که؟  
 (۴) پای هر پنجره‌ای، شعری خواهم خواند / هر کلاغی را، کاجی خواهم داد / مار را خواهم گفت: چه شکوهی دارد غوک / آشتی خواهم داد

\* چهار فرزند خانواده‌ای هر یک چهار کارت «رنگ، حیوان، شهر و عدد» برداشته‌اند. رنگ‌ها آبی، قرمز، سبز و زرد است، حیوان‌ها فیل،

اسب، موش و خرس، شهرها لندن، توکیو، برلین و پکن و عددها ۳، ۵، ۱۲ و ۱۸ است. می‌دانیم عدد برلین ۱۲ است. پکن زرد نیست، لندن موش است و توکیو عددی دورقمی دارد. بر این اساس به چهار سؤال بعدی پاسخ دهید.

۲۵۸- اگر فیل زرد باشد، قطعاً . . . . .

- (۱) عددش یک‌رقمی است.  
 (۲) عددش دورقمی است.  
 (۳) شهرش توکیو است.  
 (۴) شهرش برلین است.

۲۵۹- اگر عدد اسب ۵ باشد، قطعاً . . . . .

- (۱) عدد موش ۳ است.  
 (۲) رنگ توکیو آبی است.  
 (۳) عدد خرس ۳ است.  
 (۴) رنگ لندن آبی است.

۲۶۰- می‌دانیم که اگر شهرها را به ترتیب الفبا مرتب کنیم، حیوان‌ها هم به ترتیب الفبا مرتب می‌شوند. بر این اساس، قطعاً

- (۱) خرس زرد نیست.  
 (۲) خرس زرد است.  
 (۳) اسب سبز نیست.  
 (۴) اسب سبز است.

۲۶۱- با درست دانستن صورت سؤال قبلی، شخصی جدول داده‌ها را به‌طور اتفاقی کامل پر کرده است. چه میزان احتمال دارد این کار کاملاً درست انجام شده باشد؟

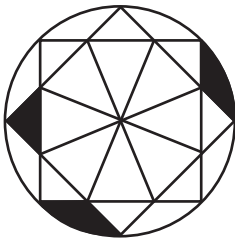
(۲)  $\frac{1}{36}$

(۱)  $\frac{1}{48}$

(۴)  $\frac{1}{18}$

(۳)  $\frac{1}{32}$

۲۶۲- چه کسری از مساحت شکل زیر رنگی است؟



(۲)  $\frac{(\pi - \frac{1}{2})}{4\pi}$

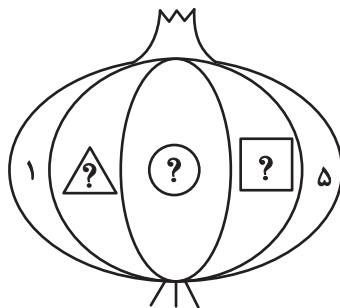
(۱)  $\frac{(2\pi - 3)}{8\pi}$

(۴)  $\frac{(2\pi - \frac{1}{2})}{8\pi}$

(۳)  $\frac{(\pi - 2)}{4\pi}$

۲۶۳- قرار است هر یک از عددهای طبیعی ۲، ۳ و ۴ را به‌جای یکی از علامت‌های سؤال شکل زیر قرار دهیم. با کدام داده(ها) می‌توان فهمید حاصل

$\square + \triangle$  کدام است؟



(الف) حاصل  $\square \times \triangle$  عددی زوج است.

(ب) حاصل  $\square - \triangle$  عددی منفی است.

(۱) داده «الف» کافی است به داده «ب» احتیاجی نداریم.

(۲) داده «ب» کافی است به داده «الف» احتیاجی نداریم.

(۳) اگر هر دو داده را توأمان داشته باشیم به پاسخ نمی‌رسیم.

(۴) با هر دو داده نیز به پاسخ نمی‌رسیم.

۲۶۴- کدام گزینه عددهای زیر را بهتر دسته‌بندی کرده است؟

۱	۴	۸
۹	۶۴	۱۲۱
۲۱۶	۷۲۹	۱۰۰۰

(۱)  $\{1, 216, 1000\}, \{4, 8, 64\}, \{9, 12, 729\}$

(۲)  $\{1, 64, 729\}, \{4, 9, 121\}, \{8, 216, 1000\}$

(۳)  $\{1, 4, 121\}, \{8, 9, 216\}, \{64, 729, 1000\}$

(۴)  $\{1, 9, 21\}, \{4, 8, 216\}, \{9, 64, 1000\}$

۲۶۵- در الگوی اعداد زیر، کدام گزینه به جای علامت سؤال قرار می‌گیرد؟



۴ (۴)



۳ (۳)

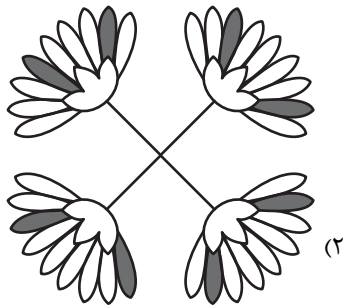
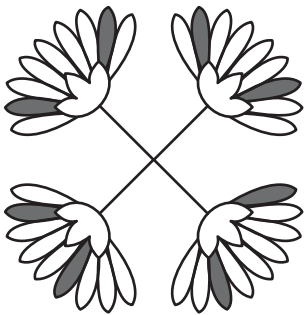


۲ (۲)

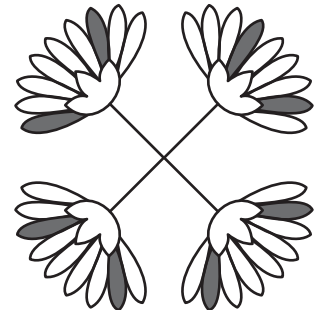


۱ (۱)

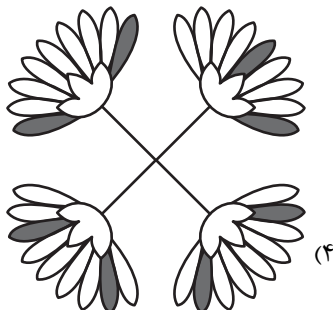
۲۶۶- کدام شکل از دوران شکل زیر به دست می‌آید؟



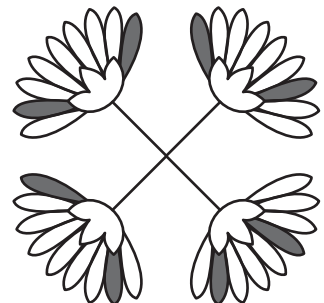
(۲)



(۱)

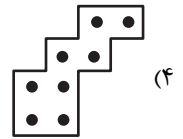
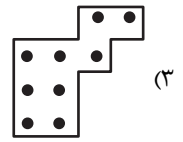
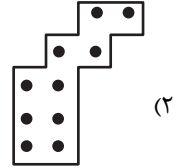
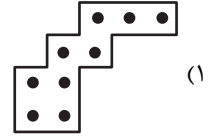
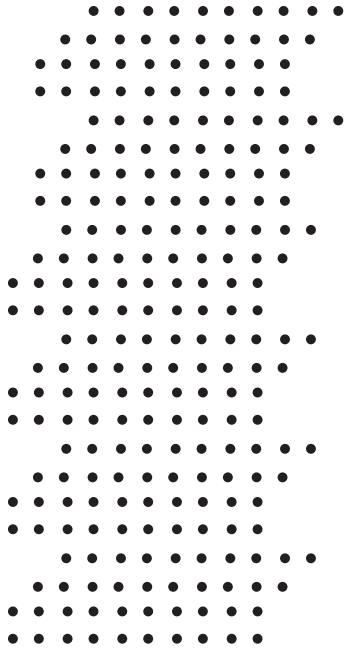


(۴)

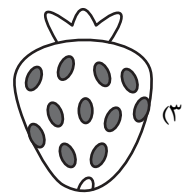
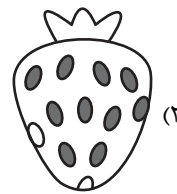
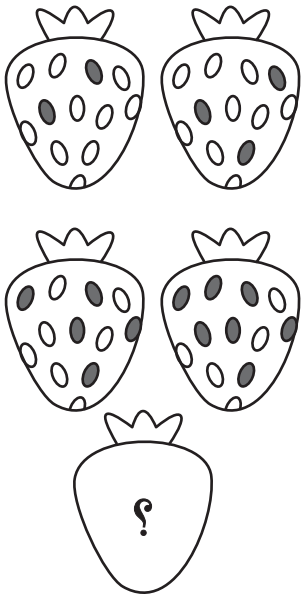


(۳)

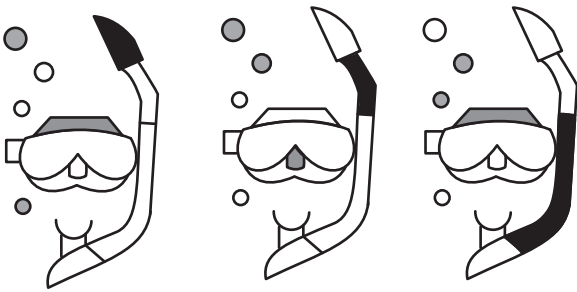
۲۶۷- شکل زیر از تکرار بدون تغییر و بدون دوران کدام گزینه حاصل شده است؟



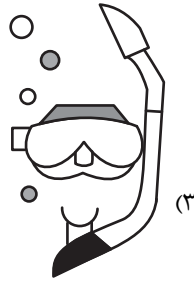
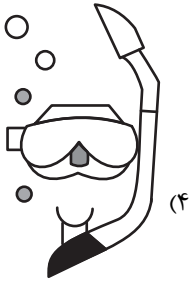
۲۶۸- کدام گزینه به جای علامت سؤال الگوی زیر قرار می گیرد؟



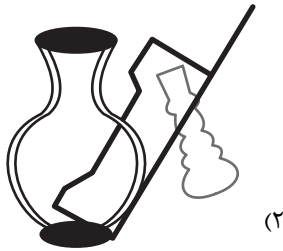
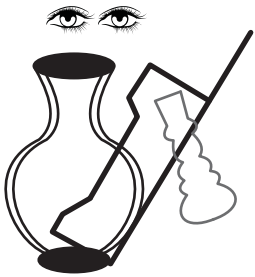
۲۶۹- شکل چهارم الگوی زیر کدام است؟



؟



۲۷۰- سه طرح دو بعدی زیر از دید ناظر پشت مجسمه به کدام شکل دیده می‌شود؟





## پدید آورندگان آزمون ۲۱ دی سال یازدهم ریاضی

**طراحان**

نام طراحان	نام درس
سهیل ساسانی - مجتبی نادری - وحید راحتی - فرشاد صدیقی فر - سعید پناهی - مهران حسینی - محمد مصطفی ابراهیمی - مهدی ملارمضانی - رحمان پوررحیم - جواد زنگنه قاسم آبادی - علی مرشد - سجاد داوطلب	حسابان (۱)
کریم کریمی - محمد نادری - زینب نادری - هادی فولادی - امیر محمد کریمی	هندسه (۲)
احسان خیراللهی - محمد نادری - وهاب نادری - فرهاد رهبران - سروش مؤثینی - محمد پوراحمدی - لیلا مرادی - سهیل ساسانی - امیر محمد کریمی	آمار و احتمال
امیر ستارزاده - سیاوش فارسی - خسرو ارغوانی فرد - سعید اردم - عبدالله فقه زاده - سیدعلی صفوی - کامران ابراهیمی - محمد حسین معز زیان - عبدالرضا امینی نسب - مهدی باغستانی - بابک اسلامی	فیزیک (۲)
آرمین محمدی چیرانی - مصیب سروستانی - هدی بهاری پور - رسول عابدینی زواره - محمد عظیمیان زواره - عباس هنرجو - پویا رستگاری - عباس هنرجو	شیمی (۲)
احسان پنجه شاهی، فراز حضرتی پور، بهزاد سلطانی، علیرضا خورشیدی، محمد مهدی نعمت الهی	زمین شناسی

**گزینشگران، مسئولین درس و ویراستاران**

نام درس	گزینشگر و مسئول درس	گروه ویراستاری	مسئول درس مستندسازی
حسابان (۱)	مهدی ملارمضانی	احسان غنی زاده، سیدسپهر متولیان، ایمان چینی فروشان	سمیه اسکندری
هندسه (۲)	امیر محمد کریمی	سجاد محمدنژاد، سیدسپهر متولیان، سیددانیال سیدی	سجاد سلیمی
آمار و احتمال	امیر محمد کریمی	سجاد محمدنژاد، مهدی بحر کاظمی، سیدسپهر متولیان، سیددانیال سیدی	سجاد سلیمی
فیزیک (۲)	بابک اسلامی	سینا صالحی	علیرضا همایون خواه
شیمی (۲)	ایمان حسین نژاد	احسان پنجه شاهی، امیررضا حکمت نیا، آزمان قنواتی	سمیه اسکندری
زمین شناسی	علیرضا خورشیدی	بهزاد سطلانی، ایلیا اعظمی نژاد، آرین فلاح اسدی، پریرسا عزتی	محیا عباسی

**گروه فنی و تولید**

مدیر گروه	بابک اسلامی
مسئول دفترچه	لیلا نورانی
مستندسازی و مطابقت با مصوبات	مدیر گروه: محیا اصغری / مسئول دفترچه: سجاد سلیمی
حروف نگاری و صفحه آرایی	فاطمه علی یاری
نظارت چاپ	حمید محمدی

**بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقف عام)**

حسابان (۱)

۱- گزینه «۳»

(سویل ساسانی)

با بررسی گزینه‌ها، داریم:

گزینه «۱»:  $D_f = D_g = \mathbb{R}$

$$f(x) = \frac{(x-3)(x+2)}{(x+2)} = (x-3) = g(x)$$

$$f(-2) = g(-2) = -5$$

گزینه «۲»:  $D_f = D_g = \mathbb{R} - \{-1\}$

$$g(x) = \frac{(x+1)}{(x+1)^2} = \frac{1}{x+1} = f(x)$$

گزینه «۳»:  $D_f = \mathbb{R} - \{2\}$ ,  $D_g = \mathbb{R} \Rightarrow D_f \neq D_g$

گزینه «۴»:  $D_f = D_g = \mathbb{R} - \{0\}$

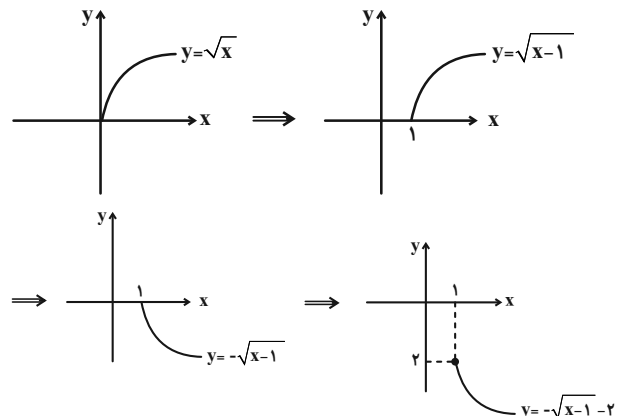
$$f(x) = \frac{|x|}{x} = \begin{cases} 1 & ; x > 0 \\ -1 & ; x < 0 \end{cases} = g(x)$$

(مسابان ۱- تابع - صفحه‌های ۳۸ تا ۴۸)

۲- گزینه «۳»

(مجتبی نادر)

برای رسم نمودار تابع  $f(x) = -\sqrt{x-1} - 2$ ، کافیست نمودار تابع  $y = \sqrt{x}$  را ابتدا یک واحد به راست انتقال داده و نسبت به محور X ها قرینه کرده و در آخر دو واحد به پایین انتقال دهیم.



(مسابان ۱- تابع - صفحه‌های ۳۸ تا ۴۸)

۳- گزینه «۱»

(وفید راضی)

$$2x^3 + ax^2 + 8x = x(2x^2 + ax + 8) = 0$$

$x = 0$  یکی از ریشه‌های نامنفی مخرج بوده و در دامنه تابع  $f$  قرار ندارد.

پس عبارت  $2x^2 + ax + 8$  نیز باید یک ریشه مضاعف و نامنفی دیگر داشته باشد:

$$\Delta = 0 \Rightarrow a^2 - 4(2)(8) = 0 \Rightarrow a^2 = 64 \Rightarrow a = \pm 8$$

چون ریشه مضاعف  $x = \frac{-a}{4}$  باید نامنفی باشد، پس  $a = -8$  قابل قبول

$$\frac{-a}{4} \geq 0 \Rightarrow a \leq 0 \text{ است.}$$

$$f(x) = \frac{5x+3}{2x^3 - 8x^2 + 8x} \Rightarrow f(1) = \frac{8}{2} = 4$$

(مسابان ۱- تابع - صفحه‌های ۳۸ تا ۴۸)

۴- گزینه «۴»

(مجتبی نادر)

دو تابع  $f$  و  $g$  با هم برابرند، اگر و تنها اگر:

$$D_f = D_g \text{ و به ازای هر } x \text{ از دامنهٔ یکسان داشته باشیم:}$$

$$f(x) = g(x)$$

تک تک گزینه‌ها را بررسی می‌کنیم:

$$\begin{cases} f(x) = \frac{\sqrt{x^2}}{|x|} \Rightarrow x^2 \geq 0, |x| \neq 0 \Rightarrow x \neq 0 \\ \text{گزینه «۱» : } \begin{cases} D_f = \mathbb{R} - \{0\} \\ g(x) = 1 \Rightarrow D_g = \mathbb{R} \end{cases} \end{cases}$$

$$\Rightarrow D_f \neq D_g \Rightarrow \text{بنابراین } f \text{ و } g \text{ برابر نیستند.}$$

$$\Rightarrow f(x) = \frac{1}{\sqrt[3]{(x-2)^2 + 8}}$$

$$(x-2)^2 \geq 0 \Rightarrow (x-2)^2 + 8 \geq 8$$

$$\Rightarrow \sqrt[3]{(x-2)^2 + 8} \geq 2 \Rightarrow 0 < \frac{1}{\sqrt[3]{(x-2)^2 + 8}} \leq \frac{1}{2}$$

$$\Rightarrow R_f = (0, \frac{1}{2}]$$

برد، زیرمجموعه هم دامنه است. پس تنها گزینه «۲» می تواند هم دامنه تابع باشد.

