

نام و نام خانوادگی :	رشته : علوم تجربی	تعداد صفحه: ۳	سوالات امتحان نهایی درس : ریاضی ۳
مدت امتحان: ۱۲۰:۱۴۰۱/۱۰/۰۳	تاریخ امتحان: ۱۰: صبح ساعت شروع:	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز ارزشیابی و نویسنده کیفیت نظام آموزش و پرورش			دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزادسراسر کشور در فوتبال دی ماه سال ۱۴۰۱

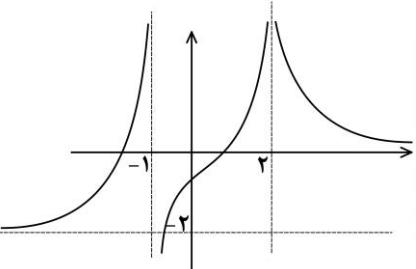
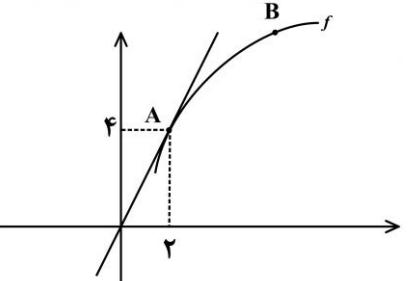
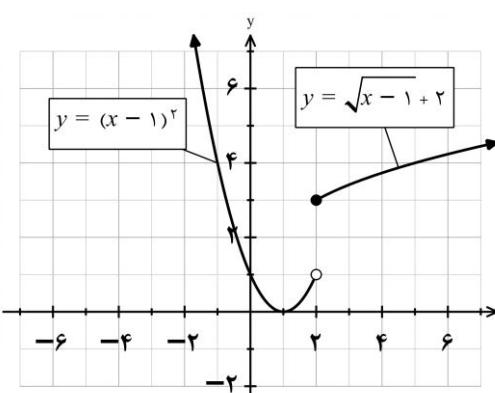
ردیف	سوالات (پاسخ نامه دارد) [استفاده از ماشین حساب ساده مجاز می باشد]	نمره
------	---	------

۱	<p>درستی یا نادرستی عبارت های زیر را مشخص کنید.</p> <p>(الف) تابع $y = 2x(1 - 3x^2) + 1$ یک تابع چند جمله ای از درجه سوم است.</p> <p>(ب) نمودار تابع $y = x^3$ در بازه $(1, +\infty)$ پایین تراز، نمودار تابع $y = x^3$ است.</p> <p>(پ) هر تابع یکنوا، یک به یک است.</p> <p>(ت) مقدار عددی عبارت $\sin^2 15^\circ - \cos^2 15^\circ$ برابر $\frac{\sqrt{3}}{2}$ است.</p>	۱
۰/۵	<p>درجاهای خالی عبارت ریاضی مناسب قرار دهید.</p> <p>(الف) اگر $f(x) = 2x^3 - 1$ باشد، حاصل $f^{-1}(15)$ برابر است.</p> <p>(ب) حاصل حد تابع $f(x) = \frac{2x^2}{3x^2 - 1}$ وقتی $x \rightarrow +\infty$ میل می کند برابر است.</p>	۲
۱/۲۵	<p>اگر $f(x) = 7 - 4x^2$ و $g(x) = \sqrt{x+3}$ باشد:</p> <p>(الف) دامنه تابع fog را با استفاده از تعریف به دست آورید.</p> <p>(ب) مقدار $(gof)(1)$ را محاسبه کنید.</p>	۳
۰/۷۵	<p>اگر دامنه تابع $y = f(x)$ برابر $[1, 3]$ و برد آن $[0, 2]$ باشد. دامنه و برد تابع $y = f(\frac{x}{3})$ را بیابید.</p>	۴
۱/۷۵	<p>نمودار تابع با ضابطه $y = a \cos bx + c$ به صورت مقابل رسم شده است. مقادیر a, b و c را به دست آورید.</p>	۵
۱	<p>نمودار تابع با ضابطه $y = \sin x$ و خط به معادله $y = \frac{1}{2}$ در دستگاه مختصات زیر، رسم شده است. طول نقاط برخورد آنها را بیابید.</p>	۶

