

رشنده: ریاضی فیزیک	ساعت شروع: ۸ صبح	نام و نام خانوادگی:	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تاریخ امتحان: ۱۳۹۹/۰۴/۰۸	تعداد صفحه: ۲	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.mediu.ir	دانش آموزان روزانه سراسرکشور در نوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۹		
نمره	سوالات پاسخ نامه دارد		ردیف

الف) بخش الزامی

دانش آموز عزیز به سوالات ۱ تا ۱۴ جهت کسب ۱۶ نمره پاسخ دهید.

۱/۷۵	<p>گزاره درست را اثبات کنید و برای گزاره نادرست، مثال نقض ارائه دهید.</p> <p>(الف) مجموع هر دو عدد گنگ، عددی گنگ است.</p> <p>(ب) اگر از مربع عددی فرد یک واحد کم کنیم، حاصل همواره بر ۸ بخش پذیر است.</p>	۱
۱/۲۵	<p>اگر باقیمانده تقسیم عدد a بر ۴ برابر ۳ باشد، در این صورت باقیمانده تقسیم عدد $2a+3$ بر ۸ را به دست آورید.</p>	۲
۱	$n = 5$ یا $n \in N$ ، $n 7k+6$ و $n 9k+7$. ثابت کنید	۳
۱/۵	<p>باقیمانده تقسیم 7^m بر ۱۵ را به دست آورید.</p>	۴
۱/۲۵	<p>معادله همنهشتی $5x \equiv 2 \pmod{7}$ را حل کرده و جواب عمومی آن را بنویسید.</p>	۵
۱	<p>جاهای خالی را با عبارت مناسب پر کنید.</p> <p>(الف) مجموع درجه های رأس های هر گراف تعداد یال ها است.</p> <p>(ب) در یک گراف k-منتظم، ماکریم درجه رأس برابر با است.</p> <p>(پ) در بین تمام مجموعه های احاطه گر گراف G ، مجموعه یا مجموعه های احاطه گری که کمترین تعداد عضو را دارند، مجموعه احاطه گر گراف G می نامیم.</p> <p>(ت) یک مجموعه احاطه گر را که با حذف هر یک از رأس هایش، دیگر احاطه گر نباشد، احاطه گر می نامیم.</p>	۶
۱/۲۵	<p>گراف G را در نظر گرفته و به سوالات زیر پاسخ دهید.</p> <p>(الف) $N_G[a]$ را با اعضا مشخص کنید.</p> <p>(ب) یک دور به طول ۴ در این گراف مشخص کنید.</p> <p>(پ) یک مسیر به طول ۳ و یک مسیر به طول ۴ از a به c بنویسید.</p>	۷
۰/۷۵	<p>در گراف G، درجه رأس ۷ برابر با ۹ است و درجه رأس ۷ در گراف \bar{G} برابر با ۱۲ است. مرتبه گراف G را مشخص کنید.</p>	۸
۱	<p>گرافی ۶ رأسی با عدد احاطه گری ۲ رسم کنید، به طوری که:</p> <p>(الف) مجموعه احاطه گر یکتا با اندازه ۲ داشته باشد.</p> <p>(ب) بیش از یک مجموعه احاطه گر با اندازه ۲ داشته باشد.</p>	۹
۱/۲۵	<p>عدد احاطه گری گراف زیر را مشخص و ادعای خود را ثابت کنید.</p>	۱۰
۰/۷۵	<p>با ارقام عدد ۴، ۳، ۲، ۲، ۱، ۱، ۲، ۲، ۱ چند عدد ۷ رقمی می توان نوشت.</p>	۱۱
۱/۲۵	<p>به چند طریق می توان از بین ۵ نوع گل، ۱۱ شاخه گل انتخاب کرد، اگر بخواهیم، از گل نوع دوم حداقل ۲ شاخه و از گل نوع پنجم بیش از ۳ شاخه انتخاب کنیم.</p>	۱۲

«بقیه سوالات در صفحه دوم»

