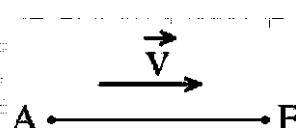
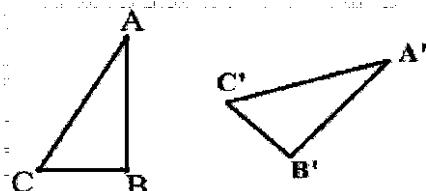
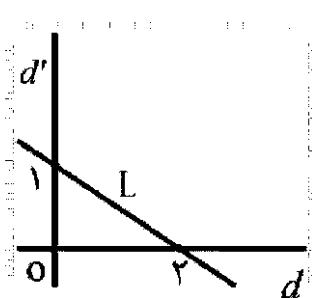
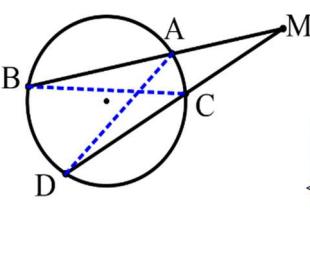
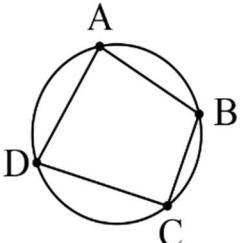


ساعت شروع: ۷:۳۰ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	تعداد صفحه: ۳	سوالات آزمون نهایی درس: هندسه ۲	
مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	نام و نام خانوادگی:	۱۴۰۳/۰۳/۱۶	تاریخ آزمون: پاژددهم دوره دوم متوسطه	
دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و اینترنتی داخل و خارج کشور خردداد ۱۴۰۳				
نمره	سوالات (پاسخ نامه دارد) – استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است.		ردیف	
سوالات فصل ۱				
۱	<p>(الف) هر چند ضلعی منتظم، هم محاطی و هم محیطی است. (درست – نادرست)</p> <p>(ب) طول مماس مشترک خارجی دو دایره مماس بروند به شعاع‌های R و R' برابر $\sqrt{R + R'}$ است. (درست – نادرست)</p> <p>(پ) اندازه هر زاویه ظلی برابر است با اندازه کمان رویه رو به آن زاویه.</p> <p>ت) اگر r_a، r_b و r_c شعاع‌های سه دایره محاطی خارجی یک مثلث و شعاع دایره محاطی داخلی آن برابر ۴ باشد، حاصل $\frac{1}{r_a} + \frac{1}{r_b} + \frac{1}{r_c}$ برابر است.</p>			۱
۱.۵	<p>ثبت کنید هرگاه خط‌های شامل دو وتر دلخواه AB و CD در نقطه‌ای مانند M (بیرون دایره) یکدیگر را قطع کنند، آن‌گاه:</p> $MA \cdot MB = MC \cdot MD$			۲
۱.۵	<p>ثبت کنید اگر یک چهارضلعی محاطی باشد، آن‌گاه دو زاویه مقابل آن مکمل هستند.</p>			۳
۱.۵	<p>در شکل مقابل وتر AB بر قطر CD عمود است. ثابت کنید قطر CD وتر AB و کمان AB را نصف می‌کند.</p>			۴
۱.۷۵	<p>در مثلث قائم‌الزاویه‌ای با اضلاع زاویه قائمه ۳ و ۴، شعاع دایرة محاطی داخلی را محاسبه کنید.</p>			۵
۱.۷۵	<p>در شکل زیر MT به طول $3\sqrt{2}$ مماس بر دایره است. مقادیر عددی x و y را به دست آورید.</p>			۶