(مسئله ۱- تابع - صفحه های ۳۸ تا ۴۸)

(سعیر پناهی)

#### ۶- گزینه «۴»

تک تک موارد را جداگانه بررسی می کنیم:

$$\text{الف) } x^3 y^4 + 5 = 0 \xrightarrow{x=-1} -y^4 + 5 = 0 \Rightarrow -y^4 = -5$$

$$y^4 = 5 \Rightarrow y = \pm \sqrt[4]{5}$$

بهازای  $x = -1$ ، بیش از یک مقدار برای  $y$  داریم، پس تابع نیست.

$$\text{ب) } x^2 - 6x + 9 + |y-1| = 0 \Rightarrow (x-3)^2 + |y-1| = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x-3=0 \Rightarrow x=3 \\ y-1=0 \Rightarrow y=1 \end{cases}$$

پس تابع است.

$$\text{ج) } xy - 2x = 0 \Rightarrow x(y-2) = 0 \xrightarrow{x=0} 0 = 0$$

$0 \cdot y$  هر مقداری می تواند باشد. پس تابع نیست.

(مسئله ۱- تابع - صفحه های ۳۸ تا ۴۹)

$$\text{گزینه «۲» : } \begin{cases} f(x) = x\sqrt{-x} \Rightarrow -x \geq 0 \Rightarrow x \leq 0 \\ \Rightarrow D_f = (-\infty, 0] \\ g(x) = \sqrt{-x^3} \Rightarrow -x^3 \geq 0 \Rightarrow x^3 \leq 0 \\ \Rightarrow x \leq 0 \Rightarrow D_g = (-\infty, 0] \end{cases}$$

$$\Rightarrow D_f = D_g \Rightarrow g(x) = \sqrt{-x^3} = \sqrt{x^2(-x)}$$

$$= |x| \sqrt{-x} \neq x\sqrt{-x} \Rightarrow f(x) \neq g(x)$$

$$\text{گزینه «۳» : } \begin{cases} f(x) = \sqrt{x(x-1)} \Rightarrow x(x-1) \geq 0 \\ \Rightarrow D_f = (-\infty, 0] \cup [1, +\infty) \\ g(x) = \sqrt{x} \cdot \sqrt{x-1} \\ \Rightarrow \begin{cases} x \geq 0 \\ x-1 \geq 0 \Rightarrow x \geq 1 \end{cases} \Rightarrow D_g = [1, +\infty) \end{cases}$$

$$\Rightarrow D_f \neq D_g \Rightarrow f \text{ و } g \text{ برابر نیستند.}$$

$$\text{گزینه «۴» : } \begin{cases} f(x) = \sqrt{x(1-x)} \Rightarrow x(1-x) \geq 0 \Rightarrow D_f = [0, 1] \\ g(x) = \sqrt{x} \cdot \sqrt{1-x} \Rightarrow \begin{cases} x \geq 0 \\ 1-x \geq 0 \Rightarrow x \leq 1 \end{cases} \\ \Rightarrow D_g = [0, 1] \end{cases}$$

$$\Rightarrow \text{همچنین } 0 \leq x \leq 1 \Rightarrow g(x) = \sqrt{x} \cdot \sqrt{1-x}$$

$$= \sqrt{x(1-x)} = f(x) \Rightarrow f(x) = g(x)$$

لذا گزینه «۴»، صحیح است.

(مسئله ۱- تابع - صفحه های ۳۸ تا ۴۸)

(فرشاد صدیقی فر)

#### ۵- گزینه «۲»

ابتدا تابع را ساده می کنیم:

$$x^2 - 4x + 12 = (x-2)^2 + 8$$



۷- گزینه «۳»

(مهران حسینی)

با توجه به سؤال داریم:

$$[x] = 6 \Rightarrow 6 \leq x < 7 \Rightarrow 12 \leq 2x < 14$$

$$13 \leq 1 + 2x < 15 \Rightarrow [1 + 2x] = 13 \text{ یا } 14$$

(مسابان ۱- تابع - صفحه‌های ۴۹ تا ۵۳)

۸- گزینه «۲»

(محمدمصطفی ابراهیمی)

$$[x] + [-x] = \begin{cases} 0 & ; x \in \mathbb{Z} \\ -1 & ; x \notin \mathbb{Z} \end{cases}$$

با توجه به اینکه عبارت  $[x] + [-x]$  در مخرج است و نباید مقدار آن،

صفر باشد، پس باید  $x \notin \mathbb{Z}$ .

$$2x^2 - x - 2 = \frac{1}{[x] + [-x]} \xrightarrow{x \notin \mathbb{Z}} 2x^2 - x - 2 = -1$$

$$\Rightarrow 2x^2 - x - 1 = 0$$

$$(2x + 1)(x - 1) = 0 \Rightarrow x = -\frac{1}{2}, x = 1$$

چون  $x \notin \mathbb{Z}$ ، فقط جواب  $x = -\frac{1}{2}$  قابل قبول است.

(مسابان ۱- تابع - صفحه‌های ۴۹ تا ۵۳)

۹- گزینه «۳»

(مجتبی نادری)

$$[2x + \frac{5}{2}] + [2x - \frac{3}{2}] = -4 \Rightarrow [2x + \frac{1}{2} + 2] + [2x + \frac{1}{2} - 2] = -4$$

$$\Rightarrow [2x + \frac{1}{2}] + 2 + [2x + \frac{1}{2}] - 2 = -4 \Rightarrow 2[2x + \frac{1}{2}] = -4$$

$$\Rightarrow [2x + \frac{1}{2}] = -2 \Rightarrow -2 \leq 2x + \frac{1}{2} < -1$$

طرفین نامعادله با  $(-\frac{1}{2})$  جمع شود

$$\rightarrow -\frac{5}{2} \leq 2x < -\frac{3}{2} \xrightarrow{\div 2}$$

$$-\frac{5}{4} \leq x < -\frac{3}{4}$$

(مسابان ۱- تابع - صفحه‌های ۴۹ تا ۵۳)

۱۰- گزینه «۴»

(مهری ملارمشرانی)

بزرگترین بازه‌ای که  $f$  در آن یک‌به‌یک است به صورت  $[2, +\infty)$  یا

$(-\infty, 2]$  می‌باشد که در اینجا منظور  $(2, +\infty)$  است.

$$\Rightarrow a = 2$$

(مسابان ۱- تابع - صفحه‌های ۵۵ تا ۶۲)

۱۱- گزینه «۴»

(فرشاد صدیقی‌فر)

با توجه به سؤال داریم:

$$\begin{cases} f(1) = 0 \\ f^{-1}(1) = 0 \Rightarrow f(0) = 1 \end{cases}$$

بنابراین:

$$\begin{cases} (0, 1) \xrightarrow{f} 1 = 0 + b \\ (1, 0) \xrightarrow{f} 0 = a + 1 \Rightarrow a = -1 \end{cases} \Rightarrow b - 2a = 3$$

(مسابان ۱- تابع - صفحه‌های ۵۵ تا ۶۲)

۱۲- گزینه «۱»

(موری ملارمضانی)

$$\begin{cases} f^{-1}(3) = 4 \Rightarrow f(4) = 3 \\ f^{-1}(1) = 8 \Rightarrow f(8) = 1 \end{cases} \Rightarrow f(x) = \frac{3-1}{4-8}x + b$$

$$\xrightarrow{(4,3)} 3 = \frac{-1}{2}(4) + b \Rightarrow b = 5$$

$$f(x) = -\frac{1}{2}x + 5$$

$$\Rightarrow f(2) = -\frac{1}{2}(2) + 5 = -1 + 5 = 4$$

(مسابان ۱- تابع- صفحه‌های ۵۵ تا ۶۲)

۱۳- گزینه «۱»

(وفیر رامتی)

با توجه به سؤال، داریم:

$$f(x) = \frac{x^2 + x}{x^2 - 3x + 2} \Rightarrow x^2 - 3x + 2 = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x = 2 \end{cases}$$

$$\Rightarrow D_f = \mathbb{R} - \{1, 2\}$$

$$g(x) = \frac{\sqrt{16 - x^2}}{x + 3} \Rightarrow 16 - x^2 \geq 0 \Rightarrow [-4, 4] - \{-3\}$$

$$D_{\frac{fg}{f}} = D_f \cap D_g - \underbrace{\{0, -1\}}_{\text{ریشه‌های } f} = [-4, 4] - \{-3, -1, 0, 1, 2\}$$

دامنه تابع  $\frac{fg}{f}$ ، شامل چهار عدد صحیح  $\{-4, -2, 3, 4\}$  می‌باشد.

(مسابان ۱- تابع- صفحه‌های ۶۳ تا ۶۶)

۱۴- گزینه «۱»

(رفمان پوررمیم)

از  $g(1) = -1$  و  $f^{-1}(-1) = 0$ ؛ نتیجه می‌شود  $f^{-1}(-1) = 1$  و  $g^{-1}(-1) = 0$ ؛ بنابراین،  $f(0) = -1$

$$(g^{-1} \circ f)(0) = g^{-1}(f(0)) = g^{-1}(-1) = 1$$

(مسابان ۱- تابع- صفحه‌های ۵۷ تا ۶۲ و ۶۶ تا ۷۰)

۱۵- گزینه «۱»

(رفمان پوررمیم)

با توجه به ضابطه تابع  $f$ ، دامنه آن به صورت  $[-1, -\infty)$  است، پس داریم:

$$D_{g \circ f} = \{x \in D_f \mid f(x) \in D_g\}$$

$$= \{-\infty < x \leq -1 \mid -1 \leq \sqrt{-1-x} < 2\}$$

برای حل نامعادله  $\sqrt{-1-x} < 2$ ، نامعادله  $-1 \leq \sqrt{-1-x}$ ، همواره برقرار است، بنابراین:

$$\sqrt{-1-x} < 2 \Rightarrow -1-x < 4 \Rightarrow x > -5$$

$$D_{g \circ f} = \{-\infty < x \leq -1 \mid x > -5\} = (-5, -1]$$

(مسابان ۱- تابع- صفحه‌های ۶۶ تا ۷۰)

۱۶- گزینه «۳»

(رفمان پوررمیم)

معادله خط گذرا از نقاط  $(-k, 2k)$  و  $(0, k)$  را می‌نویسیم:

$$m = \frac{2k - k}{-k - 0} = \frac{k}{-k} = -1 \Rightarrow y - k = (-1)(x - 0)$$

$$\Rightarrow f(x) = -x + k$$

$$(f \circ f)(2k) = f(f(2k)) = f(-2k + k) = f(-k)$$

$$= -(-k) + k = 2k$$

(مسابان ۱- تابع- صفحه‌های ۶۶ تا ۷۰)

۱۷- گزینه «۲»

(هواد زنگنه قاسم‌آبادی)

$$16 - 2^x \geq 0 \Rightarrow 2^x \leq 16 \Rightarrow x \leq 4$$

$$3^x - 27 = 0 \Rightarrow 3^x = 27 \Rightarrow x = 3$$

$$\Rightarrow D_f = (-\infty, 4] - \{3\}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} a = 4 \\ b = 3 \end{cases} \Rightarrow a + b = 7$$

(مسابان ۱- توابع نمایی و لگاریتمی- صفحه‌های ۷۲ تا ۷۹)

$$\begin{cases} 4a + b = 0 \\ a + b = -1 \end{cases} \Rightarrow a = \frac{1}{3}, b = -\frac{4}{3}$$

$$\Rightarrow \frac{b}{a} = \frac{-\frac{4}{3}}{\frac{1}{3}} = -4$$

(مسایان ۱- توابع نمایی و لگاریتمی - صفحه‌های ۷۲ تا ۷۹)

(سپار > اوطلب)

۲۰- گزینه «۲»

با توجه به شکل، روند کاهشی دارد، پس پایه، بین صفر و یک است و داریم:

$$0 < 3 - 2a < 1 \Rightarrow -3 < -2a < -2 \Rightarrow 1 < a < \frac{3}{2}$$

$$\Rightarrow \frac{2}{3} < \frac{1}{a} < 1$$

چون  $\frac{1}{a}$  بین  $\frac{2}{3}$  و ۱ است، علامت نامساوی تغییر می‌کند:

$$\left(\frac{1}{a}\right)^{-x^2 + \Delta x} \leq \left(\frac{1}{a}\right)^x \Rightarrow -x^2 + \Delta x \geq x$$

$$\Rightarrow -x^2 + 4x \geq 0 \Rightarrow \begin{array}{c|c|c|c} x & & 0 & 4 \\ \hline -x^2 + 4x & - & \phi & + \end{array}$$

$x = 1, 2, 3, 4$  که شامل ۴ عدد طبیعی می‌باشد.

(مسایان ۱- توابع نمایی و لگاریتمی - صفحه‌های ۷۲ تا ۷۹)

۱۸- گزینه «۳»

(علی مرشد)

تابع  $f(x) = a(b)^x + 1$  از نقاط  $(1, \frac{4}{3})$  و  $(3, \frac{13}{12})$  می‌گذرد، بنابراین

داریم:

$$f(1) = \frac{4}{3} \Rightarrow a(b) + 1 = \frac{4}{3} \Rightarrow ab = \frac{1}{3} \quad (I)$$

$$f(3) = \frac{13}{12} \Rightarrow a(b)^3 + 1 = \frac{13}{12} \Rightarrow a(b)^3 = \frac{1}{12} \quad (II)$$

$$\xrightarrow{(II) \div (I)} \frac{ab^3}{ab} = \frac{\frac{1}{12}}{\frac{1}{3}} \Rightarrow b^2 = \frac{1}{4} \quad b > 0$$

$$b = \frac{1}{2} \xrightarrow{(I)} a = \frac{2}{3}$$

در نتیجه:

$$f(x) = \frac{2}{3} \left(\frac{1}{2}\right)^x + 1 \Rightarrow f(-1) = \frac{2}{3} \left(\frac{1}{2}\right)^{-1} + 1$$

$$= \frac{2}{3} (2) + 1 = \frac{4}{3} + 1 = \frac{7}{3}$$

(مسایان ۱- توابع نمایی و لگاریتمی - صفحه‌های ۷۲ تا ۷۹)

۱۹- گزینه «۴»

(سویل ساسانی)

با توجه به نمودار، داریم:

$$f(-2) = 0 \Rightarrow a\left(\frac{1}{2}\right)^{-2} + b = 0 \Rightarrow 4a + b = 0$$

$$f(0) = -1 \Rightarrow a\left(\frac{1}{2}\right)^0 + b = -1 \Rightarrow a + b = -1$$

هندسه (۲)

۲۱- گزینه «۲»

(کریم کریمی)

با توجه به مطالب کتاب درسی گزینه «۲» درست نیست.

(هنر سه ۲- تبدیل های هندسی و کاربردها- صفحه های ۳۵ تا ۳۸)

۲۲- گزینه «۱»

(معمد نادری)

یک تبدیل ایزومتري هم نهشتی را حفظ می کند پس مساحت دایره ها ثابت می ماند.

$$\pi r^2 = \pi(2x+1)^2 = 49\pi$$

$$(2x+1)^2 = 49 \xrightarrow{2x+1 > 0} 2x+1 = 7 \Rightarrow x = 3$$

از طرفی وتر دو مثلث هم نهشت با هم برابر است پس:

$$x + 2y = y + 3x$$

$$y = 2x \Rightarrow y = 6$$

$$x + 2y = 3 + 2 \times 6 = 15$$

(هنر سه ۲- تبدیل های هندسی و کاربردها- صفحه های ۳۲ تا ۳۴)

۲۳- گزینه «۱»

(معمد نادری)

می دانیم یک خط بعد از تبدیل، خط می ماند پس کافی است تبدیل یافته ۲ نقطه پیدا شوند تا خط تعیین گردد. همچنین چون تبدیل یافته دایره، دایره می ماند و برای تعیین یکتای دایره به ۳ نقطه نیاز داریم. پس به تبدیل یافته ۳ نقطه نیازمندیم.

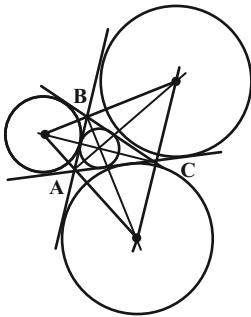
(هنر سه ۲- تبدیل های هندسی و کاربردها- صفحه های ۳۲ تا ۳۴)

۲۴- گزینه «۱»

(کریم کریمی)

محل همرسی ۳ نیمساز داخلی و محل همرسی دو نیمساز خارجی و یک نیمساز داخلی نقاطی هستند که از ۳ ضلع به یک فاصله باشد.

بنابراین یک نقطه (محل همرسی نیمسازهای داخلی) و ۳ نقطه محل همرسی ۲ نیمساز خارجی و یک نیمساز داخلی خواهیم داشت.