نام و نام خانوادگی :	ساعت شروع: ۸ صبح	نام و نام خانوادگی:	نام و نام خانوادگی:
مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تاریخ امتحان: ۱۳۹۹/۰۴/۰۸	تعداد صفحه: ۲	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir	دانش آموزان روزانه سراسرکشور در نوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۹		
نمره	سوالات پاسخ نامه دارد		ردیف

۱	<table border="1"> <tr><td>۲</td><td>۱</td><td>۴</td><td>۳</td></tr> <tr><td>۴</td><td>۳</td><td>۲</td><td>۱</td></tr> <tr><td>۳</td><td>۴</td><td>۱</td><td>۲</td></tr> <tr><td>۱</td><td>۲</td><td>۳</td><td>۴</td></tr> </table>	۲	۱	۴	۳	۴	۳	۲	۱	۳	۴	۱	۲	۱	۲	۳	۴	مربع لاتین مقابل را در نظر بگیرید و با اعمال یک جایگشت بر روی $1, 2, 3, 4$ یک مربع لاتین جدید به دست آورید.	۱۳
۲	۱	۴	۳																
۴	۳	۲	۱																
۳	۴	۱	۲																
۱	۲	۳	۴																
۱		در هر مورد متعامد بودن دو مربع لاتین داده شده را بررسی کنید.	۱۴																

<table border="1"> <tr><td>۱</td><td>۲</td><td>۳</td></tr> <tr><td>۳</td><td>۱</td><td>۲</td></tr> <tr><td>۲</td><td>۳</td><td>۱</td></tr> </table>	۱	۲	۳	۳	۱	۲	۲	۳	۱	<table border="1"> <tr><td>۳</td><td>۱</td><td>۲</td></tr> <tr><td>۲</td><td>۳</td><td>۱</td></tr> <tr><td>۱</td><td>۲</td><td>۳</td></tr> </table>	۳	۱	۲	۲	۳	۱	۱	۲	۳	(ب)	<table border="1"> <tr><td>۳</td><td>۲</td><td>۱</td></tr> <tr><td>۱</td><td>۳</td><td>۲</td></tr> <tr><td>۲</td><td>۱</td><td>۳</td></tr> </table>	۳	۲	۱	۱	۳	۲	۲	۱	۳	<table border="1"> <tr><td>۲</td><td>۱</td><td>۳</td></tr> <tr><td>۱</td><td>۳</td><td>۲</td></tr> <tr><td>۳</td><td>۲</td><td>۱</td></tr> </table>	۲	۱	۳	۱	۳	۲	۳	۲	۱	(الف)
۱	۲	۳																																							
۳	۱	۲																																							
۲	۳	۱																																							
۳	۱	۲																																							
۲	۳	۱																																							
۱	۲	۳																																							
۳	۲	۱																																							
۱	۳	۲																																							
۲	۱	۳																																							
۲	۱	۳																																							
۱	۳	۲																																							
۳	۲	۱																																							

ب) بخش انتخابی

دانش آموز عزیز جهت کسب ۴ نمره از سوالات ۱۵ تا ۲۲ فقط ۴ سوال را به دلخواه انتخاب کرده و پاسخ دهد.

۱		اگر x و y دو عدد حقیقی مثبت باشند، ثابت کنید $\frac{x}{y} + \frac{y}{x} \geq 2$.	۱۵
۱		گراف G ، ۶ رأسی - منظم است.	۱۶
۱		الف) اندازه گراف G را بیابید. ب) نمودار گراف G رارسم کنید.	
۱		ثابت کنید تعداد رأس های فرد هر گراف، عددی زوج است.	۱۷
۱		۴ دانش آموز پایه دهم و ۳ دانش آموز پایه یازدهم، به چند طریق می توانند در یک ردیف قرار گیرند، به طوری که: الف) هیچ دو دانش آموز هم پایه کنار هم نباشند. ب) همواره دانش آموزان پایه دهم کنار هم باشند.	۱۸
۱		به چند طریق می توان ۴ خودکار متفاوت را بین ۸ نفر توزیع کرد به شرط آن که هیچ کس بیشتر از یک خودکار نداشته باشد؟ (به هر نفر حداقل یک خودکار داده باشیم).	۱۹
۱		در بین اعداد طبیعی مانند n ، به طوری که $1 \leq n \leq 100$ ، چند عدد وجود دارد که بر ۶ یا ۱۰ بخش پذیر است؟	۲۰
۱		در یک اردوی دانش آموزی حداقل چند دانش آموز حضور داشته باشند تا اطمینان داشته باشیم که لااقل ۷ نفر از آنها ماه تولد یکسانی دارند؟	۲۱
۱		قرار است سه کارگر W_1, W_2, W_3 در سه روز متوالی با سه ماشین نخریسی و با ۳ نوع الیاف کار کنند، به گونه ای که هر کارگر با هر نوع ماشین و هر نوع الیاف دقیقاً یک بار کار کرده باشد و نیز هر الیاف در هر ماشین دقیقاً یک بار به کار رفته باشد. برای این منظور برنامه ریزی کنید.	۲۲
۲۴	جمع نمره	"موفق باشید"	

راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضیات گسسته	رشته: ریاضی فیزیک	ساعت شروع: 8 صبح	مدت امتحان: 120 دقیقه
تاریخ امتحان: 1399/04/08		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پیش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه سراسر کشور خرداد ماه سال 1399	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
------	---------------	------

پاسخ سوالات الزامی		
1	الف) نادرست (0/25) (مشابه قسمت کار در کلاس صفحه 3) ب) درست (0/25) $(2k+1)^2 - 1 = \underbrace{4k^2 + 4k + 1}_{(0/25)} - 1 = \underbrace{4k(k+1)}_{(0/25)} = 4 \times 2q = 8q$ (0/25)	1/75
2	ا) $a = 4q + 3 \quad (0/25) \Rightarrow 2a + 3 = \underbrace{8q + 9}_{(0/25)} = \underbrace{8(q+1) + 1}_{(0/25)} = 8q' + 1 \quad (0/25) \Rightarrow r = 1 \quad (0/25)$ ب) $n \mid 9k + 7 \times (-7) \quad (0/25) \Rightarrow n \mid -63k - 49 + 63k + 54 \quad (0/25) \Rightarrow n \mid 5 \quad (0/25) \xrightarrow{n \in N} n = 1 \quad (0/25)$ (مثال صفحه 12)	1/25
3	ا) $7^2 = 49 \equiv 4 \quad (0/25) \Rightarrow 7^4 \equiv 16 \equiv 1 \quad (0/5) \Rightarrow 7^{28} \equiv 1 \quad (0/25) \xrightarrow{\times 7^2 \equiv 4 \quad (0/25)} 7^{30} \equiv 4 \quad (0/25)$ ب) مشابه سوال 8 و 9 صفحه 29	1/5
5	ا) $2 \equiv 35 \quad (0/25) \Rightarrow 5x \equiv 35 \quad (0/25) \xrightarrow{(5,11)=1 \quad (0/25)} x \equiv 7 \quad (0/25) \Rightarrow x = 11k + 7 \quad (0/25)$ ب) مشابه سوال 14 صفحه 30	1/25
6	الف) دو برابر (0/25) (نتیجه ابتدای صفحه 40) ب) مینیمال (0/25) (تعریف صفحه 44) ت) مینیمم (0/25) (تعریف صفحه 46)	1
7	الف) $N_G[a] = \{a, b, e, d\} \quad (0/5)$ (مشابه مثال صفحه 36) ب) دور به طول 4 (0/25) (تعریف دور صفحه 38) a, b, e, d, a نوشته، نمره داده شود. پ) مسیر به طول 3. (0/25) و مسیر به طول 4 (0/25) a, e, b, c (مشابه مثال صفحه 38)	1/25
8	ا) $\deg_G(v) + \deg_{\bar{G}}(v) = p - 1 \quad (0/25) \Rightarrow 9 + 12 = p - 1 \quad (0/25) \Rightarrow p = 22 \quad (0/25)$ ب) $\deg_G(v) = 9 \quad (0/25)$ (مشابه مثال صفحه 1)	0/75
9	الف) گراف رو به رو از مرتبه 6 و دارای تنها یک مجموعه احاطه‌گریکتا $\{a, b\}$ است. ب) گراف مقابله دارای سه مجموعه احاطه‌گری به اندازه 2 است که عبارتند از: $\{a, d\}, \{f, c\}, \{e, b\}$ (ذکر یک مجموعه کافی است). رسم گراف (0/25) 	1
10	برای گراف مورد سوال داریم $\gamma(G) = 3$. از طرفی مجموعه $\{g, h, d\}$ یک مجموعه احاطه‌گر برای گراف است (0/25). لذا $3 \leq \gamma(G) \leq 3$. بنابراین $\gamma(G) = 3$ (0/25). (مشابه مثال پایین صفحه 50)	1/25
11	$\frac{7!}{2! \times 3!} \quad (0/5) = 42 \quad (0/25)$ (مشابه مثال پایین صفحه 58)	0/75
12	الف) $x_1 + \dots + x_5 = 11 \quad , \quad x_2 \geq 2 \quad , \quad x_5 \geq 4 \quad (0/25)$ جواب: $\binom{5+5-1}{5-1} = \binom{9}{4} \quad (0/5)$ ب) $x_1 + y_2 + 2 + x_3 + x_4 + y_5 + 4 = 11 \quad (0/25) \Rightarrow x_1 + y_2 + x_3 + x_4 + y_5 = 5 \quad (0/25) \Rightarrow$ جواب: $\binom{5+5-1}{5-1} = \binom{9}{4} \quad (0/5)$	1/25