ساعت شروع: ۷:۳۰ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	تعداد صفحه: ۳	سوالات آزمون نهایی درس: هندسه ۲									
مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	نام و نام خانوادگی:	۱۴۰۳/۰۳/۱۶	تاریخ آزمون: بازدهی دوره دوم متوسطه									
دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و اینترنت داخل و خارج کشور خرد داد												
نمره	سوالات (پاسخ نامه دارد) – استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است.		ردیف									
<h3 style="text-align: center;">سوالات فصل ۲</h3> <p>برای هر کدام از عبارات گروه A، تبدیل مناسب را از گروه B انتخاب کنید. (یک مورد از گروه B اضافی است).</p> <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tr> <td style="width: 15%;">گروه B</td> <td style="width: 85%;">گروه A</td> </tr> <tr> <td>دوران</td> <td>الف) تبدیلی که جهت شکل را حفظ نمی کند:</td> </tr> <tr> <td>همانی</td> <td>ب) تبدیلی که نتیجه دو بازتاب متواالی با محورهای متقاطع است:</td> </tr> <tr> <td>بازتاب</td> <td>پ) تبدیلی که هر نقطه صفحه را به خود آن نقطه نظیر می کند:</td> </tr> <tr> <td>انتقال</td> <td></td> </tr> </table>			گروه B	گروه A	دوران	الف) تبدیلی که جهت شکل را حفظ نمی کند:	همانی	ب) تبدیلی که نتیجه دو بازتاب متواالی با محورهای متقاطع است:	بازتاب	پ) تبدیلی که هر نقطه صفحه را به خود آن نقطه نظیر می کند:	انتقال	
گروه B	گروه A											
دوران	الف) تبدیلی که جهت شکل را حفظ نمی کند:											
همانی	ب) تبدیلی که نتیجه دو بازتاب متواالی با محورهای متقاطع است:											
بازتاب	پ) تبدیلی که هر نقطه صفحه را به خود آن نقطه نظیر می کند:											
انتقال												
۰.۷۵	<p>با توجه به شکل زیر نشان دهید در تبدیل انتقال، اندازه هر پاره خط و اندازه تصویر آن باهم برابرند.</p> <p style="text-align: center;"></p> <p style="text-align: right;">۱</p>											
۰.۸	<p>نقاط A', B' و C' به ترتیب دوران یافته نقاط A، B و C هستند. روش یافتن مرکز دوران را شرح دهید.</p> <p style="text-align: center;"></p>											
۱.۰	<p>در شکل رویه را اگر خط L را در تجانس به مرکز O و نسبت تجانس $\frac{d'}{d}$ تصویر کنیم و آن را L' بنامیم، مساحت بین خط L و L' و خطوط d و d' چقدر است؟</p> <p style="text-align: center;"></p>											

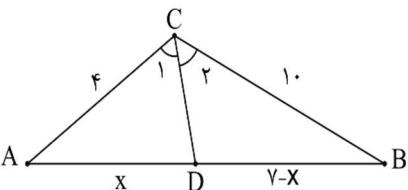
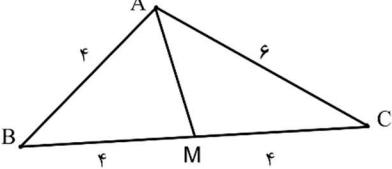
ساعت شروع: ۷:۳۰ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	تعداد صفحه: ۳	سوالات آزمون نهایی درس: هندسه ۲
مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	نام و نام خانوادگی:	۱۴۰۳/۰۳/۱۶	تاریخ آزمون: بازدهی دوره دوم متوسطه
دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و اینترنت داخل و خارج کشور خرداد ۱۴۰۳			
نمره	سوالات (پاسخ نامه دارد) – استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است.		ردیف
۱.۲۵	<p>با توجه به شکل، نقطه M روی پاره خط HK = ۸ کوئه‌ای بیابید که:</p> <p>(الف) مسیر AMB کوتاه‌ترین مسیر ممکن باشد.</p> <p>(ب) کمترین مقدار عددی AM+MB را محاسبه کنید.</p>	۱۱	
۱	<p>در شکل زیر، می‌خواهیم بدون آن که محیط تغییر کند، مساحت را افزایش دهیم. میزان افزایش مساحت را حساب کنید.</p>	۱۲	
۰.۵	<h3 style="text-align: center;"><u>سوالات فصل ۳</u></h3> <p>در مثلث ABC که $\hat{A} = 30^\circ$, $BC = 10 \text{ cm}$, $\hat{B} = 15^\circ$, مقدار شعاع دایره محیطی کدام است؟</p> <p>(الف) ۱۰ (ب) ۱۵ (ت) ۲۰ (پ) ۲۵</p>	۱۳	
۱.۵	<p>در مثلث ABC که $\hat{A} < 90^\circ$, ثابت کنید:</p> $a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos A$	۱۴	
۱	<p>مساحت مثلث متساوی‌الاضلاع به ضلع a را به کمک دستور هرون بیابید.</p>	۱۵	
۱.۵	<p>در مثلث ABC، $BC = 10$ و $AC = 4$ و $AB = 7$ است. طول نیمساز داخلی زاویه C را محاسبه کنید.</p>	۱۶	
۱.۵	<p>در مثلث ABC که $AB = 4$, $AC = 6$ و $BC = 8$, نقطه M وسط ضلع BC است. محیط مثلث AMC را به دست آورید.</p>	۱۷	