(هنر سه ۲- دایره- صفحه های ۲۵ و ۲۶)

۲۵- گزینه «۲»

(زینب نادری)

می دانیم طول مماس های AT و AT' و همین طور طول مماس های BN و BP، برابر P است. پس داریم:

$$AC + CT = P \xrightarrow{CT=CM} AC + CM = P$$

$$\Rightarrow CM = P - AC$$

$$BC + CN = P \Rightarrow CN = P - BC$$

$$\Rightarrow MN = MC + CN = P - AC + P - BC$$

$$= \underbrace{2P}_{\text{محیط}} - AC - BC \Rightarrow MN = AB = 6$$

(هنر سه ۲- دایره- صفحه ۳۰)

۲۶- گزینه «۱»

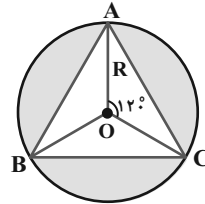
(هاری فولاری)

مساحت دایره برابر  $\pi R^2$  و مساحت مثلث متساوی الاضلاع برابر است با

$\frac{\sqrt{3}}{4} R^2 \sin 120^\circ$ ، زیرا مثلث های  $OAB$ ،  $OAC$  و  $OBC$  هم نهشت

هستند و مساحت هر کدام از رابطه  $S = \frac{1}{2} R \times R \times \sin 120^\circ$  به دست

می آید.



$$\frac{\sqrt{3}}{4}$$

$$S_{\text{رنگی}} = \pi R^2 - \frac{\sqrt{3}}{4} R^2 \sin 120^\circ$$

$$4\pi - 3\sqrt{3} = \pi R^2 - \frac{\sqrt{3}}{4} R^2 \Rightarrow R = 2$$

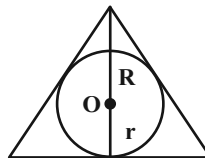
حال به دایره محاطی توجه کنید: در مثلث متساوی الاضلاع  $O$  (مرکز دایره

محاطی و محیطی) نقطه همرسی میانه ها نیز هست بنابراین  $r = \frac{1}{2} R$  زیرا

نقطه همرسی میانه ها هر میانه را به نسبت ۱ به ۲ قطع می کند.

$$r = \frac{1}{2} R = \frac{1}{2} \times 2 = 1$$

پس:



(هندسه ۲- رایره- صفحه های ۲۵ و ۲۶)

۲۷- گزینه «۳»

(زینب نادری)

مرکز دایره محاطی نقطه همرسی میانه ها است. پس:

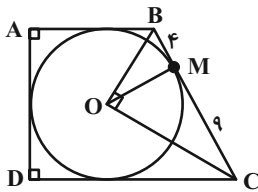
نیمسازهای  $B$  و  $C$  در  $O$  متقاطعند.

$$\hat{B} + \hat{C} = 180^\circ \Rightarrow \frac{\hat{B}}{2} + \frac{\hat{C}}{2} = 90^\circ$$

$$\hat{BOC} = 180^\circ - \left(\frac{\hat{B}}{2} + \frac{\hat{C}}{2}\right) = 90^\circ$$

پس در مثلث  $OBC$ ، شعاع  $OM$ ، ارتفاع وارد بر وتر است.

با توجه به روابط طولی در مثلث قائم الزاویه، داریم:



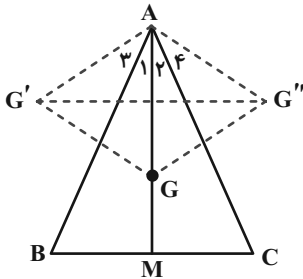
$$OM^2 = 4 \times 9 \Rightarrow OM = 6$$

$$R = OM = 6$$

(هندسه ۲- رایره- صفحه ۲۹)

۲۸- گزینه «۲»

(زینب نادری)



$$AG = \frac{2}{3} AM = 2$$

$$AG' = AG'' = AG = 2$$

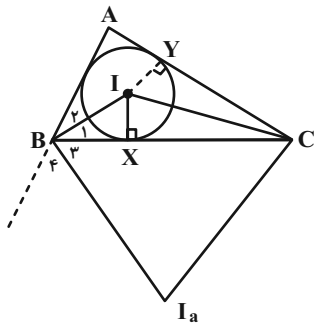
$$\hat{A}_1 = \hat{A}_3, \hat{A}_2 = \hat{A}_4$$

$$\hat{BAC} = \hat{A}_1 + \hat{A}_2 \xrightarrow{G'AG'' = \hat{A}_1 + \hat{A}_2 + \hat{A}_3 + \hat{A}_4}$$

$$G'AG'' = 2(\hat{A}_1 + \hat{A}_2) = 60^\circ$$

پس مثلث  $G'AG''$ ، متساوی الاضلاع است و  $G'G'' = 2$

(هندسه ۲- تبدیل های هندسی و کاربردها- صفحه های ۳۷ و ۳۸)



در مثلث  $\triangle IXC$  داریم:

$$IX^2 + CX^2 = IC^2 \Rightarrow IC^2 = 12^2 + 5^2 = 169$$

$$\Rightarrow IC = 13$$

حال از طرفی:

$$\begin{cases} B_1 = \frac{B_1 + B_2}{2} \\ B_3 = \frac{B_3 + B_4}{2} \end{cases} \Rightarrow B_1 + B_3 = \frac{B_1 + B_2 + B_3 + B_4}{2}$$

$$= 90^\circ = \hat{BI}_a$$

به طور مشابه  $\hat{CI}_a = 90^\circ$  است

$$\hat{CI}_a + \hat{BI}_a = 180^\circ \Rightarrow I_a \text{ BIC محاطی}$$

$$\Rightarrow \hat{I}_a C = \hat{IBC} = 30^\circ$$

و چون  $\hat{I}_a C = 30^\circ$  قائم الزاویه بوده و  $\triangle I_a C$  است.

$$I_a = 2 \times IC = 2 \times 13 = 26$$

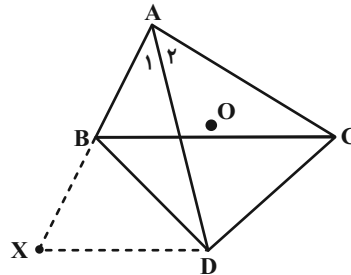
پس:

(هنر سه ۲- دایره- صفحه های ۲۵ تا ۲۷)

(امیرمهد کریمی)

۲۹- گزینه «۱»

X را روی امتداد AB طوری می گیریم که  $AX = AC$  شود.



$$\left. \begin{array}{l} \hat{A}_1 = \hat{A}_2 \\ AX = AC \\ AD = AD \end{array} \right\} \xrightarrow{\text{ضریب}} \triangle AXD \cong \triangle ACD \Rightarrow \hat{AXD} = \hat{ACD}$$

از طرفی  $\hat{XBD} = 180^\circ - \hat{ABD}$  و  $\hat{AXD} = \hat{XBD}$  پس:

$$\hat{ACD} + \hat{ABD} = 180^\circ \Rightarrow \text{ABDC محاطی است}$$

پس مرکز دایره محیطی  $\triangle ABC$  مرکز دایره محیطی  $\triangle BDC$  نیز می باشد

(هر ۴ نقطه روی یک دایره هستند) پس داریم:

$$\hat{DOC} = 2\hat{DAC} = 2 \times 30^\circ = 60^\circ$$

(هنر سه ۲- دایره- صفحه های ۲۵ تا ۲۷)

(امیرمهد کریمی)

۳۰- گزینه «۴»

$$IX = \frac{BI}{2} \Rightarrow \begin{cases} \hat{IBX} = 30^\circ \Rightarrow \text{BI نیمساز} \\ \hat{BXI} = 90^\circ \end{cases}$$

$$IX = \frac{1}{2} = 5 \xrightarrow{IX=IY} IY = 5$$

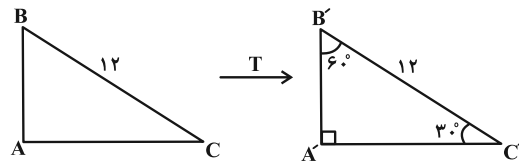
هندسه (۲) - سوالات آشنا

۳۱- گزینه «۴»

(کتاب آبی)

تبدیل طولیا (ایزومتري)، تبدیلی است که طول پاره خط را حفظ می کند. لذا در هر تبدیل طولیا، تبدیل یافته هر زاویه، زاویه ای هم اندازه با آن است. بنابراین زوایای مثلث  $A'B'C'$  نظیر به نظیر با زوایای مثلث  $ABC$  برابرند، در نتیجه:

$$\hat{A}' = \frac{3}{2} \hat{B}' = 2\hat{C}' \Rightarrow \hat{A}' = 90^\circ, \hat{B}' = 60^\circ, \hat{C}' = 30^\circ$$



پس  $A'B'C'$  یک مثلث قائم الزاویه است و داریم:

$$\sin 30^\circ = \frac{A'B'}{B'C'} \Rightarrow \frac{1}{2} = \frac{A'B'}{12} \Rightarrow A'B' = 6$$

$$\sin 60^\circ = \frac{A'C'}{B'C'} \Rightarrow \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{A'C'}{12} \Rightarrow A'C' = 6\sqrt{3}$$

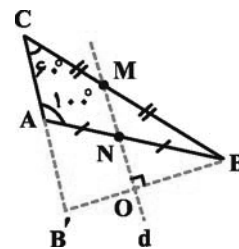
بنابراین:

$$S_{\Delta A'B'C'} = \frac{A'B' \times A'C'}{2} = \frac{6 \times 6\sqrt{3}}{2} = 18\sqrt{3}$$

(هندسه ۲- تبدیل های هندسی و کاربرد ها- صفحه های ۳۲ تا ۳۴)

۳۲- گزینه «۲»

(کتاب آبی)



فرض کنیم خط  $d$  اضلاع مثلث را در نقاط  $M$  و  $N$  قطع کند، داریم:

$$\frac{BM}{CM} = \frac{BN}{AN} \xrightarrow{\text{عکس قضیه تالس}} d \parallel AC$$

خط  $d$  با  $AB'$  موازی و خط  $d$  بر  $BB'$  عمود است (چون خط  $d$  محور بازتاب  $B$  و  $B'$  می باشد)، پس  $AB'$  بر  $BB'$  عمود است. در نتیجه:

$$AB' \perp BB' \Rightarrow \hat{A}B'B = 90^\circ$$

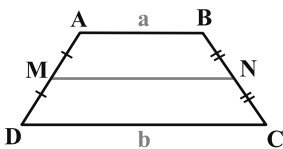
(هندسه ۲- تبدیل های هندسی و کاربرد ها- صفحه های ۳۵ تا ۳۸)

۳۳- گزینه «۴»

(کتاب آبی)

طول پاره خطی که وسط های دو ساق یک دوزنقه را به هم وصل می کند، میانگین طول دو قاعده دوزنقه است. یعنی در شکل زیر:

$$MN = \frac{a+b}{2}$$



طبق فرض:

$$MN = 12 \Rightarrow \frac{a+b}{2} = 12 \Rightarrow a+b = 24 \quad (*)$$

اما طبق فرض سؤال دوزنقه  $ABCD$  محیطی است، می دانیم که در هر چهارضلعی محیطی مجموع ضلع های روبه رو با هم برابر است، یعنی در دوزنقه  $ABCD$  محیطی داریم:

$$AB + CD = AD + BC$$

$$\text{محیط } ABCD = AB + CD + AD + BC$$

$$= AB + CD + AB + CD$$

$$= a + b + a + b = 2(a + b)$$

$$\xrightarrow{(*)} \text{محیط } ABCD = 2 \times 24 = 48$$

(هندسه ۲- دایره- صفحه ۲۹)

اعداد ۶، ۸ و ۱۰ در رابطه فیثاغورس صدق می‌کنند. پس مثلث، قائم‌الزاویه است. در مثلث قائم‌الزاویه، مرکز دایره محیطی دقیقاً وسط وتر مثلث واقع است. پس داریم:

$$OE = r = \frac{S}{P} = \frac{\frac{6 \times 8}{2}}{\frac{6+8+10}{2}} = \frac{24}{12} = 2$$

(شعاع دایره محیطی داخلی)

$$BE = P - b = 12 - 8 = 4 \Rightarrow EM = BM - BE = 5 - 4 = 1$$

مطابق شکل، اندازه OM برابر فاصله مرکز دایره محیطی داخلی تا مرکز دایره محیطی است. در نتیجه:

$$OM^2 = OE^2 + EM^2 = 4 + 1 = 5 \Rightarrow OM = \sqrt{5}$$

(هندسه ۲- دایره- صفحه‌های ۲۵ و ۳۰)

(کتاب آبی)

### ۳۷- گزینه «۳»

دو مثلث AEF و ABC که در زاویه A مشترک‌اند متشابه‌اند، زیرا داریم:

$$\frac{AE}{AC} = \frac{2}{6} = \frac{AF}{AB} = \frac{3}{9}$$

$$\Rightarrow \triangle AEF \sim \triangle ABC \Rightarrow \frac{EF}{BC} = \frac{1}{3} \quad (1)$$

$$EB = AB - AE = 7$$

$$FC = AC - AF = 3$$

$$\xrightarrow{\text{محیطی EFCB}} EF + BC = EB + FC = 10 \quad (2)$$

$$\xrightarrow{(1), (2)} \begin{cases} BC = 3EF \\ EF + BC = 10 \end{cases}$$

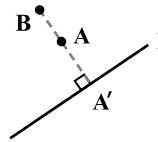
$$\Rightarrow 4EF = 10 \Rightarrow EF = \frac{10}{4} = 2.5$$

(هندسه ۲- دایره- صفحه ۲۷)

(کتاب آبی)

### ۳۴- گزینه «۱»

M یک تبدیل نیست، زیرا همان‌طور که در شکل می‌بینید تصویر دو نقطه متمایز A و B از دامنه، بر هم منطبق می‌باشند.



$$M(A) = M(B) = A'$$

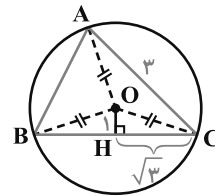
به بیانی دیگر شرط یک به یک بودن را ندارد.

(هندسه ۲- تبدیل‌های هندسی و کاربردها- صفحه ۳۴)

(کتاب آبی)

### ۳۵- گزینه «۲»

می‌دانیم مرکز دایره محیطی مثلث، محل هم‌مرسی عمودمنصف‌های ضلع‌های آن است.



$$\triangle ABC : OA = OB = OC = R$$

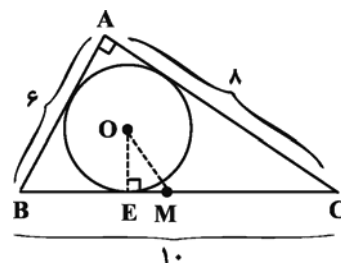
$$\Rightarrow \triangle OCH : R^2 = 1 + 3 \Rightarrow R^2 = 4$$

$$\Rightarrow R = 2 \Rightarrow OA + OB + OC = 3R = 6$$

(هندسه ۲- دایره- صفحه ۲۵)

(کتاب آبی)

### ۳۶- گزینه «۲»





$$4r^2 = AB \times CD$$

$$\Rightarrow 4(\sqrt{3})^2 = x(3x) \Rightarrow x^2 = 4 \Rightarrow x = 2$$

مطابق شکل، مساحت دوزنقه برابر است با:

$$S(ABCD) = \frac{(x + 3x) \times 2r}{2}$$

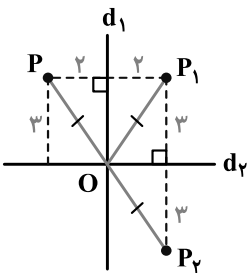
$$\Rightarrow S(ABCD) = \frac{4 \times 2\sqrt{3}}{2} = 4\sqrt{3}$$

(هندسه ۲- رایره- صفحه ۲۹)

(کتاب آبی)

«۴۰- گزینه ۲»

شکل مورد نظر سؤال را رسم می‌کنیم.



مطابق شکل  $OP_1$  میانه وارد بر ضلع  $PP_2$  می‌باشد که نصف آن ضلع

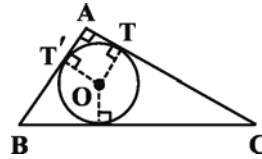
است. بنابراین مثلث  $PP_1P_2$  در رأس  $P_1$  قائمه است. پس:

$$S_{PP_1P_2} = \frac{PP_1 \times P_1P_2}{2} = \frac{4 \times 6}{2} = 12$$

(هندسه ۲- تبدیل‌های هندسی و کاربردها- صفحه‌های ۳۵ تا ۳۸)

(کتاب آبی)

«۳۸- گزینه ۲»



کوچک‌ترین دایره محاطی هر مثلث، دایره محاطی داخلی و بزرگ‌ترین دایره محاطی هر مثلث، دایره محاطی خارجی نظیر رأسی است که بزرگ‌ترین زاویه را دارد. مطابق شکل چهارضلعی  $OTAT'$  مربع است، پس:

$$OT = AT = P - a \Rightarrow r = P - a = \frac{S}{P} \Rightarrow S = P(P - a)$$

حال با توجه به رابطه شعاع دایره محاطی خارجی داریم:

$$r_a = \frac{S}{P - a} = \frac{P(P - a)}{P - a} = P \Rightarrow \begin{cases} r = P - a = 1 \\ r_a = P = 6 \end{cases} \Rightarrow a = 5$$

در هر مثلث قائم‌الزاویه، اندازه شعاع دایره محیطی برابر با نصف وتر است.