ادامه پاسخها در صفحه دوم

راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضیات گستره	رشته: ریاضی فیزیک	ساعت شروع: 8 صبح	مدت امتحان: 120 دقیقه
تاریخ امتحان: 1399/04/08		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه سراسرکشور خرداد ماه سال 1399	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
13	<p>با استفاده از جایگشت ۱ → ۲, ۲ → ۳, ۳ → ۴, ۴ → ۱ (۰/۵) مربع لاتین به صورت (مشابه تمرين ۱۲ صفحه ۷۲)</p> <p>(برای جایگشت‌های دیگر نیز بارم مناسب در نظر بگیرید).</p>	1
14	<p>(الف) متعادنند. زیرا عدد دو رقمی تکراری در مربع وجود ندارد. (۰/۲۵)</p> <p>(ب) متعادنند. زیرا عدد دو رقمی تکراری در مربع وجود دارد. (۰/۲۵)</p>	1

پاسخ سوالات اختیاری

15	$\frac{x}{y} + \frac{y}{x} \geq 2 \Leftrightarrow \frac{x^2 + y^2}{xy} \geq 2 \quad (0/25) \Leftrightarrow x^2 + y^2 \geq 2xy \quad (0/25) \Leftrightarrow (x - y)^2 \geq 0 \quad (0/25)$ <p>چون رابطه آخر درست است، پس با بازگشت روابط، حکم مسئله درست است. (۰/۲۵)</p>	1
16	<p>(الف) $3 \times 6 = 2q \Rightarrow q = 9 \quad (0/5)$</p> <p>(ب) رسم یکی از گراف‌های زیر کافی است. (۰/۵)</p> 	1
17	<p>فرض کنیم G یک گراف و A مجموعه همه رؤوس فرد G و B مجموعه همه رؤوس زوج گراف G باشد. در این صورت داریم: $\sum_{v \in B} \deg(v) = 2k$ و $\sum_{v \in V(G)} \deg(v) = 2q \quad (0/25)$. از طرفی $\sum_{v \in V(G)} \deg(v) = \sum_{v \in A} \deg(v) + \sum_{v \in B} \deg(v) \quad (0/25)$ لذا $\sum_{v \in A} \deg(v) = 2q - 2k \quad (0/25)$ می‌دانیم تعدادی زوج عدد فرد، حاصل زوج را تولید می‌کنند بنابراین تعداد اعضای A باید زوج باشد. (۰/۲۵) (صفحه ۴۰)</p>	1
18	<p>(الف) $4! \times 3! \quad (0/5)$</p> <p>(مشابه مثال صفحه ۵۷)</p>	1
19	<p>تعداد حالت‌های ممکن برای انجام این کار معادل است با پیدا کردن تعداد تابع‌های یک به یک از مجموعه ۴ عضوی به مجموعه‌ای ۸ عضوی (۰/۲۵)، یعنی: $(8)_4 = \frac{8!}{4!} = 168 \quad (0/5)$ (۰/۲۵) (۰/۲۵)</p>	1
20	<p>$A = \{n \in N \mid 1 \leq n \leq 100, n = 6k\} \Rightarrow A = \left[\frac{100}{6} \right] = 16 \quad (0/25)$ (مشابه کار در کلاس صفحه ۷۶)</p> <p>$B = \{n \in N \mid 1 \leq n \leq 100, n = 10k\} \Rightarrow B = \left[\frac{100}{10} \right] = 10 \quad (0/25)$</p> <p>$A \cap B = \{n \mid 1 \leq n \leq 100, n = 30k\} \Rightarrow A \cap B = \left[\frac{100}{30} \right] = 3 \quad (0/25) \Rightarrow A \cup B = 16 + 10 - 3 = 23 \quad (0/25)$</p>	1