«ادامه سوالات در صفحه دوم»

نام و نام خانوادگی :	رشته : علوم تجربی	تعداد صفحه: ۳	سوالات امتحان نهایی درس : ریاضی ۳
مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۱۰/۰۳	ساعت شروع: ۱۰: صبح	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز ارزشیابی و نظمنی کیفیت نظام آموزش و پرورش			دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزادسراسر کشور در فوتبال دی ماه سال ۱۴۰۱

ردیف	سؤالات (پاسخ نامه دارد) [استفاده از ماشین حساب ساده مجاز می باشد]	نمره
------	---	------

۰/۷۵	 <p>نمودار تابع f به شکل مقابل است حد های زیر را محاسبه کنید.</p> <p>(الف) $\lim_{x \rightarrow (-1)^+} f(x)$ (ب) $\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x)$ (پ) $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$</p>	۷
۱	$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{x}-1}{x^2-1}$ <p>حد زیر را در صورت وجود محاسبه کنید.</p>	۸
۰/۷۵	 <p>نمودار تابع f به صورت زیر رسم شده است. اگر خط d در نقطه A بر نمودار f مماس باشد:</p> <p>(الف) حاصل $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{f(x)-f(2)}{x-2}$ را بیابید. (ب) شیب خط های مماس در نقاط A و B را مقایسه کنید.</p>	۹
۱/۵	 <p>نمودار تابع $f(x) = \begin{cases} \sqrt{x-1} + 2 & x \geq 2 \\ (x-1)^2 & x < 2 \end{cases}$ به صورت مقابل است:</p> <p>(الف) آیا تابع f در نقطه $x=2$ مشتق پذیر است؟ (ب) آیا تابع در بازه $(-\infty, 2)$ مشتق پذیر است؟ چرا؟ (پ) مشتق راست تابع f در نقطه $x=2$ را به دست آورید.</p>	۱۰
۱/۵	<p>مشتق توابع زیر را به دست آورید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست)</p> <p>(الف) $f(x) = x(x-1)(x+1)$ (ب) $g(x) = \left(\frac{2x-1}{x+1}\right)^3$</p>	۱۱
۱/۲۵	<p>جسمی را از سطح زمین به طور عمودی پرتاپ می کنیم، جهت حرکت به طرف بالا را مثبت در نظر می گیریم.</p> <p>فرض کنیم ارتفاع این جسم از سطح زمین در هر لحظه از معادله $h(t) = -4t^3 + 40t^2 - 4t$ به دست می آید.</p> <p>(الف) سرعت متوسط در بازه $[2, 4]$ را بیابید. (ب) در چه زمانی سرعت لحظه ای آن برابر ۱۶ متر بر ثانیه است؟</p>	۱۲
«ادامه سوالات در صفحه سوم»		

نام و نام خانوادگی :	رشته : علوم تجربی	تعداد صفحه: ۳	سوالات امتحان نهایی درس : ریاضی ۳
مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۱۰/۰۳	ساعت شروع: ۱۰: صبح	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز ارزشیابی و نویسنده کیفیت نظام آموزش و پرورش			دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزادسراسر کشور در فوتبال دی ماه سال ۱۴۰۱

ردیف	سوالات (پاسخ نامه دارد) [استفاده از ماشین حساب ساده مجاز می باشد]	نمره
------	---	------