پس:

$$R = \frac{a}{2} = 2.5$$

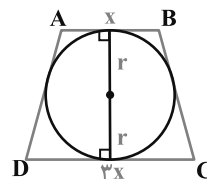
(هندسه ۲- رایره- صفحه‌های ۲۵ و ۲۶)

(کتاب آبی)

«۳۹- گزینه ۴»

همان‌طور که در متن درسنامه اشاره شد اگر شعاع دایره محاطی دوزنقه

متساوی‌الساقین ABCD برابر r باشد، داریم:



آمار و احتمال

۴۱- گزینه «۱»

(امسان فیرالویی)

$$(A \times B) \cap (C \times D) = (A \cap C) \times (B \cap D)$$

می‌دانیم:

$$A \times A = A^2$$

$$A \cap B = \{b, c\}$$

$$n((A \times B) \cup (B \times A)) = n(A \times B) + n(B \times A)$$

$$-n((A \times B) \cap (B \times A)) = n(A)n(B) + n(B)n(A)$$

$$-n(A \cap B)^2 = 3 \times 3 + 3 \times 3 - 2^2 = 18 - 4 = 14$$

(آمار و احتمال- آشنایی با مبانی ریاضیات- صفحه‌های ۳۰ تا ۳۴)

۴۲- گزینه «۱»

(مهمر نادری)

$$P(a_1) + P(a_2) + P(a_3) = 1$$

$$\Rightarrow \frac{k}{2} + \frac{k}{6} + \frac{k}{12} = 1 \Rightarrow k \left( \frac{9}{12} \right) = 1$$

$$k = \frac{12}{9} = \frac{4}{3}$$

$$P(\{a_1\} \cup \{a_3\}) = P(\{a_1\}) + P(\{a_3\}) = \frac{4}{2} + \frac{4}{12} = \frac{2}{3} + \frac{1}{9} = \frac{7}{9}$$

(آمار و احتمال- احتمال- صفحه‌های ۳۴ تا ۳۷)

۴۳- گزینه «۲»

(وهاب نادری)

اگر تمامی حالات مطلوب را بنویسیم:

$$P P D P \quad D P D D \\ P D P P \quad + \quad D D P D \Rightarrow \text{حالت مطلوب ۴}$$

کل حالات مطلوب ۴ مورد و  $n(S) = 2^4 = 16$  حالت می‌باشد.

$$P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{4}{16} = \frac{1}{4}$$

(آمار و احتمال- احتمال- صفحه‌های ۳۹ و ۴۰)

۴۴- گزینه «۱»

(فرهاد رهبران)

هر یک از گزاره‌ها را بررسی کنیم:

الف- نادرست؛ تعداد پیشامدهای ممکن برابر با تعداد زیرمجموعه‌های ۳ عضوی از

$$\binom{10}{3} = 120 \text{ یعنی ۱۰ عضوی است، یعنی ۱۲۰}$$

ب) نادرست؛ هر عضو فضای نمونه‌ای باید مشخص‌کننده یکی از نتایج

ممکن باشد، چون انتخاب مهره‌ها به صورت همزمان اتفاق می‌افتد، لذا

شماره مهره‌های انتخاب شده هیچ تقدمی نسبت به هم ندارند و یک ۳-تایی

مرتب تشکیل نمی‌دهند بلکه یک مجموعه ۳-تایی خواهند بود پس باید به

شکل  $\{1, 2, 3\}$  نمایش داده شود.

ج) درست؛ احتمال وقوع هر پیشامد برابر است با  $P(A) = \frac{n(A)}{n(S)}$  و

$n(S) = 120$  پس  $n(A) = P(A) \times 120$  که عددی صحیح است.

(آمار و احتمال- احتمال- صفحه‌های ۳۸ و ۳۹)

۴۵- گزینه «۱»

(سروش مؤنثی)

$$\left. \begin{aligned} A &= \{0, \pm 1, \pm 2\} \\ B &= \{-1, 1, -3, 3, -5\} \end{aligned} \right\} \Rightarrow A \cap B = \{-1, 1\}$$

$$n(A^2 \cap B^2) = (n(A \cap B))^2 = 2^2 \Rightarrow n(A^2 \cap B^2) = 4$$

$$n(A^2 \cup B^2) = (n(A))^2 + (n(B))^2 - n(A^2 \cap B^2)$$

$$= 5^2 + 5^2 - 4 = 46$$

(آمار و احتمال- آشنایی با مبانی ریاضیات- صفحه‌های ۳۰ تا ۳۴)

۴۶- گزینه «۴»

(مهمر پور احمدی)

$$\left\{ \begin{aligned} A &= \{0, 1, 2, 3\} \\ B &= \{1, 2, 3\} \end{aligned} \right.$$

$$n((A \times B) \cup (B \times A))$$

$$= n(A \times B) + n(B \times A) - n((A \times B) \cap (B \times A))$$

$$= n(A) \times n(B) + n(B) \times n(A) - n((A \cap B))^2$$

$$= 4 \times 3 + 3 \times 4 - 3^2 = 15$$

(آمار و احتمال- آشنایی با مبانی ریاضیات- صفحه‌های ۳۰ تا ۳۴)

۴۷- گزینه «۴»

(لیلا مرادی)

می‌دانیم در پرتاب سکه دو حالت داریم و احتمال هر کدام از آن‌ها  $\frac{1}{2}$

می‌باشد. حالت‌های مختلف را باید در نظر بگیریم، فرض می‌کنیم بار اول سکه پشت بیاید، پس:

$$P(x=1) = \frac{\text{مضرب ۲ پشت}}{2} \times \frac{3}{6} = \frac{1}{4}$$

اما اگر بار اول رو و بار دوم پشت بیاید داریم:

$$P(x=2) = \frac{\text{مضرب ۲ پشت رو}}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{3}{6} = \frac{1}{8}$$

و اگر دو بار اول رو و بار سوم پشت بیاید داریم:

$$P(x=3) = \frac{\text{مضرب ۲ پشت رو رو}}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{3}{6} = \frac{1}{16}$$

و آخرین حالت زمانی است که پرتاب چهارم پشت بیاید:

$$P(x=4) = \frac{\text{مضرب ۲ پشت رو رو رو}}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{3}{6} = \frac{1}{32}$$

$$P(B) = P(\text{همه سبز}) + P(\text{همه آبی}) + P(\text{همه قرمز})$$

$$= \frac{3 \times 2 \times 1}{10 \times 9 \times 8} + 0 + \frac{5 \times 4 \times 3}{10 \times 9 \times 8} = \frac{11}{120}$$

$$P(A \cup B) = \frac{11}{120} + \frac{1}{4} = \frac{41}{120}$$

(آمار و احتمال - احتمال - صفحه‌های ۳۹ و ۴۳)

۵۰- گزینه «۲»

(امیرمهمبر کریمی)

$$x = -1 \Rightarrow P(x) = b - a + 2 = 0 \Rightarrow a = b + 2$$

از آنجایی که  $a \in \{2, 4, 6\}$ ,  $b \in \{1, 2, 4\}$  است، حالات مطلوب برابر است با:

$$\left. \begin{array}{l} a = 2 \Rightarrow b = 4 \\ a = 4 \Rightarrow b = 2 \\ a = 6 \Rightarrow b = 4 \end{array} \right\} \Rightarrow (a, b) = (4, 2), (6, 4)$$

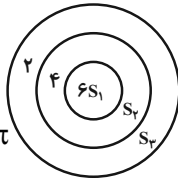
حال احتمال هر کدام را حساب می‌کنیم:

در هدف اول:

$$S_1 = 1 \times \pi = \pi$$

$$S_2 = 2^2 \times \pi - S_1 = 4\pi - \pi = 3\pi$$

$$S_3 = 3^2 \pi - S_1 - S_2 = 9\pi - \pi - 3\pi = 5\pi$$



هدف ۱

$$P(a = 4) = \frac{2\pi}{5\pi + 3\pi + \pi} = \frac{1}{3}$$

$$P(a = 6) = \frac{\pi}{5\pi + 3\pi + \pi} = \frac{1}{9}$$

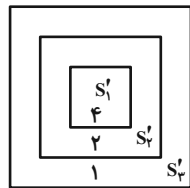
در هدف دوم:

$$S'_1 = 1 \times 1 = 1, \quad S'_2 = 2 \times 2 - S'_1 = 4 - 1 = 3$$

$$S'_3 = 3 \times 3 - S'_1 - S'_2 = 9 - 1 - 3 = 5$$

$$P(b = 2) = \frac{3}{5 + 3 + 1} = \frac{1}{3}$$

$$P(b = 4) = \frac{1}{5 + 3 + 1} = \frac{1}{9}$$



هدف ۲

پس داریم:

$$P(\text{مطلوب}) = P(A) + P(B) = \frac{1}{3} \times \frac{1}{3} + \frac{1}{9} \times \frac{1}{9} = \frac{9+1}{81} = \frac{10}{81}$$

(آمار و احتمال - احتمال - صفحه‌های ۴۴ و ۴۷)

$$P = \frac{1}{4} + \frac{1}{8} + \frac{1}{16} + \frac{1}{32} + \frac{1}{32} = \frac{15}{32}$$

بنابراین:

(آمار و احتمال - احتمال - صفحه‌های ۳۹ و ۴۰)

۴۸- گزینه «۲»

(سویل ساسانی)

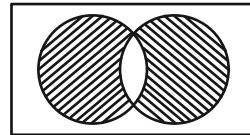
$$\begin{cases} P(B) = x \\ P(A) = 2x \end{cases} \Rightarrow P(A \cap B) = P(A) \times P(B) = 2x^2$$

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$$

$$\frac{5}{8} = 2x + x - 2x^2 \Rightarrow -2x^2 + 3x - \frac{5}{8} = 0$$

$$\Delta = 9 - 4(-2)\left(-\frac{5}{8}\right) = 4$$

$$x = \frac{-3 \pm 2}{-4} \Rightarrow \begin{cases} x = \frac{1}{4} \text{ قق} \\ x = \frac{5}{4} \Rightarrow P(B) > 1 \text{ غق} \end{cases}$$



$$P(A) = \frac{2}{4}, P(B) = \frac{1}{4}, P(A \cap B) = \frac{1}{8}$$

$$P(\text{فقط یکی}) = P(A \cup B) - P(A \cap B) = \frac{5}{8} - \frac{1}{8} = \frac{1}{2}$$

(آمار و احتمال - احتمال - صفحه‌های ۳۱ و ۳۲)

۴۹- گزینه «۲»

(امیرمهمبر کریمی)

$P(A)$ : هر ۳ رنگ خارج شدن

$P(B)$ : هم‌رنگ بودن

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - \underbrace{P(A \cap B)}_{\text{چون ناسازگار هستند پس برابر صفر است}} = P(A) + P(B)$$

$$n(S) = 10 \times 9 \times 8$$

$$n(A) = \binom{2}{1} \times \binom{3}{1} \times \binom{5}{1} \times \binom{3}{1} = 3! \times 5 \times 3 \times 2$$

انتخاب توپ‌ها از دسته هم‌رنگشان

$$\Rightarrow P(A) = \frac{3! \times 5 \times 2 \times 3}{10 \times 9 \times 8}$$

$$P(A) = \frac{1}{4}$$

**فیزیک (۲)**

**۵۱- گزینه «۲»**

(امیر ستارزاده)

پس از بسته شدن کلید، ولتاژ دو سر هر خازن با ولتاژ باتری متصل به آن برابر می شود.

چون باتری‌ها مشابه‌اند، پس  $\frac{V_2}{V_1} = 1$  و از طرفی داریم:

$$\frac{Q_2}{Q_1} = \frac{C_2 V}{C_1 V} = \frac{C_2}{C_1} = \frac{6}{2} = 3$$

(فیزیک ۲- الکتروسیسته ساکن- صفحه‌های ۳۲ تا ۳۴)

**۵۲- گزینه «۳»**

(سیاوش فارسی)

رابطه  $Q = CV$  را برای هر دو حالت می نویسیم:

$$\left. \begin{aligned} Q_1 &= CV_1 \Rightarrow Q_1 = 30C \\ Q_2 &= CV_2 \Rightarrow Q_2 = Q_1 + 600 \mu C \rightarrow Q_1 + 600 = 50C \end{aligned} \right\}$$

تفاضل دو رابطه  $\rightarrow Q_1 + 600 - Q_1 = 50C - 30C$

$$\Rightarrow 20C = 600 \Rightarrow C = 30 \mu F$$

(فیزیک ۲- الکتروسیسته ساکن- صفحه‌های ۳۲ تا ۳۴)

**۵۳- گزینه «۴»**

(سیاوش فارسی)

با کاهش ولتاژ دو سر یک خازن، ظرفیت خازن ثابت مانده و بار ذخیره شده در آن کاهش می یابد. بنابراین از رابطه‌ای استفاده می کنیم که در آن از ظرفیت خازن و بار ذخیره شده در خازن استفاده شده باشد.

$$U = \frac{1}{2} \frac{Q^2}{C} \xrightarrow{C \text{ ثابت}} \frac{U_2}{U_1} = \left(\frac{Q_2}{Q_1}\right)^2 \Rightarrow \frac{U_2}{U_1} = \left(\frac{1}{2} \frac{Q_1}{Q_1}\right)^2$$

$$\Rightarrow \frac{U_2}{U_1} = \frac{1}{4}$$

(فیزیک ۲- الکتروسیسته ساکن- صفحه‌های ۳۲ تا ۴۰)

**۵۴- گزینه «۳»**

(فسرو ارغوانی فردر)

میدان الکتریکی بین صفحه‌های خازن یکنواخت است که از رابطه

$$E = \frac{V}{d} \text{ به دست می آید (d فاصله بین دو صفحه است). از طرفی}$$

$$V = \frac{Q}{C} \text{ می باشد.}$$

$$E = \frac{V}{d} = \frac{Q}{Cd} \xrightarrow{C = \kappa \epsilon_0 \frac{A}{d}}$$

$$E = \frac{Q}{\epsilon_0 \kappa \frac{A}{d}} = \frac{Q}{\epsilon_0 \kappa A}$$

از طرفی چگالی سطحی بار برابر است با  $\sigma = \frac{Q}{A}$  پس:

$$E = \frac{Q}{\kappa \epsilon_0 A} = \frac{\sigma}{\epsilon_0 \kappa} = \frac{1/8 \times 10^{-6}}{9 \times 10^{-12} \times 1} = 2 \times 10^5 \frac{N}{C}$$

(فیزیک ۲- الکتروسیسته ساکن- صفحه‌های ۳۲ تا ۳۸)

**۵۵- گزینه «۱»**

(سعید اردر)

چون خازن به مولد متصل است، پس اختلاف پتانسیل دو سر آن ثابت است

و انرژی ذخیره شده در آن از رابطه  $U = \frac{1}{2} CV^2$  به دست می آید. انرژی

ذخیره شده با ظرفیت خازن متناسب است و داریم:

$$C = \kappa \epsilon_0 \frac{A}{d}$$

$$\frac{U_2}{U_1} = \frac{C_2}{C_1} = \frac{\kappa_2}{\kappa_1} \times \frac{A_2}{A_1} = \frac{5}{1} \times \frac{1}{2} = \frac{5}{2}$$

دقت کنید با حرکت صفحه‌های خازن، مساحت مؤثر نصف شده است.

(فیزیک ۲- الکتروسیسته ساکن- صفحه‌های ۳۲ تا ۴۰)

۵۶- گزینه «۱»

(عبدالله فقه زاده)

وقتی کلید بسته است، یعنی خازن به باتری وصل است و ولتاژ ثابتی دارد. از طرفی ظرفیت خازن با فاصله بین صفحات رابطه عکس دارد.

$$\frac{C'}{C} = \frac{d}{d'} \Rightarrow \frac{C'}{C} = \frac{d}{nd} \Rightarrow \frac{C'}{C} = \frac{1}{n}$$

$$U = \frac{1}{2} CV^2 \xrightarrow{V \text{ ثابت}} \Rightarrow \frac{U'}{U} = \frac{C'}{C} = \frac{1}{n} \Rightarrow U' = \frac{U}{n}$$

اگر ابتدا کلید S باز شود، خازن از باتری جدا می‌شود و بار ذخیره شده در خازن ثابت می‌ماند. حال داریم:

$$\frac{C''}{C} = \frac{d}{d''} = \frac{d}{md} \Rightarrow \frac{C''}{C} = \frac{1}{m}$$

$$U = \frac{Q^2}{2C} \xrightarrow{Q \text{ ثابت}} \frac{U''}{U} = \frac{C}{C''} = m \Rightarrow U'' = mU$$

$$\frac{U''}{U'} = \frac{mU}{\frac{U}{n}} = m \times n$$

بنابراین:

(فیزیک ۲- الکتروسیسته ساکن- صفحه‌های ۳۲ تا ۴۰)

۵۷- گزینه «۲»

(سیدعلی صفوی)

از تعریف پتانسیل الکتریکی داریم:

$$\Delta V = \frac{\Delta U}{\Delta q} \Rightarrow \Delta q = \frac{\Delta U}{\Delta V} = \frac{10^9}{5 \times 10^7} = \frac{10^2}{5} = 20 \text{ C}$$

$$I = \frac{\Delta q}{\Delta t} \Rightarrow I = \frac{20}{0.2} = 100 \text{ A}$$

(فیزیک ۲- جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم- صفحه‌های ۳۶ تا ۳۹)

۵۸- گزینه «۱»

(کامران ابراهیمی)

با استفاده از قانون اهم، تعریف جریان و بار الکتریکی داریم:

$$q = It = ne \xrightarrow{I = \frac{V}{R}} \frac{V}{R} t = ne \Rightarrow n = \frac{Vt}{Re}$$

(فیزیک ۲- جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم- صفحه‌های ۳۶ تا ۵۱)

۵۹- گزینه «۱»

(مهمربین معززیان)

در رساناهای اهمی، مقاومت الکتریکی همواره مقداری ثابت است:

$$R = \frac{V}{I} \Rightarrow R = \frac{2}{\frac{1}{1600 \times 10^{-3}}} = \frac{2}{1/6} = 1/25 \Omega$$

$$R = \frac{V}{I} \Rightarrow 1/25 = \frac{5}{I_2} \Rightarrow I_2 = 4A = 4000 \text{ mA}$$

(فیزیک ۲- جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم- صفحه‌های ۳۹ تا ۵۱)

۶۰- گزینه «۴»

(امیر ستارزاده)

از رابطه  $R = \rho \frac{L}{A}$  نتیجه می‌شود:

$$R_{\max} = \rho \frac{L_{\max}}{A_{\min}} = \rho \times \frac{5}{3 \times 1} = \frac{5}{3} \rho$$

$$R_{\min} = \rho \frac{L_{\min}}{A_{\max}} = \rho \times \frac{1}{3 \times 5} = \frac{1}{15} \rho$$

$$\frac{R_{\max}}{R_{\min}} = \frac{\frac{5}{3} \rho}{\frac{1}{15} \rho} = 25$$

بنابراین:

دقت کنید  $R_{\min}$  و  $R_{\max}$  به صورت پارامتری محاسبه شده‌اند.