ادامه پاسخ‌ها در صفحه سوم

راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضیات گسسته	رشته: ریاضی فیزیک	ساعت شروع: 8 صبح	مدت امتحان: 120 دقیقه
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه			تاریخ امتحان: 1399/04/08
دانش آموزان روزانه سراسر کشور خرداد ماه سال 1399			مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره																																							
21	در این مسئله $6 = k + 1 \Rightarrow k = 5$ و تعداد لانه ها 12 است ($0/25$). پس تعداد کبوترها یا معادل با آن تعداد دانش آموزان حداقل می بایست $73 = 6 \times 12 + 1$ باشد. ($0/5$)	1																																							
22	برای برنامه ریزی دو مربع لاتین متعامد در نظر بگیریم. مربع A مربوط به ماشین ها و مربع B مشخص کننده الیاف است. (72 صفحه 14) <table style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td style="text-align: center;">W_1</td> <td style="text-align: center;">W_2</td> <td style="text-align: center;">W_3</td> <td style="text-align: center;">W_1</td> <td style="text-align: center;">W_2</td> <td style="text-align: center;">W_3</td> <td style="text-align: center;">W_1</td> <td style="text-align: center;">W_2</td> <td style="text-align: center;">W_3</td> </tr> <tr> <td style="border: 1px solid black; padding: 5px;">روز اول</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 5px;">1</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 5px;">3</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 5px;">2</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 5px;">2</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 5px;">1</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 5px;">3</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 5px;">12</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 5px;">31</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 5px;">23</td> </tr> <tr> <td style="border: 1px solid black; padding: 5px;">روز دوم</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 5px;">3</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 5px;">2</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 5px;">1</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 5px;">3</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 5px;">2</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 5px;">1</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 5px;">33</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 5px;">22</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 5px;">11</td> </tr> <tr> <td style="border: 1px solid black; padding: 5px;">روز سوم</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 5px;">2</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 5px;">1</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 5px;">3</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 5px;">1</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 5px;">3</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 5px;">2</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 5px;">21</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 5px;">13</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 5px;">32</td> </tr> </table>	W_1	W_2	W_3	W_1	W_2	W_3	W_1	W_2	W_3	روز اول	1	3	2	2	1	3	12	31	23	روز دوم	3	2	1	3	2	1	33	22	11	روز سوم	2	1	3	1	3	2	21	13	32	1
W_1	W_2	W_3	W_1	W_2	W_3	W_1	W_2	W_3																																	
روز اول	1	3	2	2	1	3	12	31	23																																
روز دوم	3	2	1	3	2	1	33	22	11																																
روز سوم	2	1	3	1	3	2	21	13	32																																
	عدد سمت چپ هر در آیه نشان دهنده ماشین و عدد سمت راست آن مشخص کننده نوع الیاف است.																																								
20	جمع نمره																																								

«همکاران گرامی لطفا برای راه حل های صحیح دیگر بارم را به تناسب تقسیم فرمایید.»

AzmoonFree.ir



هرچی برای کنکور و امتحانات نهایی لازم
داری رو کاملا رایگان برات فراهم میکنیم.



پخش سوالات آزمون های آزمایشی

AzmoonFree.ir

برای ورود به سایت کلیک کن