۱۳	نمودار تابع با ضابطه $f(x) = x^3 + bx^2 + d$ به صورت شکل مقابل رسم شده است. مقادیر b و d را بیابید.	۱/۵	
۱۴	دو عدد حقیقی بیابید که تفاضل آنها ۱۰ باشد و حاصل ضربشان کمترین مقدار ممکن گردد.	۱/۵	
۱۵	اگر در بیضی مقابل مختصات کانون $(4, 0)$ و مختصات راس $(0, 3)$ باشد: الف) قطر بزرگ بیضی را بیابید. ب) محیط مثلث $\triangle MFF'$ را بیابید.	۱/۵	
۱۶	معادله گسترده یک دایره به شکل $x^2 + y^2 + 2x + 2y - 8 = 0$ است. مختصات مرکز دایره و اندازه شعاع دایره را بیابید.	۱	
۱۷	دو ظرف یکسان داریم. ظرف اول شامل ۵ مهره سبز و ۳ مهره آبی و ظرف دوم شامل ۴ مهره سبز و ۶ مهره آبی است. از ظرف اول مهره ای انتخاب کرده و در ظرف دوم قرار می دهیم. سپس یک مهره به تصادف از ظرف دوم انتخاب می کنیم. با چه احتمالی این مهره سبز است؟	۱/۵	
۲۰	جمع نمره "موفق باشید"	جمع نمره	

بسم الله تعالى			
مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۱۰ صبح	رشته: علوم تجربی ۳	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: زیاضی ۳
تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۱۰/۰۳		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزادسراسر کشور در فوتبت دی ماه سال ۱۴۰۱	
ردیف	راهنمای تصحیح	نمره	
۱	(الف) درست (۰/۲۵) ت) درست (۰/۲۵) پ) نادرست (۰/۲۵)	۰/۲۵	۱
۲	(الف) ۲ ب) $\frac{2}{3}$ (۰/۲۵)	۰/۵	
۳	(الف) $D_{fog} = \underbrace{\{x \in D_g \mid g(x) \in D_f\}}_{(0/25)} = \underbrace{\{x \in [-3, +\infty) \mid \sqrt{x+3} \in R\}}_{0/25} = [-3, +\infty) \quad (0/25)$ (ب) $(gof)(1) = g(\underbrace{3}_{0/25}) = \sqrt{6} \quad (0/25)$	۰/۷۵	
۴	برد تغییر نمی کند (۰/۲۵) $D_{f(\frac{x}{\sqrt{3}})} \Rightarrow \underbrace{1 < \frac{x}{\sqrt{3}} \leq 3}_{(0/25)} \rightarrow D_{f(\frac{x}{\sqrt{3}})} = (-2, 6] \quad (0/25)$	۰/۷۵	
۵	$2T = \frac{7\pi}{2} - \left(-\frac{\pi}{2}\right) = 4\pi \quad (0/25) \rightarrow T = 2\pi \quad (0/25) \rightarrow \frac{2\pi}{ b } = 2\pi \quad (0/25) \rightarrow b = \pm 1 \quad (0/25)$ $c = \frac{4+(-2)}{2} = 1 \quad (0/25)$ $ a = \frac{4-(-2)}{2} = 3 \rightarrow a = -3 \quad (0/25)$	۱/۷۵	
۶	$\sin x = \frac{1}{2} \quad (0/25) \Rightarrow \sin x = \sin \frac{\pi}{6} \quad (0/25) \rightarrow \begin{cases} x = 2k\pi + \frac{\pi}{6} \quad (0/25) \\ x = 2k\pi + \frac{5\pi}{6} \quad (0/25) \end{cases} \quad (k \in Z)$	۱	
۷	ادامه راهنمای تصحیح در صفحه بعد الف) $-\infty \quad (0/25)$ ب) $+\infty \quad (0/25)$ پ) $-2 \quad (0/25)$	۰/۷۵	

راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: زیاضی ۳			
نام و نام خانوادگی	ردیف	راهنمای تصحیح	ردیف
ساعت شروع: ۱۰ صبح	۱۰	رشته: علوم تجربی	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: زیاضی ۳
تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۱۰/۰۳	۱۰	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش	۱۰	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزادسراسر کشور در فوبت دی ماه سال ۱۴۰۱	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزادسراسر کشور در فوبت دی ماه سال ۱۴۰۱
نمره	ردیف	راهنمای تصحیح	ردیف
۱	۸	$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{x-1}}{x^2-1} \times \frac{\sqrt{x+1}}{\sqrt{x+1}} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x-1}{(x-1)(x+1)\sqrt{x+1}} = \frac{1}{4} \quad (0/25)$	
۰/۵	۹	$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{f(x)-f(2)}{x-2} = f'(2) = 2 \quad (0/5)$	(الف)
۰/۲۵		$m_A > m_B \quad (0/25)$	(ب)
۰/۲۵	۱۰	الف) خیر (0/25)	
۰/۵		ب) بله، در تمام نقاط بازه $(-\infty, 2)$ مشتق پذیر است. (0/5)	
۰/۷۵		$x \geq 2 : f(x) = \sqrt{x-1} + 2 \rightarrow f'(x) = \frac{1}{2\sqrt{x-1}} \rightarrow f'_+(2) = \frac{1}{2}$	(پ)
۰/۵	۱۱	$f(x) = x^2 - x \rightarrow f'(x) = 2x - 1 \quad (0/25) \quad (0/25)$	
۱		$g'(x) = 2 \underbrace{\left(\frac{2x-1}{x+1}\right)'}_{(0/5)} \underbrace{\left(\frac{2(x+1)-1(2x-1)}{(x+1)^2}\right)}_{(-/5)}$	
		در قسمت الف به سایر روش‌های صحیح نمره تعلق گیرد.	
۰/۷۵	۱۲	$h'(t) = \frac{h(4)-h(2)}{4-2} = \frac{96-64}{2} = 16 \quad (0/5)$	سرعت متوسط (الف)
۰/۵		$h'(t) = -8t + 40 = 16 \quad (0/25) \rightarrow t = 3 \quad (0/25)$	
۱/۵	۱۳	$f'(2) = 0 \quad (0/25) \rightarrow f'(x) = 2x^2 + bx \quad (0/25) \quad b = -3 \quad (0/25)$	
		$f(2) = 1 \quad (0/25) \rightarrow 8 + (-12) + d = 1 \quad (0/25) \quad d = 5 \quad (0/25)$	
ادامه راهنمای تصحیح در صفحه بعد			

راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: زیاضی ۳			
نمره	راهنمای تصحیح	ردیف	
۱۴	<p>راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: زیاضی ۳</p> <p>پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه</p> <p>دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزادسراسر کشور در فوتبال دی ماه سال ۱۴۰۱</p> <p>مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش</p>	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: زیاضی ۳	
۱۵	<p>$x - y = 10 \quad (0/25)$</p> <p>$p = xy = x(x - 10) = x^2 - 10x \quad (0/25)$</p> <p>$p' (x) = 2x - 10 = 0 \quad (0/5) \rightarrow x = 5 \quad (0/25) \quad , \quad y = -5 \quad (0/25)$</p> <p>$\begin{cases} b = 3 \quad (0/25) \\ c = 4 \quad (0/25) \end{cases} \rightarrow a^2 = b^2 + c^2 \quad (0/25) \rightarrow 2a = 10 \quad (0/25)$</p> <p>$\text{محیط} = \underbrace{2a + 2c}_{(0/25)} = 18 \quad (0/25)$</p>	الف) ب)	
۱۶	<p>$O\left(-\frac{a}{2}, -\frac{b}{2}\right) = (-1, -1) \quad (0/5) \quad , \quad r = \frac{1}{2}\sqrt{a^2 + b^2 - 4c} = \sqrt{10} \quad (0/5)$</p>		
۱۷	<p>$P(A) = P(B_1)P(B_1 A) + P(B_2)P(B_2 A) \quad (0/25)$</p> <p>$P(A) = \underbrace{\frac{5}{11}}_{(0/5)} \times \underbrace{\frac{5}{11}}_{(0/5)} + \underbrace{\frac{3}{11}}_{(0/5)} \times \underbrace{\frac{4}{11}}_{(0/5)} = \frac{37}{88} \quad (0/25)$</p> <p>به روش حل نمودار درختی نمره تعلق گیرد.</p>		
۲۰	«همکاران مصحح: به راه حل های صحیح به تناسب بارم، نمره تعلق گیرد»		

AzmoonFree.ir



هرچی برای کنکور و امتحانات نهایی لازم
داری رو کامل رایگان برات فراهم میکنیم.



پخش سوالات آزمون های آزمایشی

AzmoonFree.ir

برای ورود به سایت کلیک کن