(فیزیک ۲- جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم- صفحه‌های ۵۱ و ۵۲)



۶۱- گزینه «۴»

(سیدعلی صفوی)

با استفاده از رابطه بین مقاومت الکتریکی یک رسانا با ویژگی‌های فیزیکی آن می‌توان نوشت:

$$\xrightarrow{\text{ثابت } m} V_1 = V_2 \Rightarrow A_1 L_1 = A_2 L_2 \Rightarrow \frac{L_2}{L_1} = \frac{A_1}{A_2} \quad (1)$$

$$R = \rho \frac{L}{A} \Rightarrow \frac{R_2}{R_1} = \frac{L_2}{L_1} \times \frac{A_1}{A_2}$$

$$\xrightarrow{(1)} \frac{R_2}{R_1} = \left(\frac{L_2}{L_1}\right)^2 = (2)^2 = 4 \Rightarrow \frac{R_2}{10} = 4$$

$$\Rightarrow R_2 = 40 \Omega$$

(فیزیک ۲- جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم- صفحه‌های ۵۱ و ۵۲)

۶۲- گزینه «۴»

(عبدالرضا امینی نسب)

مقاومت یک رسانا طبق رابطه  $R = \rho \cdot \frac{L}{A}$  به شکل هندسی رسانا بستگی

دارد. در نتیجه داریم:

$$L_A = L_B, A_A = \pi r^2 = \pi (1)^2 = \pi \text{ mm}^2$$

$$A_B = \pi (r^2 - r^2) = \pi (4^2 - 1^2) = 15 \pi \text{ mm}^2$$

$$\frac{R_A}{R_B} = 8$$

$$\frac{\rho_B}{\rho_A} = ?$$

نسبت مقاومت دو رسانای A و B به صورت زیر است:

$$\frac{R_A}{R_B} = \frac{\rho_A}{\rho_B} \times \frac{L_A}{L_B} \times \frac{A_B}{A_A} \Rightarrow 8 = \frac{\rho_A}{\rho_B} \times 1 \times \frac{15 \pi}{\pi}$$

$$\Rightarrow \frac{\rho_B}{\rho_A} = \frac{15}{8}$$

(فیزیک ۲- جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم- صفحه‌های ۵۱ و ۵۲)

۶۳- گزینه «۲»

(عبدالرضا امینی نسب)

ابتدا مقاومت سیم را محاسبه می‌کنیم:

$$R = \frac{V}{I} = \frac{0.06}{3} = 2 \times 10^{-2} \Omega$$

$$R = \rho \frac{L}{A} \Rightarrow 2 \times 10^{-2} = 1/8 \times 10^{-8} \times \frac{20}{A}$$

$$\Rightarrow A = 1/8 \times 10^{-5} \text{ m}^2$$

دقت کنید مقاومت ویژه سیم را با  $\rho$  و چگالی سیم را با  $\rho'$  نمایش می‌دهیم، داریم:

$$V = A \cdot L = 1/8 \times 10^{-5} \times 20 = 36 \times 10^{-5} \text{ m}^3$$

$$m = \rho' V = 20000 \times 36 \times 10^{-5} = 72 \times 10^{-2} \text{ kg} = 720 \text{ g}$$

(فیزیک ۲- جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم- صفحه‌های ۵۱ و ۵۲)

۶۴- گزینه «۲»

(مهری باخستانی)

اگر با ثابت بودن حجم، شعاع یک رسانا را  $\frac{1}{n}$  برابر کنیم، مقاومت الکتریکی

آن  $n^4$  برابر می‌شود. بنابراین اگر مقاومت اولیه را  $R_0$  در نظر بگیریم، در

نتیجه با  $\frac{1}{2}$  شدن شعاع، مقاومت آن به  $R = 16R_0$  می‌رسد. با افزایش

دما به مقدار  $\Delta\theta$  نیز مقاومت آن به  $19/2 R_0$  می‌رسد، در نتیجه:

$$\Delta R = R \alpha \Delta\theta$$

$$\Rightarrow 19/2 R_0 - 16R_0 = 16R_0 \times 2/5 \times 10^{-3} \times \Delta\theta$$

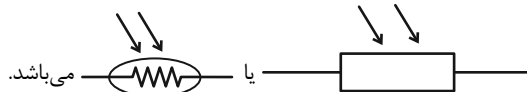
$$\Rightarrow 3/2 R_0 = 4 \times 10^{-2} R_0 \Delta\theta \Rightarrow \Delta\theta = 8^\circ \text{ C}$$

(فیزیک ۲- جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم- صفحه‌های ۵۱ تا ۵۴)

۶۵- گزینه «۳»

(امیر ستارزاده)

مقاومت نوری یا LDR در استانداردهای متفاوت دارای دو علامت مداری



می‌باشد.

(فیزیک ۲- جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم- صفحه‌های ۵۶ تا ۶۱)

۶۶- گزینه «۳»

(امیر ستارزاده)

ابتدا مقدار مقاومت را حساب می‌کنیم و با توجه به تolerانس آن، بازه تغییرات

مقاومت را به دست می‌آوریم:

$$R = 1000 \Omega \Rightarrow 10\% \text{ tolerance} \Rightarrow 900 \leq R \leq 1100$$

$$R_{\text{max}} = 1100 \Omega$$

(فیزیک ۲- جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم- صفحه‌های ۵۷ و ۵۸)

$$I_A = \frac{\varepsilon_A}{r_A + R} = \frac{20}{r_A + 12}$$

$$I_B = \frac{\varepsilon_B}{r_B + R} = \frac{10}{\frac{r_A}{2} + 12}$$

مطابق متن سؤال، جریان A به اندازه ۲۰٪ بیشتر از جریان B است، بنابراین می توان نوشت:

$$I_A = I_B + \frac{20}{100} I_B = \frac{120}{100} I_B \Rightarrow I_A = \frac{6}{5} I_B$$

$$\Rightarrow \frac{20}{r_A + 12} = \frac{6}{5} \times \frac{10}{\frac{r_A}{2} + 12}$$

$$\Rightarrow 10r_A + 240 = 12r_A + 144 \Rightarrow 2r_A = 96 \Rightarrow r_A = 48 \Omega$$

(فیزیک ۲- جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم- صفحه های ۶۱ تا ۶۶)

#### ۷۰- گزینه «۴»

(بایک اسلامی)

با تغییر سیم، جریان مدار ۲۰ درصد زیاد شده است، بنابراین داریم:

$$I = \frac{V}{R} \xrightarrow{\text{ثابت } V} I_2 = \frac{R_1}{R_2} \xrightarrow{I_2 = \frac{120}{100} I_1} \frac{120}{100} = \frac{R_1}{R_2} = \frac{6}{5}$$

برای مقایسه مقاومت ها می توان نوشت: ( $\rho$ : مقاومت ویژه و  $\rho'$ : چگالی سیم)

$$R = \rho \frac{L}{A} \xrightarrow{\text{ثابت } \rho} \frac{R_1}{R_2} = \frac{L_1}{L_2} \times \frac{A_2}{A_1} \Rightarrow \frac{6}{5} = \frac{L_1}{L_2} \times \frac{A_2}{A_1}$$

$$\Rightarrow \frac{A_2}{A_1} = \frac{6}{5} \times \frac{L_2}{L_1} \quad (1)$$

با توجه به این که دو سیم هم جنس هستند و جرم سیم دوم ۲۰ درصد کم تر از جرم سیم اول است، می توان نتیجه گرفت که حجم سیم دوم هم ۲۰ درصد کم تر از حجم سیم اول است.

$$m_2 = \frac{\lambda}{100} m_1 \Rightarrow \rho'_2 V_2 = \frac{\lambda}{100} \rho'_1 V_1$$

$$\xrightarrow{\text{ثابت } \rho'} V_2 = \frac{\lambda}{100} V_1 \Rightarrow A_2 L_2 = \frac{\lambda}{100} A_1 L_1$$

$$\frac{A_2}{A_1} = \frac{4}{5} \times \frac{L_1}{L_2} \quad (2)$$

با برابر قرار دادن رابطه های (۱) و (۲) داریم:

$$\frac{6}{5} \times \frac{L_2}{L_1} = \frac{4}{5} \times \frac{L_1}{L_2} \Rightarrow \left(\frac{L_2}{L_1}\right)^2 = \frac{2}{3} \Rightarrow \frac{L_2}{L_1} = \frac{\sqrt{6}}{3}$$

(فیزیک ۲- جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم- صفحه های ۳۹ تا ۵۲)

#### ۶۷- گزینه «۳»

(مهری باغستانی)

با توجه به اینکه مقاومت کاهش یافته است، طبق رابطه  $I = \frac{\varepsilon}{R+r}$  جریان افزایش می یابد.

$$\Rightarrow \frac{I_2}{I_1} = \frac{R_1 + r}{R_2 + r} \Rightarrow \frac{125}{100} = \frac{R + r}{\frac{3}{5}R + r}$$

$$\Rightarrow 4R + 4r = 3R + 5r \Rightarrow R = r$$

عدد ولت سنج در ابتدا همان اختلاف پتانسیل دو سر رثوستا است که طبق قانون اهم برابر است با:

$$V = RI \xrightarrow{I = \frac{\varepsilon}{R+r}} 12/5 = R \times \frac{\varepsilon}{R+r}$$

$$\xrightarrow{r=R} 12/5 = R \times \frac{\varepsilon}{2R}$$

$$\Rightarrow \varepsilon = 25V$$

(فیزیک ۲- جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم- صفحه های ۶۱ تا ۶۶)

#### ۶۸- گزینه «۲»

(بایک اسلامی)

با توجه به نمودار داده شده داریم:

$$V = \varepsilon - rI \Rightarrow \begin{cases} I = 0, V = 24V \Rightarrow \varepsilon = 24V \\ I = 4A, V = 8V \Rightarrow 8 = 24 - 4r \\ \Rightarrow r = 4\Omega \end{cases}$$

فرض کنیم این مولد را به مقاومت R وصل کنیم تا جریان آن ۲A شود. در این صورت می توان نوشت:

$$I = \frac{\varepsilon}{r+R} \Rightarrow 2 = \frac{24}{4+R} \Rightarrow R = 8\Omega$$

(فیزیک ۲- جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم- صفحه های ۶۱ تا ۶۶)

#### ۶۹- گزینه «۴»

(بایک اسلامی)

با توجه به نمودار داده شده، نیروی محرکه باتری ها برابر است با:

$$\varepsilon_A = 20V, \varepsilon_B = 10V$$

از طرفی اندازه شیب نمودار A، ۲ برابر اندازه شیب نمودار B است، پس مقاومت درونی باتری A هم ۲ برابر مقاومت درونی باتری B است، بنابراین اگر مقاومت درونی A برابر  $r_A$  باشد، مقاومت درونی B برابر

$$\frac{r_A}{2}$$

در ادامه فرض می کنیم باتری ها را به مقاومت  $R = 12\Omega$  وصل کرده ایم، جریان خروجی از باتری ها برابر است با:

شیمی (۲)

۷۱- گزینه «۴»

(آزمین معماری پیرانی)

سوخت فندک، بوتان است که در دمای  $22^{\circ}\text{C}$  و فشار  $1\text{ atm}$  به حالت گاز وجود دارد.

بررسی گزینه‌های نادرست:

گزینه «۱»: در آلکان‌های شاخه‌دار برخی اتم‌های کربن به سه یا چهار اتم کربن دیگر متصل شده‌اند، اما همه اتم‌های کربن در آلکان‌ها (چه راست زنجیر، چه شاخه‌دار) به ۴ اتم دیگر متصل شده‌اند که آن اتم‌ها می‌توانند کربن یا هیدروژن باشند.

گزینه «۲»: فرمول مولکولی تقریبی وازلین، « $\text{C}_{25}\text{H}_{52}$ » است.

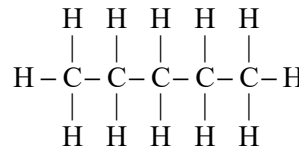
گزینه «۳»: گشتاور دو قطبی آلکان‌ها تقریباً صفر است.

(شیمی ۲- قدر هدایای زمینی را برانیم- صفحه‌های ۳۳ تا ۳۷)

۷۲- گزینه «۱»

(آزمین معماری پیرانی)

اولین آلکان راست زنجیر که در دمای  $22^{\circ}\text{C}$  و فشار اتاق به حالت مایع است، پنتان است که طبق شکل زیر دارای ۱۶ پیوند یگانه است.



بررسی سایر گزینه‌ها:

(۲) طبق نمودار صفحه ۳۶ کتاب درسی درست است.

(۳) سنگین‌ترین آلکان راست زنجیر که در دمای  $22^{\circ}\text{C}$  و فشار  $1\text{ atm}$  حالت گازی دارد؛ بوتان است که به عنوان سوخت فندک کاربرد دارد.

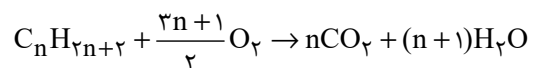
(۴) با افزایش شمار اتم‌های کربن در آلکان‌ها، نقطه جوش، چسبندگی و گران‌روی افزایش و فراریت کاهش می‌یابد.

(شیمی ۲- قدر هدایای زمینی را برانیم- صفحه‌های ۳۳ تا ۳۷)

۷۳- گزینه «۴»

(مفید سروستانی)

معادله سوختن کامل آلکانی با  $n$  اتم کربن به صورت زیر است:



$$? \text{ g H}_2\text{O} = \Delta \text{ g C}_n\text{H}_{2n+2} \times \frac{1 \text{ mol C}_n\text{H}_{2n+2}}{(14n+2) \text{ g C}_n\text{H}_{2n+2}}$$

$$\times \frac{(n+1) \text{ mol H}_2\text{O}}{1 \text{ mol C}_n\text{H}_{2n+2}} \times \frac{18 \text{ g H}_2\text{O}}{1 \text{ mol H}_2\text{O}} = 7 / \Delta \text{ g H}_2\text{O} \Rightarrow n = 5$$

پس آلکان مورد نظر ۵ کربنه است.

(شیمی ۲- قدر هدایای زمینی را برانیم- صفحه‌های ۳۳ تا ۴۰)

۷۴- گزینه «۳»

(هدی بواری پور)

نام درست گزینه‌های دیگر، مطابق قواعد آیوپاک به صورت زیر است:

(۱) ۳- متیل پنتان

(۲) ۳- متیل هگزان

(۴) ۳- اتیل - ۲، ۴- دی‌متیل هگزان

(شیمی ۲- قدر هدایای زمینی را برانیم- صفحه‌های ۳۷ تا ۴۰)

۷۵- گزینه «۱»

(رسول عابدینی زواره)

نام‌گذاری ترکیبات داده شده:

(الف) ۳- اتیل - ۴- متیل هگزان (آلکان ۹ کربنی)

مجموع اعداد = ۷

(ب) ۲، ۳، ۴- تری‌متیل پنتان (آلکان ۸ کربنی)

مجموع اعداد = ۹

(پ) ۳- اتیل - ۲- متیل پنتان (آلکان ۸ کربنی)

مجموع اعداد = ۵

(ت) ۳، ۴- دی‌متیل هگزان (آلکان ۸ کربنی)

مجموع اعداد = ۷

(ث) ۳- اتیل - ۳- متیل هگزان (آلکان ۹ کربنی)

مجموع اعداد = ۶

آلکان‌های (ب)، (پ) و (ت) و آلکان‌های (الف) و (ث) جرم مولی برابری دارند.

(شیمی ۲- قدر هدایای زمینی را برانیم- صفحه‌های ۳۷ تا ۴۰)

۷۶- گزینه «۱»

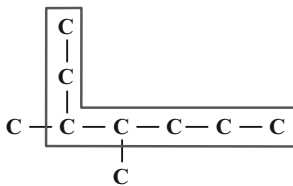
(معمد عظیمیان زواره)

(الف) نادرست؛ اتین دارای ۵ پیوند کووالانسی است.  $\text{H} - \text{C} \equiv \text{C} - \text{H}$

(ب) نادرست؛  $\text{C}_6\text{H}_{14}$  نمی‌تواند دارای ساختاری با شاخه فرعی اتیل باشد،

زیرا ۲- اتیل بوتان وجود ندارد.

(پ) درست



۳، ۴- دی‌متیل هپتان

(ت) درست؛ فرمول مولکولی این آلکان  $\text{C}_10\text{H}_{22}$  و فرمول مولکولی پنتن

$$\Rightarrow \frac{22}{10} = 2 / 2$$

$\text{C}_5\text{H}_{10}$  می‌باشد.

(شیمی ۲- قدر هدایای زمینی را برانیم- صفحه‌های ۳۱ تا ۴۲)



**۷۷- گزینه «۴»**

(رسول عابدینی زواره)

بررسی گزینه‌ها:

گزینه «۱»: انواع لاستیک‌ها، پلاستیک‌ها، الیاف و پلیمرهای سودمند از واکنش پلیمری شدن آلکن‌ها تهیه می‌شود.

گزینه «۲»: سومین عضو خانواده آلکین‌ها  $C_4H_6$  و ساده‌ترین هیدروکربن  $CH_4$  است.

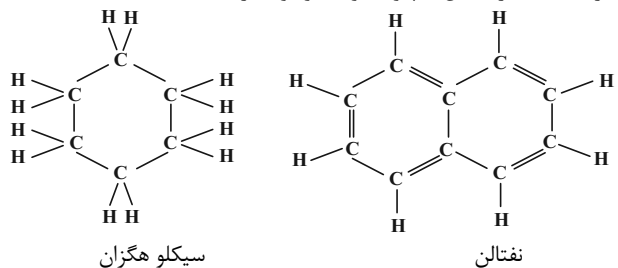
مجموع شماره اتم‌های سازنده  $C_4H_6 \rightarrow 10 =$

شماره اتم‌های  $CH_4 \rightarrow 4 = H$

$10 - 4 = 6 =$  تفاوت خواسته شده

گزینه «۳»: شماره پیوندهای یگانه کربن - کربن در نفتالن و سیکلوهگزان یکسان و برابر با ۶ پیوند است.

گزینه «۴»: در نفتالن ۵ پیوند دوگانه وجود دارد.



سیکلوهگزان

نفتالن

(شیمی ۲- قدر هدایای زمینی را برانیم- صفحه‌های ۴۰ تا ۴۳)

**۷۸- گزینه «۴»**

(آرمین مممری پیرانی)

بررسی گزینه‌های نادرست:

(۱) آلکن‌ها هیدروکربن‌هایی با یک پیوند دوگانه کربن - کربن هستند. یعنی اگر ترکیبی بیش از یک پیوند دوگانه کربن - کربن داشته باشد، جزء آلکن‌ها نمی‌باشد.

(۲) مانند توضیح گزینه «۱»، آلکین‌ها نیز هیدروکربن‌هایی با یک پیوند سه‌گانه کربن - کربن می‌باشند.

(۳) اگر ترکیبی پیوند دوگانه کربن - کربن داشته باشد، می‌تواند سبب تغییر رنگ بخار برم شود، نه الزاماً هر پیوند دوگانه‌ای.

(شیمی ۲- قدر هدایای زمینی را برانیم- صفحه‌های ۴۰ تا ۴۳)

**۷۹- گزینه «۱»**

(آرمین مممری پیرانی)

بررسی گزینه‌های نادرست:

گزینه «۲»: درصد بنزین و خوراک پتروشیمی در نفت سبک کشورهای عربی با نفت سنگین ایران برابر است.

گزینه «۳»: درصد گازوئیل در نفت برنت دریای شمال از نفت سبک کشورهای عربی بیشتر است.

گزینه «۴»: درصد بنزین و خوراک پتروشیمی نفت سنگین کشورهای عربی کمتر از نفت سنگین ایران است.

(شیمی ۲- قدر هدایای زمینی را برانیم- صفحه ۴۴)

**۸۰- گزینه «۲»**

(عباس هنریو)

عبارت‌های اول و سوم درست‌اند.

بررسی عبارت‌های نادرست:

عبارت دوم: نفت سبک ایران در مقایسه با نفت سنگین ایران، به‌طور کلی از مولکول‌های با جرم مولی کمتر تشکیل شده و به همین خاطر علاوه برداشتن دمای جوش پایین‌تر، چگالی آن نیز کم‌تر از نفت سنگین است. عبارت چهارم: گشتاور دو قطبی مولکول‌های سازنده برخی فرآورده‌های حاصل از سوختن زغال سنگ از جمله  $CO_2$  برابر صفر است.

(شیمی ۲- قدر هدایای زمینی را برانیم- صفحه‌های ۴۴ تا ۴۷)

**۸۱- گزینه «۲»**

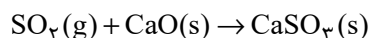
(مهمر عظیمیان زواره)

همه عبارت‌ها درست هستند. بررسی برخی عبارت‌ها:

(ب) تفاوت جرم مولی  $C_6H_6$  و  $C_6H_{12}$  برابر  $\frac{1}{5}$  جرم مولی اتان است.

$$\text{جرم مولی} \begin{cases} C_6H_6 = 78 \text{g.mol}^{-1} \\ C_6H_{12} = 84 \text{g.mol}^{-1} \\ C_2H_6 = 30 \text{g.mol}^{-1} \end{cases} \Rightarrow \frac{84 - 78}{30} = \frac{6}{30} = \frac{1}{5}$$

(ت) زیرا  $SO_2$  با  $CaO$  واکنش می‌دهد.



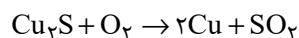
(شیمی ۲- قدر هدایای زمینی را برانیم- صفحه‌های ۳۳ تا ۴۷)

**۸۲- گزینه «۲»**

(آرمین مممری پیرانی)

بررسی عبارت‌ها:

(الف) واکنش تهیه مس خام از سنگ معدن آن، سبب تولید گاز  $SO_2$  می‌شود: (رد گزینه‌های (۱) و (۳))



(ب) فلز به کار رفته در بدنه دوچرخه، تیتانیوم (Ti) است. (رد گزینه‌های (۳) و (۴))

عنصر اصلی سازنده سلول‌های خورشیدی، سیلیسیم (Si) است. (رد گزینه‌های (۳) و (۴))

(شیمی ۲- قدر هدایای زمینی را برانیم- صفحه‌های ۳۸ تا ۵۰)

**۸۳- گزینه «۳»**

(آرمین مممری پیرانی)

حدود ۶۶ درصد از انتقال سوخت به مراکز توزیع از طریق خطوط لوله انجام می‌شود.

بررسی گزینه‌های نادرست:

(۱) تبدیل ماده به انرژی را تأیید می‌کند.

(۲) باید به بیش از ۵٪ برسد.

(۴) گرمای آزاد شده به ازای سوختن هر گرم بنزین بیشتر از هر گرم زغال سنگ است.

(شیمی ۲- ترکیبی- صفحه‌های ۳۶، ۴۷ و ۵۱)

۸۸- گزینه «۳»

(عباس هنریو)

عبارت‌های (الف)، (ب) و (ت) درست هستند.

بررسی عبارت (پ): گرمای آزاد شده یا جذب شده در هر واکنش شیمیایی به‌طور عمده به تفاوت میان انرژی پتانسیل مواد واکنش‌دهنده و فرآورده وابسته است.

(شیمی ۲- در پی غذای سالم- صفحه‌های ۵۶ تا ۶۴)

۸۹- گزینه «۳»

(آرمین ممدی پیرانی)

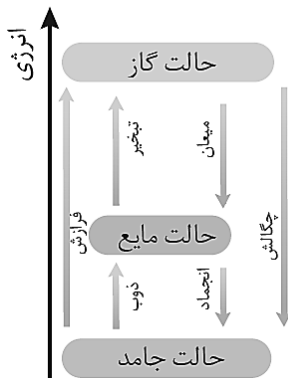
بررسی گزینه‌های نادرست:

(۱) بخش عمده انرژی شیر در فرایند گوارش و سوخت و ساز آزاد می‌شود.  
(۲) نان به علت داشتن آب کمتر (ظرفیت گرمایی کمتر) زودتر با محیط هم‌دما می‌شود.  
(۴) مقدار گرمای مبادله شده به‌طور عمده به تفاوت انرژی پتانسیل (نه گرمایی) مواد وابسته است.

(شیمی ۲- در پی غذای سالم- صفحه‌های ۶۰ تا ۶۴)

۹۰- گزینه «۱»

(آرمین ممدی پیرانی)



(شیمی ۲- در پی غذای سالم- صفحه ۶۴)

۸۴- گزینه «۲»

(آرمین ممدی پیرانی)

بررسی گزینه‌های نادرست:

(۱) میزان تولید غلات در دهه‌های اخیر دارای نوسان بوده و در برخی سال‌ها نزولی نیز بوده است.  
(۳) کارشنان تغذیه بر مصرف شیر و لبنیات برای پیشگیری و ترمیم پوکی استخوان تأکید دارند.  
(۴) سرانه مصرف نمک همانند نان، در ایران بیشتر از جهان است.

(شیمی ۲- در پی غذای سالم- صفحه‌های ۵۲ و ۵۳)

۸۵- گزینه «۲»

(آرمین ممدی پیرانی)

سرانه مصرف نمک، نان، شکر، برنج، روغن در ایران بیشتر از جهان است. سایر گزینه‌ها طبق متن کتاب درسی درست هستند.

(شیمی ۲- در پی غذای سالم- صفحه‌های ۵۳، ۵۴ و ۵۷)

۸۶- گزینه «۳»

(آرمین ممدی پیرانی)

یکای رایج دما درجه سلسیوس (°C) و نماد آن برحسب سلسیوس، «θ» است. بررسی گزینه‌های نادرست:

(۱) ذرات سازنده ماده در هر حالت فیزیکی، دارای جنبش‌های نامنظم هستند.  
(۲) دمای یک ماده توصیفی از میانگین انرژی جنبشی ذرات (نه مجموع) است.  
(۴) انرژی گرمایی توصیفی از مجموع (نه میانگین) انرژی جنبشی ذرات سازنده ماده است.

(شیمی ۲- در پی غذای سالم- صفحه‌های ۵۶ تا ۵۸)

۸۷- گزینه «۴»

(پویا رسگاری)

برای مقایسه مقدار گرمای لازم برای افزایش دمای یک جسم از رابطه زیر استفاده می‌کنیم:

$$\frac{Q_x}{Q_y} = \frac{m_x}{m_y} \times \frac{c_x}{c_y} \times \frac{\Delta\theta_x}{\Delta\theta_y}$$

صورت سؤال ذکر کرده که افزایش دمای هر دو به یک اندازه است. از طرفی ظرفیت گرمایی ویژه ماده X دو برابر ماده Y و همچنین تعداد مول ماده X نیز ۲/۵ برابر ماده Y است؛ بنابراین داریم:

$$\frac{Q_x}{Q_y} = \frac{2/5 \times 34}{1 \times 185} \times \frac{2}{1} \times \frac{1}{1} = 2$$

(شیمی ۲- در پی غذای سالم- صفحه‌های ۵۸ تا ۶۰)

زمین شناسی

۹۱- گزینه «۲»

(اسان پنه شاهی)

بخشی از آب بارانی که به سطح زمین می‌رسد تبخیر می‌شود. بخشی دیگر به صورت رواناب به سمت مناطق پست تر حوضه آبریز جریان می‌یابد. بنابراین تمام آب بارانی که به سطح زمین می‌رسد، به صورت رواناب جاری نمی‌شود.

(منابع آب و خاک) (زمین شناسی، صفحه ۴۲)

۹۲- گزینه «۲»

(اسان پنه شاهی)

سرعت آب در نقاط مختلف یک رودخانه در طول یا عرض و عمق آن متغیر است.

(منابع آب و خاک) (زمین شناسی، صفحه‌های ۴۲ و ۴۳)

۹۳- گزینه «۱»

(فراز هضرتی پور)

$$Q = A \times V, Q \times t = V$$

↑ سرعت
↑ حجم

$$864000 = 5 \times 2 \times V \times 12 \times 60 \times 60 \Rightarrow V = 2 \frac{m}{s}$$

مدت زمان نصف روز  
(منابع آب و خاک) (زمین شناسی، صفحه‌های ۴۳ و ۴۴)

۹۴- گزینه «۳»

(اسان پنه شاهی)

بررسی گزینه‌های نادرست:

گزینه «۱»: ضخامت کمر بند مویینه بین چند سانتی‌متر تا چند متر متغیر است.

گزینه «۲»: تمام فضاهای خالی منطقه اشباع توسط آب پر شده است.

گزینه «۴»: هر چه تخلخل خاک یا سنگ بیشتر باشد، آب بیشتری را می‌تواند در خود نگه دارد.

(منابع آب و خاک) (زمین شناسی، صفحه‌های ۴۴ تا ۴۷)

۹۵- گزینه «۱»

(بوزار سلطانی)

تنها مورد (الف) صحیح است. در رسوبات دانه‌ریز با آنکه مقدار تخلخل زیاد است، ولی نفوذپذیری کم می‌شود؛ زیرا مجاری متصل کننده حفره‌ها بسیار کوچک بوده و نیروی مویینی زیاد در دیواره‌های این مجاری مانع عبور مایعات می‌گردد. با افزایش اندازه دانه‌ها علاوه بر افزایش مقدار تخلخل، نفوذپذیری هم زیاد می‌شود. از طرفی، هر قدر جورشدهگی (هم‌اندازه بودن قطر دانه‌ها) بیشتر باشد، تخلخل و نفوذپذیری هم زیادتر خواهد بود و چنانچه جورشدهگی کمتر باشد به دلیل قرار گرفتن ذرات ریز در فضای بین ذرات درشت، تخلخل و نفوذپذیری کاهش می‌یابد.

(منابع آب و خاک) (زمین شناسی، صفحه‌های ۴۶ و ۴۷)

۹۶- گزینه «۲»

(علیرضا فورشیدی)

مقدار نمک‌های محلول در آب‌های زیرزمینی موجود در سنگ‌های آذرین (سنگ‌هایی که سیلیکات بریلیم «بریل» در آن‌ها یافت می‌شود) همانند سنگ‌های دگرگونی (سنگ‌هایی که گارنت در آن‌ها یافت می‌شود) به‌طور معمول کم است.

(ترکیبی) (زمین شناسی، صفحه‌های ۳۴ و ۳۹)

۹۷- گزینه «۳»

(مهمرموری نعمت‌اللهی)

با توجه به شکل نیم‌رخ خاک و افق‌های آن، ضخیم‌ترین افق، افق C می‌باشد. و افق B به‌صورت دو لایه مجزا با قطعات متفاوت در نیم‌رخ دیده می‌شود.

(منابع آب و خاک) (زمین شناسی، صفحه‌های ۵۳ و ۵۴)

۹۸- گزینه «۲»

(مهمرموری نعمت‌اللهی)

موارد الف، ب و د باعث کم شدن سرعت رود می‌شوند.

سرعت رود وقتی کم می‌شود که درجه شیب بستر آن کاهش یافته، بسترش عریض‌تر شود، یا مقدار آب آن کاهش یابد.

(منابع آب و خاک) (زمین شناسی، صفحه ۵۵)

۹۹- گزینه «۳»

(بوزار سلطانی)

خاک‌های مارنی از فرسایش‌پذیرترین خاک‌ها به خصوص در مناطق خشک به حساب می‌آیند. خاک‌های مارنی مخلوطی از ذرات منفصل آهکی و رسی هستند. این رسوبات دارای فرسایش‌پذیری بالایی بوده و سالیانه مقادیر زیادی رسوب تولید می‌کنند که باعث کاهش حاصلخیزی خاک و کاهش ظرفیت مخازن سدها می‌شود. از خصوصیات این خاک‌ها می‌توان به نفوذپذیری کم (نیروی مویینی زیاد)، فقر پوشش گیاهی و شکل‌های مختلف فرسایشی مانند خندقی اشاره کرد.

(منابع آب و خاک) (زمین شناسی، صفحه‌های ۴۵، ۴۷ و ۵۶)

۱۰۰- گزینه «۲»

(اسان پنه شاهی)

حریم کمی، براساس شعاع تأثیر دو چاه در نظر گرفته می‌شود که حدود ۵۰۰ متر است.

(منابع آب و خاک) (زمین شناسی، صفحه‌های ۵۰ و ۵۱)



# دَفْتَرِجَهٗ پَاسِخْ (؟)

## عمومی یازدهم ریاضی و تجربی ۲۱ دی ۱۴۰۳

### طراحان

فارسی (۲)	مریم پیروی، محسن فدایی، احمد فهیمی
عربی، (زبان قرآن (۲)	رضا خداداده، ابوطالب درانی، آرمین ساعدپناه، امیدرضا عاشقی، افشین کرمان فرد
دین و زندگی (۲)	محسن بیاتی، فردین سماقی، محمد رضایی بقا، مرتضی محسنی کبیر
(زبان انگلیسی (۲)	رحمت الله استیری، مجتبی درخشان گرمی، محمد مهدی دغلاوی، عقیل محمدی روش

### گزینشگران و ویراستاران

نام درس	مسئول درس و گزینشگر	گروه ویراستاری	رتبه برتر	گروه مستندسازی
فارسی (۲)	امیر محمودی	مرتضی منشاری	نازنین فاطمه حاجیلو	الناز معتمدی
عربی، (زبان قرآن (۲)	رضا خداداده	درویشعلی ابراهیمی		لیلا ایزدی
دین و زندگی (۲)	محسن رحمانی	امیرمهدی افشار		محمدصدرا پنجه پور
(زبان انگلیسی (۲)	عقیل محمدی روش	محدثه مرآتی، فاطمه نقدی		سوگند بیگلری

### گروه آزمون

### بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقف عام)

آدرس دفتر مرکزی: خیابان انقلاب - بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - تلفن چهار رقمی: ۰۲۱-۶۴۶۳

**فارسی (۲)**

**۱۰۱- گزینه «۳»**

(امیر فیهمی)

مرشد: مُراد، پیر

(واژه‌نامه، صفحه‌های ۶۷ تا ۶۹)

**۱۰۲- گزینه «۴»**

(امیر فیهمی)

**تشریح گزینه‌های دیگر:**

گزینه «۱»: من نهایت بعد اختیار کردم، که قربت را خطر بسیار است.

گزینه «۲»: جلال‌الدین محمد به اصرار مریدان و شاگردان پدر، مجالس درس و وعظ را به عهده گرفت.

گزینه «۳»: چون یاران مولانا به آزار شمس برخواستند، شمس ناگزیر دل از قونیه برکند.

(املا، صفحه‌های ۵۷، ۵۸، ۶۷ و ۶۹)

**۱۰۳- گزینه «۳»**

(مریم پیروی)

**تشریح گزینه‌های دیگر:**

غلط‌های املائی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۱»: «خرد» شکل صحیح «خورد»

گزینه «۲»: «هیبت» شکل صحیح «حیبت»

گزینه «۴»: «خوارزم» شکل صحیح «خارزم»

(املا، صفحه‌های ۶۷، ۷۱ و ۷۷)

**۱۰۴- گزینه «۳»**

(مسن فرایی، شیراز)

واژه‌های «اگر- اگر- چون» پیوندهای وابسته‌ساز هستند در نتیجه در متن داده‌شده «سه تا پیوند وابسته‌ساز» آمده است.

«چون» به معنای «برای این‌که» به‌کار رفته است.

(دستور زبان، صفحه ۶۰)

**۱۰۵- گزینه «۳»**

(مریم پیروی)

در این گزینه، نقش تبعی مشاهده نمی‌شود.

**تشریح گزینه‌های دیگر:**

گزینه «۱»: «راست» معطوف است.

گزینه «۲»: «ابوسعید» بدل است.

گزینه «۴»: «دریغ» تکرار شده است.

(دستور، صفحه ۷۲)

**۱۰۶- گزینه «۴»**

(مسن فرایی، شیراز)

گزینه «۴»، فاقد تشبیه است.

**تشریح گزینه‌های دیگر:**

گزینه «۱»: شبم عشق (عشق به شبم تشبیه شده)

گزینه «۲»: نشتر عشق (عشق به نشتر تشبیه شده)

گزینه «۳»: دانه انسان (انسان به دانه تشبیه شده)

(آرایه‌های ادبی، صفحه ۵۵)

**۱۰۷- گزینه «۱»**

(مریم پیروی)

**تشریح گزینه‌های دیگر:**

گزینه «۲»: «کار بی‌کاران»

گزینه «۳»: «بی‌حاصلی است حاصل» / «شاخ شکسته بار می‌دهد»

گزینه «۴»: «ما را بگشت یار به انفاس عیسوی» (انفاس عیسوی

زنده می‌کند).

(آرایه، صفحه‌های ۷۹ و ۸۰)

**۱۰۸- گزینه «۴»**

(مریم پیروی)

در گزینه «۴» هم تشخیص و هم استعاره وجود دارد اما سایر گزینه‌ها فقط استعاره دارند و تشخیص به‌کار نرفته است.

**تشریح گزینه‌های دیگر:**

گزینه «۱»: «ویرانه» استعاره از دل

گزینه «۲»: «صنم (=بت)» استعاره از معشوق

(امیررضا عاشقی)

۱۱۳- گزینه ۲»

«سَجَلَتْ»: ثبت کرد (رد گزینه‌های «۱ و «۳» / «قائمة»: لیست

(رد گزینه «۴» / «منظمة»: سازمان (رد گزینه ۱)

(ترجمه)

(افشین کریمیان فرور)

۱۱۴- گزینه ۲»

«تنمو»: رشد می‌کند (رد گزینه‌های «۱ و «۳» / «جُزُرِ المحيط

الهادی» جزیره‌های اقیانوس آرام (رد سایر گزینه‌ها)

(ترجمه)

(آرمین ساعدرپناه)

۱۱۵- گزینه ۲»

«درخت» در عبارت فارسی اضافی است و در عبارت عربی معادلی

ندارد.

(ترجمه)

(ابوطالب درانی)

۱۱۶- گزینه ۳»

نکته: اگر اسمی برای بار دوم تکرار شود و «ال» بگیرد جایز است

(نه واجب) که «ال» به صورت این یا آن ترجمه شود.

**تشریح گزینه‌های دیگر:**

گزینه «۱»: «ظواهر الطبيعة: پدیده‌های طبیعت/ حقيقة واحدة: یک

حقیقت

گزینه «۲»: «قد + مضارع: قد به صورت «شاید، گاهی، ...» ترجمه

می‌شود.

گزینه «۴»: «يُعبِئني: من خوشم می‌آید از ...

(ترجمه)

گزینه «۳»: «قفس» استعاره از دنیای مادی / «چمن» استعاره از

«عالم معنا»

گزینه «۴»: «بخت، دل از کسی بردارد» استعاره و تشخیص است.

(آرایه، صفحه‌های ۵۲، ۵۸، ۶۹ و ۷۳)

(مسن فرایی، شیراز)

۱۰۹- گزینه ۳»

پیام کلی عبارت سؤال و بیت گزینه «۳»: تأکید بر حسن خلق و

خوش رفتاری و دشنام خلق را با دعا و لطف پاسخ دادن.

**تشریح گزینه‌های دیگر:**

گزینه «۱»: «ترک دنیا بدون رنج و غم

گزینه‌های «۲ و «۴»: بازگشت همه به سوی خداست.

(مفهوم، صفحه ۷۰)

(مریم پیروی)

۱۱۰- گزینه ۴»

معنای گزینه «۴»: «نمی‌دانست در کجا ساکن شود. (مفهوم: مدام

در رفت‌وآمد بودن و یکجانشین نبودن)

(مفهوم، صفحه‌های ۷۵، ۷۷ و ۷۸)

**عربی، زبان قرآن (۲)**

(رضا فخراراده)

۱۱۱- گزینه ۴»

«التمنال: تندیس»

چیز نگهداری شده در موزه که روی آن می‌نویسند؛ که تطابقی با

آن ندارد.

(مفهوم)

(آرمین ساعدرپناه)

۱۱۲- گزینه ۴»

مفرد «غصون» به صورت «غصن» صحیح می‌باشد.

(واژگان)

۱۱۷- گزینه «۴»

(انحسین کریمیان فخر)

صورت سؤال مفهوم پایداری نام نیک حتی پس از مرگ را می‌رساند، که در گزینه «۴» هم همین مفهوم استخراج می‌شود.

**تشریح گزینه‌های دیگر:**

گزینه «۱»: ناپایداری روزگار

گزینه «۲»: جلوهٔ معشوق، عالم را به عشق دچار کرد.

گزینه «۳»: دانشمند و عالم بدون عمل به درخت بدون میوه و ثمر می‌ماند.

(مفهوم)

۱۱۸- گزینه «۳»

(رضا فدراراده)

در گزینه «۳» اسلوب شرط وجود ندارد، زیرا هرگاه جواب شرط، جملهٔ اسمیه باشد، باید در ابتدایش حرف «ف» باشد. دقت کنید که در اینجا «من» به صورت «کسی که» ترجمه می‌شود.

**تشریح گزینه‌های دیگر:**

گزینه «۱»: «یؤمن» فعل شرط و «یجد» جواب شرط است.

گزینه «۲»: «فعلت» فعل شرط و «وجدت» جواب شرط است.

گزینه «۴»: «تمّ» فعل شرط و «تَقَصَّ» جواب شرط است.

(قواعد)

۱۱۹- گزینه «۲»

(ابوظالب رانی)

ترجمهٔ صورت سؤال: «نکره‌ای را مشخص کن که می‌تواند به صورت معرفه ترجمه شود.»

ترجمهٔ جمله: «عالمی که با علمش سود می‌رساند بهتر از هزار عبادت‌کننده است.»

نکته: عموماً زمانی که اسم نکره، خبری بدون صفت باشد می‌تواند به صورت معرفه بدون (ی و یک) ترجمه شود.

در گزینه «۲»، «عالم» مبتدا و «خیر» خبر است.

(قواعد)

۱۲۰- گزینه «۴»

(امیررضا عاشقی)

از آسمان آبی پاک‌کننده نازل کرد. ← «ماء» اسمی نکره است به شکل نکره «آبی» ترجمه شده است.

**تشریح گزینه‌های دیگر:**

گزینه «۱»: «قفسه» کتاب‌ها در اتاق ما وسیع است ← «واسع» اسمی نکره است ولی به شکل معرفه ترجمه می‌شود.

گزینه «۲»: میزی را دیدم آن میز را خریدم. ← به دلیل تکرار اسم نکره با «ال» آن را به همراه اسم اشاره «این/ آن» ترجمه می‌کنیم.

گزینه «۳»: میزی را که مادرم دوست داشت، شکستم. ← اگر بعد از اسم معرفه «ال»، «الذی و التی» بیاید، اسم معرفه به صورت نکره ترجمه می‌شود.

(قواعد)

**دین و زندگی (۲)**

۱۲۱- گزینه «۲»

(مرتضی مهسنی کبیر)

این که پیامبر اکرم (ص) برای آگاهی مردم در موضوع عصمت اهل بیت، مدت‌ها هر روز صبح هنگام رفتن به مسجد از در خانهٔ حضرت فاطمه (س) می‌گذشت و اهل خانه را «اهل بیت» صدا می‌زد و آیهٔ تطهیر را می‌خواند، اشاره دارد به این که مسئولیت مرجعیت دینی یا همان تعلیم و تبیین تعالیم را انجام می‌دادند و عبارت «حتی یردا علی الحوض: تا این که کنار حوض کوثر بر من وارد شوند» نشان‌دهندهٔ جدایی‌ناپذیری همیشگی قرآن و اهل بیت است.

(درس ۵، صفحه‌های ۶۷ و ۷۰)

۱۲۲- گزینه «۴»

(مرتضی مفسنی کبیر)

با توجه به آیه شریفه «تطهیر» که می‌خوانیم: «انما یرید الله لیذهب عنکم الرجس اهل البیت و یطهّركم تطهیراً: همانا خدا اراده کرده که دور گرداند از شما اهل بیت پلیدی و ناپاکی را و شما را کاملاً پاک و طاهر قرار دهد» نتیجه می‌گیریم که لازمه این مرتبه از جانشینی پیامبر (ص)، علم کامل و عصمت از گناه و اشتباه است، همان‌گونه که رسول خدا (ص) این دو ویژگی را دارا بود.

(درس ۵، صفحه ۷۰)

۱۲۳- گزینه «۲»

(مرتضی مفسنی کبیر)

نتیجه تمسک به اهل بیت (ع) عدم گمراهی است که در عبارت «لَنْ تَضَلُّوا ابداً: هرگز گمراه نمی‌شوید» مذکور است.

(درس ۵، صفحه ۶۷)

۱۲۴- گزینه «۲»

(مرتضی مفسنی کبیر)

- «حجة الوداع» یا «حجة البلاغ» (هجدهم ماه ذی‌الحجه) مربوط به آیه تبلیغ و حدیث غدیر است.  
- پس از نزول آیه انذار وقتی حضرت علی (ع) قاطعانه اعلام آمادگی و وفاداری کرد، پیامبر (ص) فرمود: «همانا این، برادر من (اخوت) و وصی من (ولایت او) و جانشین من (خلافت) در میان شما خواهد بود.»

(درس ۵، صفحه‌های ۶۴ و ۶۸)

۱۲۵- گزینه «۳»

(مرتضی مفسنی کبیر)

پیامبر (ص) قبل از بیان حدیث غدیر این عبارت را فرمودند: «إِنَّمَا النَّاسُ مِنْ أَوْلَى النَّاسِ بِالْمُؤْمِنِينَ مِنْ أَنْفُسِهِمْ: ای مردم، چه کسی به مؤمنان از خودشان سزاوارتر است؟» یعنی واژه «اولی»

در این عبارت با کلمه «مولاه» در حدیث غدیر تناسب دارد و به معنای «ولی و سرپرست» است.

(درس ۵، صفحه‌های ۶۸ و ۶۹)

۱۲۶- گزینه «۲»

(مرتضی مفسنی کبیر)

پس از بیان حدیث غدیر توسط پیامبر (ص)، در پایان سخنرانی، آن حضرت از حاضران خواست مطالب گفته‌شده را به غایبان برسانند. پس از آن، مردم برای عرض تبریک و شادباش به سوی امام آمدند و با وی بیعت کردند.

(درس ۵، صفحه‌های ۶۸ و ۶۹)

۱۲۷- گزینه «۲»

(مرتضی مفسنی کبیر)

در واقعه نزول آیه ولایت و آمدن پیامبر (ص) به مسجد، مردم پس از آن‌که از محتوای آیه با خبر شدند، تکبیر گفتند و رسول خدا (ص) نیز، ستایش و سپاس خداوند را به‌جا آورد.

(درس ۵، صفحه ۶۵)

۱۲۸- گزینه «۱»

(فرزین سماقی)

پیامبر (ص) در راستای تلاش برای برقراری عدالت و برابری، در برابر نادیده‌گرفته‌شدن حقوق افراد جامعه می‌ایستاد و کوتاه نمی‌آمد.

(درس ۶، صفحه ۷۵)

۱۲۹- گزینه «۳»

(فرزین سماقی)

امام علی (ع) فرمود: «هنگامی که وحی بر پیامبر (ص) فرود آمد، آوای اندوهگین شیطان را شنیدم، گفتم: ای پیامبر خدا، این فریاد اندوهناک چیست؟ پاسخ داد این شیطان است که از پرستش خود ناامید شده است.»

(درس ۶، صفحه ۷۹)



۱۳۰- گزینه «۳»

(فردین سماقی)

۲۵ سال خانه‌نشینی امام علی (ع) طول کشید و ایشان مبارزه با تبعیض و نابرابری و برقراری عدالت را سرلوحه کار خود قرار داد.

(درس ۶، صفحه ۸۲)

۱۳۱- گزینه «۴»

(فردین سماقی، مشابه کتاب زرد)

از دیدگاه امام علی (ع) خریداران ننگ دنیا و آخرت کسانی هستند که بیش از حق خود از بیت‌المال و اموال عمومی برداشته‌اند و جیب خود را انباشته‌اند و ملک و باغ خریده‌اند.

(درس ۶، صفحه ۸۲)

۱۳۲- گزینه «۲»

(فردین سماقی، مشابه کتاب زرد)

در واکنش به سخت‌کوشی و دلسوزی پیامبر (ص) در هدایت مردم، متکبران و برخی از بزرگان قبایل که تعالیم اسلام را به ضرر خود می‌دیدند، جنگ‌هایی را علیه پیامبر (ص) به راه انداختند. پیامبر (ص) به ناچار مسلمانان را برای مقابله با آنان بسیج کرد.

(درس ۶، صفحه‌های ۷۷ و ۷۸)

۱۳۳- گزینه «۳»

(مسن بیاتی، مشابه کتاب زرد)

به این دلیل که هر نظام سیاسی غیراسلامی، نظامی شرک‌آمیز است، چون حاکمش طاغوت است، ما موظفیم آثار شرک را از جامعه مسلمانان و از حیات آنان دور کنیم و از بین ببریم.

(درس ۴، صفحه ۵۲)

۱۳۴- گزینه «۴»

(مسن بیاتی، مشابه کتاب زرد)

اگر پیامبری در اجرای احکام الهی معصوم نباشد، امکان دارد کارهایی که مخالف دستورهای خداست، انجام دهد و مردم نیز از او سرمشق بگیرند و مانند او عمل کنند و به گمراهی دچار شوند.

(درس ۴، صفحه ۵۳)

۱۳۵- گزینه «۲»

(مسن بیاتی، مشابه کتاب زرد)

رسول خدا (ص) با انجام وظایف عبودیت و بندگی و در مسیر قرب الهی به مرتبه‌ای از کمال نائل شد که می‌توانست با استفاده از این قدرت و ولایت معنوی، دل‌های آماده را نیز هدایت کند.

(درس ۴، صفحه ۵۲)

۱۳۶- گزینه «۱»

(مسن بیاتی، مشابه کتاب زرد)

روشن است که تشخیص عصمت پیامبران فقط با خداست، زیرا فقط خداوند است که از آشکار و نهان افراد اطلاع دارد (علم الهی) و می‌تواند توانایی فرد در دوری از گناه را تشخیص دهد.

خدای متعال در این باره می‌فرماید:

«اللّٰهُ اعْلَمُ حَيْثُ يَجْعَلُ رِسَالَتَهُ: خدا بهتر می‌داند رسالتش را کجا

قرار دهد.»

(درس ۴، صفحه‌های ۵۳ و ۵۴)

۱۳۷- گزینه «۱»

(مسن رضایی‌بقا)

پیامبر (ص) به محض این‌که مردم مدینه اسلام را پذیرفتند، به این شهر هجرت کرد و به کمک مردم آن شهر (انصار) و کسانی که از مکه آمده بودند (مهاجران)، حکومتی را که بر مبنای قوانین اسلام اداره می‌شد، پی‌ریزی نمود.

(درس ۴، صفحه ۵۰)

۱۳۸- گزینه «۱»

(مسن رضایی‌بقا، مشابه کتاب زرد)

بنابر حدیث امام باقر (ع): «اسلام بر پنج پایه استوار شده است. بر نماز، زکات، روزه، حج و ولایت و به چیز دیگری دعوت نشده آن‌گونه که به ولایت دعوت شده است.»، اجرای قوانین الهی در سایه ولایت الهی دارای اهمیت است.

(درس ۴، صفحه ۵۰)

۱۳۹- گزینه «۳»

(معمد رضایی بقا، مشابه کتاب زرر)

کسانی که به مردم فرمان می‌دهند و قانون‌گذاری می‌کنند، در حالی که فرمان و قانونشان برگرفته از فرمان الهی نیست، «طاغوت» نامیده می‌شوند. پذیرش حکومت «طاغوت» و انجام دستورهای وی بر مسلمانان حرام است.

(درس ۴، صفحه ۵۱)

۱۴۰- گزینه «۲»

(معمد رضایی بقا، مشابه کتاب زرر)

براساس آیه شریفه «لقد ارسلنا رسلنا بالبینات و انزلنا معهم الکتاب و المیزان ليقوم الناس بالقسط: به راستی که پیامبرانمان را همراه با دلایل روشن فرستادیم و همراه آنان کتاب آسمانی و میزان نازل کردیم تا مردم به اقامه عدل و داد برخیزند»، فرستادن کتاب و میزان به همراه پیامبران، زمینه‌ساز برپایی عدالت (لیقوم الناس بالقسط) خواهد بود.

(درس ۴، صفحه ۵۱)

زبان انگلیسی (۲)

۱۴۱- گزینه «۳»

(رحمت‌اله استیری)

ترجمه جمله: «من مطمئن هستم که تو همیشه می‌توانی چند دانش‌آموز خوب را در این کلاس‌ها پیدا کنی.»

**نکته مهم درسی:** قید تکرار "always" بین فعل کمکی و فعل اصلی به کار می‌رود که تنها در گزینه «۳» رعایت شده است (رد سایر گزینه‌ها).

(گرامر)

۱۴۲- گزینه «۱»

(عقیل معموری روشن)

ترجمه جمله: «دانشمندان نشان داده‌اند که سلول‌های مغزی در طول خواب، غیرفعال هستند.»

**نکته مهم درسی:** بعد از "that" باید یک جمله داشته باشیم، پس حتماً نیاز به یک فعل داریم (رد گزینه «۲»). در جای خالی نیاز به صفت "inactive" به معنای «غیرفعال» داریم (رد گزینه «۴»). این صفت مشخصاً باید بعد از فعل ربطی "is" به کار رود (رد گزینه «۳»).

(گرامر)

۱۴۳- گزینه «۳»

(مجتبی درفشان گرمی)

ترجمه جمله: «در جمله زیر، فاعل، فعل، مفعول و قید حالت به ترتیب چیست؟»  
«امروزه، بسیاری از مردم تعادل بین کار و زندگی را به‌درستی برقرار نمی‌کنند.»

**نکته مهم درسی:** ترتیب اجزای جمله خبری در زبان انگلیسی معمولاً به‌صورت زیر است (از سمت چپ):

«قید زمان + قید مکان + قید حالت + مفعول + فعل + فاعل»

توجه داشته باشید که در این جمله قید زمان "Nowadays" برای تأکید به ابتدای جمله آمده است.

"Nowadays, many people do not balance

AI (time) S V

work and life properly."

O AI (manner)

(گرامر)

۱۴۴- گزینه «۴»

(مجتبی درفشان گرمی)

ترجمه جمله: «استرس عاطفی فشار ناشی از زندگی روزمره است که باعث ایجاد احساسات منفی می‌شود.»

(۱) رژیم غذایی

(۲) عادت

(۳) حمله

(۴) فشار

(واژگان)

و می‌خواهید آن را پیدا کنید. مدیر سوپرمارکت می‌داند مشتریان از کجا وارد بخش گوشت می‌شوند. گوشت ارزان‌تر در انتهای دیگر بخش گوشت، دور از جایی که مشتریان وارد می‌شوند، قرار دارد. باید از کنار تمام گوشت‌های گران عبور کنید قبل از این که گوشت ارزان‌تر را پیدا کنید. شاید به جای گوشت تخفیف‌دار، مقداری از گوشت گران را بخرید.

(مهمر مهری دغلاوی)

۱۴۷- گزینه «۱»

ترجمه جمله: «موضوع متن چیست؟»

«اشاره کردن به این که چه کسی تصمیم می‌گیرد در سوپرمارکت‌ها چه چیزی بخرید»

(درک مطلب)

(مهمر مهری دغلاوی)

۱۴۸- گزینه «۴»

ترجمه جمله: «کلمه زیرخط‌دار "it" در سطر «۴» به "shopping cart" (سبد خرید) اشاره دارد.»

(درک مطلب)

(مهمر مهری دغلاوی)

۱۴۹- گزینه «۳»

ترجمه جمله: «کدام یک از موارد زیر با توجه به متن، صحیح نیست؟»

«مردم در سوپرمارکت‌ها ابتدا گوشت ارزان‌تر را می‌بینند.»

(درک مطلب)

(مهمر مهری دغلاوی)

۱۵۰- گزینه «۳»

ترجمه جمله: «مشتری پس از رد شدن از کنار گوشت گران‌قیمت ممکن است چه کند؟»

«گوشت گران‌قیمت را بخرد.»

(درک مطلب)

(مهمر مهری دغلاوی)

۱۴۵- گزینه «۲»

ترجمه جمله: «پزشکان معتقدند که اندازه‌گیری منظم فشار خون برای فهمیدن سلامت کلی ضروری است.»

- (۱) تأثیر گذاشتن  
(۲) اندازه‌گیری کردن  
(۳) پرداختن  
(۴) ملاقات کردن

(واژگان)

(مهمر مهری دغلاوی)

۱۴۶- گزینه «۱»

ترجمه جمله: «هنگام پختن غذا، بسیار مهم است برای جلوگیری از بیماری، مطمئن شوید که هرگونه باکتری مضر کشته شده است.»

- (۱) مضر  
(۲) افسرده  
(۳) آرام  
(۴) فیزیکی، جسمی

(واژگان)

### ترجمه متن درک مطلب:

مردم در شهرهای سراسر جهان از سوپرمارکت‌ها خرید می‌کنند. چه کسی تصمیم می‌گیرد که شما چه چیزی در سوپرمارکت بخرید؟ آیا شما تصمیم می‌گیرید؟ آیا سوپرمارکت تصمیم می‌گیرد؟ وقتی وارد سوپرمارکت می‌شوید، قفسه‌هایی پر از مواد غذایی می‌بینید. در راهروی بین قفسه‌ها راه می‌روید. یک سبد خرید را هل می‌دهید و مواد غذایی خود را در آن [سبد خرید] قرار می‌دهید. احتمالاً در حالی که در راهروها قدم می‌زنید، موسیقی ملایم و آرامی می‌شنوید. اگر موسیقی تند بشنوید، سریع راه می‌روید. سوپرمارکت موسیقی آرام پخش می‌کند. شما آهسته راه می‌روید و زمان بیشتری برای خرید اقلام دارید. شاید ابتدا به بخش گوشت بروید. مقداری گوشت تخفیف‌دار وجود دارد



# دفترچه پاسخ

آزمون هوش و استعداد

(دوره دوم)

۲۱ دی

تعداد کل سوالات آزمون: ۲۰  
زمان پاسخ‌گویی: ۳۰ دقیقه

گروه فنی تولید

حمید لنجان‌زاده اصفهانی	مسئول آزمون
فاطمه راسخ، حمیدرضا رحیم خانلو	ویراستار
محیا اصغری	مدیر گروه مستندسازی
علیرضا همایون‌خواه	مسئول درس مستندسازی
سیدمحمدرضا مهدوی	ویراستار مستندسازی
حمید اصفهانی، فاطمه راسخ، حمید گنجی، فرزاد شیرمحمدلی	طراحان
معصومه روحانیان	حروف‌چینی و صفحه‌آرایی
حمید عباسی	ناظر چاپ

## استعداد تحلیلی

## ۲۵۱- گزینه ۲»

(ممید اصفهانی)

نام کشورهای «مراکش» و «مصر» مدنظر است.

(هوش کلامی)

## ۲۵۲- گزینه ۱»

(ممید اصفهانی)

حروف عبارت: د ر ک م ت ن  
حروف به ترتیب: ت د ر ک م ن  
معلوم است که فقط حرف «ن» جابه‌جا نشده است.

(هوش کلامی)

## ۲۵۳- گزینه ۳»

(ممید اصفهانی)

عناد با نیما در متن، یه معنای دشمنی با اوست: صاحبان اندیشه‌های واپسگرا و عوام به مخالفت با آنها پرداختند و افرادی چون نیما و جمالزاده مورد تکفیر و طرد عده‌ای قرار گرفتند که البته عناد «دشمنی» با نیما از همه بیشتر بود.

(هوش کلامی)

## ۲۵۴- گزینه ۱»

(ممید اصفهانی)

املائی «برخاسته» به همین شکل درست است.

(هوش کلامی)

## ۲۵۵- گزینه ۳»

(ممید اصفهانی)

بیان گزینه «۳» در انتهای بند نخست هست:  
انقلاب نیز مانند همه جریانات تاریخی و سیاسی با اندکی فاصله بر ادبیات اثر گذاشت. این فاصله‌ی ۱۵ ساله برای تأثیر واقعه‌ای سیاسی در ادبیات و هنر زمانی بسیار کوتاه بود و نشان‌دهنده‌ی این مسئله است که حرکت و جنبش مردمی برخاسته از درون و خواست مردم بود.

(هوش کلامی)

## ۲۵۶- گزینه ۴»

(ممید اصفهانی)

رمان تهران مخوف پس از انقلاب مشروطه نوشته شده است، پس بیان گزینه «۴» نادرست است. به دیگر عبارت‌ها در متن به‌وضوح اشاره شده است.

(هوش کلامی)

## ۲۵۷- گزینه ۴»

(ممید اصفهانی)

در متن می‌خوانیم «تنها نوآوری نیما در افسانه از نظر ساختار، حذف قافیه از مصراع سوم چهارپاره بود.» این موضوع در گزینه پاسخ نیست، در این گزینه از نظر ساختار، شباهتی با چهارپاره دیده نمی‌شود.

(هوش کلامی)

## ۲۵۸- گزینه ۲»

(غریزاد شیرممدری)

می‌دانیم حیوان لندن موش است و رنگ پکن زرد نیست. پس شهری که حیوان آن فیل و رنگ آن زرد باشد، نه لندن و نه پکن، بلکه توکیو یا برلین است. عدد برلین ۱۲ است و عدد توکیو عددی دورقمی که تنها عدد دورقمی باقی‌مانده ۱۸ است. پس عدد این فیل زرد قطعاً دورقمی است.

(هوش منطقی و ریاضی)

## ۲۵۹- گزینه ۱»

(غریزاد شیرممدری)

طبق پاسخ سؤال قبل، اگر عدد اسب ۵ باشد، قطعاً متعلق به پکن است. چرا که توکیو و برلین عددهای ۱۲ و ۱۸ دارند و حیوان لندن موش است. عدد لندن قطعاً ۳ است. پس عدد موش ۳ است.

(هوش منطقی و ریاضی)

## ۲۶۰- گزینه ۱»

(غریزاد شیرممدری)

ترتیب الفبایی شهرها و حیوان‌ها:

برلین	پکن	توکیو	لندن
اسب	خرس	فیل	موش

حال که خرس متعلق به پکن است، قطعاً رنگ آن زرد نیست.

(هوش منطقی و ریاضی)

## ۲۶۱- گزینه ۲»

(غریزاد شیرممدری)

همه اطلاعات را در جدول زیر می‌بینیم:

نام شهر	حیوان	عدد	احتمال رنگ
برلین	اسب	۳ یا ۵	همه رنگ‌ها
پکن	خرس	۳ یا ۵	همه رنگی به جز زرد
توکیو	فیل	۱۸	همه رنگ‌ها
لندن	موش	۱۲	همه رنگ‌ها

عدها ۲ حالت دارند. برای رنگ‌ها نیز  $3 \times 3 \times 2 = 18$  حالت هست.پس در کل  $\frac{1}{36} = \frac{1}{2 \times 18}$  احتمال هست که حدس‌زننده صورت سؤال،

همه چیز را کاملاً درست حدس زده باشد.

(هوش منطقی و ریاضی)

$$1 = 1 \times 1 = 1 \times 1 \times 1, \quad 64 = 8 \times 8 = 4 \times 4 \times 4$$

$$729 = 27 \times 27 = 9 \times 9 \times 9$$

(هوش منطقی و ریاضی)

(فرزاد شیرمحمدلی)

۲۶۵- گزینه «۲»

$$(9 - 7) \times 2 = 4$$

$$(8 - 3) \times 4 = 20$$

$$(10 - 1) \times 3 = 27$$

$$(6 - 2) \times ? = 8 \Rightarrow ? = 8 \div 4 = 2$$

(هوش منطقی و ریاضی)

(عمید کئی)

۲۶۶- گزینه «۱»

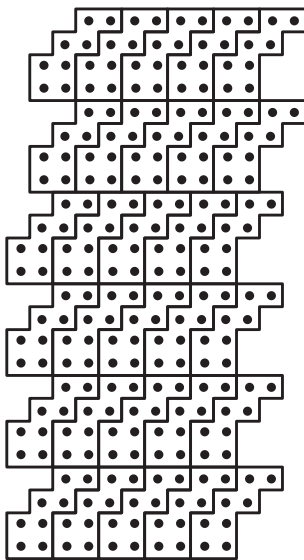
شکل صورت سؤال با ۱۸۰ درجه چرخش به شکل گزینه «۱» تبدیل می‌شود.

(هوش غیرکلامی)

(فاطمه راسخ)

۲۶۷- گزینه «۴»

شکل منتظر:



(هوش غیرکلامی)

(فاطمه راسخ)

۲۶۸- گزینه «۳»

تعداد قسمت‌های رنگی، الگوی عددهای اول دارند:

$$2, 3, 5, 7, ? \rightarrow ? = 11$$

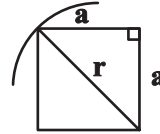
(هوش غیرکلامی)

(عمید کئی)

۲۶۲- گزینه «۳»

اگر شعاع دایره را عدد  $r$  فرض کنیم، نصف ضلع مربع درونی خواهد بود  $\frac{r}{\sqrt{2}}$

بود:



$$a^2 + a^2 = r^2 \Rightarrow r = a\sqrt{2} \Rightarrow a = \frac{r}{\sqrt{2}}$$

و از مساحت بین مربع و دایره،  $\frac{1}{4}$  رنگی است.

مساحت دایره نیز  $\pi r^2$  و مساحت مربع  $2r^2 = \frac{4r^2}{2} = \left(\frac{2r}{\sqrt{2}}\right)^2$  است.

$$\frac{(\pi r^2 - 2r^2) \times \frac{1}{4}}{\pi r^2} = \frac{(\pi - 2)}{4\pi}$$

پس کسر خواسته شده چنین است:

(هوش منطقی و ریاضی)

(فاطمه راسخ)

۲۶۳- گزینه «۴»

می‌دانیم عددهای منتظر، ۲، ۳ و ۴ است. حاصل  $2 \times 4 = 8$ ،  $2 \times 3 = 6$  و  $3 \times 4 = 12$  عددی زوج است. پس داده «الف» کمکی به ما نمی‌کند.

همچنین اگر  $\triangle$  از  $\square$  کوچک‌تر باشد، حاصل  $\square - \triangle$  عددی منفی است و این موضوع نیز به ازای  $\square = 3$ ،  $\triangle = 2$  رخ می‌دهد. پس داده «ب» نیز به تنهایی کافی نیست.

با هر دو داده نیز به جواب نمی‌رسیم. مثلاً  $\triangle = 2$  و  $\square = 3$  و نیز  $\triangle = 2$  و  $\square = 4$  با هر دو داده سازگار است.

(هوش منطقی و ریاضی)

(عمید کئی)

۲۶۴- گزینه «۲»

عددهایی که مربع کاملند:

$$4 = 2 \times 2, \quad 9 = 3 \times 3, \quad 121 = 11 \times 11$$

عددهایی که مکعب کاملند:

$$8 = 2 \times 2 \times 2, \quad 216 = 6 \times 6 \times 6, \quad 1000 = 10 \times 10 \times 10$$

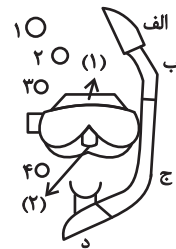
عددهایی که هم مربع کاملند و هم مکعب کاملند:

۲۶۹- گزینه «۴»

(خطه, اسخ)

در الگوی صورت سؤال، طرحی در قسمت‌های «الف»، «ب» و «ج» و در نتیجه «د» در حرکت است. طرح بین قسمت‌های (۱) و (۲) در تغییر و طرح دیگر در شماره‌های ۱، ۲، ۳ و ۴ به این شکل در حرکت است:

شکل ۱	شکل ۲	شکل ۳	شکل ۴
۱	۲	۳	۴
۴	۱	۲	۳



(هوش غیرکلامی)

-----

۲۷۰- گزینه «۳»

(فرزاد شیرممدری)

ناظر پشت جسم، تصاویر را قرینه می‌بیند. همچنین جلوترین جسم از دید ما، عقب‌ترین جسم از دید اوست و بر عکس.

(هوش غیرکلامی)

-----