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	نوبت صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح آزمون نهایی درس: هندسه ۲
ساعت آزمون: ۷:۳۰ صبح	تعداد صفحه: چهار صفحه	پایه: پایا دهم دوره دوم متوسطه	
راهنمای تصحیح			

ردیف	راهنمای تصحیح (صفحه ۱ از ۴)	نمره
۱	<p>الف) درست ۰/۲۵ (ص ۲۹) ب) نادرست ۰/۲۵ (ص ۲۲) پ) نصف ۰/۲۵ (ص ۱۵)</p> <p>$\frac{1}{4}$ ت) $\frac{MC \times MB}{MA \times MD} = \frac{MC}{MA} = \frac{MB}{MD}$ $\rightarrow \frac{MC \times MB}{MA \times MD} = \frac{MC}{MA} = \frac{MB}{MD}$</p> <p>(ص ۱۸)</p>	۱
۲	<p>مثلثهای MBC و MAD مشابه هستند.</p>  <p>$\hat{B} = \hat{D} = \frac{\widehat{AC}}{2} \quad . / ۲۵ \quad \xrightarrow{\text{جز}} \frac{MB}{MD} = \frac{MC}{MA} \quad \rightarrow \frac{MA \times MB}{MD \times MC} = \frac{MC}{MA} = \frac{MB}{MD} \quad . / ۲۵$</p> <p>(ص ۱۸)</p>	۱/۵
۳	<p>طبق فرض می دانیم نقاط D, C, B, A روی دایره هستند. (اشاره به محاطی بودن چهارضلعی، از طریق شکل نیز قابل قبول است).</p>  <p>$\hat{A} = \frac{\widehat{DCB}}{2} \quad . / ۲۵ \quad \rightarrow \hat{A} + \hat{C} = \frac{\widehat{DCB} + \widehat{DAB}}{2} = \frac{۳۶۰^\circ}{2} = ۱۸۰^\circ$</p> <p>$\hat{B} + \hat{D} = ۱۸۰^\circ$. به طور مشابه</p> <p>(ص ۲۷)</p>	۱/۵
۴	<p>و ترکیب لع $\Delta AOH \cong \Delta BOH \rightarrow$</p> <p>$OA = OB \quad . / ۲۵$</p> <p>$OH = OH \quad . / ۲۵$</p> <p>$AH = BH \quad . / ۲۵ \rightarrow \hat{O}_1 = \hat{O}_2 \quad . / ۲۵ \rightarrow \widehat{AD} = \widehat{BD} \quad . / ۲۵$</p> <p>(ص ۱۳)</p>	۱/۵
۵	<p>$BC = ۵ \quad . / ۲۵$</p> <p>$۳ + ۴ + ۵ = ۲P \quad \rightarrow \underbrace{P = ۶}_{. / ۲۵} \quad \rightarrow S = \underbrace{\frac{۳ \times ۶}{۲}}_{. / ۲۵} = ۹$</p> <p>$r = \underbrace{\frac{S}{P}}_{. / ۵} = \frac{۹}{۶} = ۱$</p> <p>(ص ۲۵)</p>	۱/۲۵

نمره	راهنمای تصحیح (صفحه ۲ از ۴)	ردیف
۱/۲۵	$\begin{aligned} x \times x = 2 \times 1 &\rightarrow \underbrace{x^2}_{\cdot / 25} = 2 \rightarrow \underbrace{x}_{\cdot / 25} = \sqrt{2} \\ (3\sqrt{2})^2 = y(y+3) &\rightarrow \underbrace{y^2 + 3y - 18 = 0}_{\cdot / 25} \rightarrow \underbrace{y}_{\cdot / 25} = 3 \end{aligned}$ <p style="text-align: center;">(ص ۱۸)</p>	۶
۰/۷۵	<p style="text-align: center;">پ) همانی ۰/۲۵ (ص ۴۷)</p> <p style="text-align: center;">ب) دوران ۰/۲۵ (ص ۴۳)</p> <p style="text-align: center;">الف) بازتاب ۰/۲۵ (ص ۴۸)</p>	۷
۱	$\left\{ \begin{array}{l} AB = AA' + A'B \quad \cdot / 25 \\ A'B' = BB' + A'B \quad \cdot / 25 \end{array} \right. \xrightarrow{\cdot / 25} AB = A'B'$ <p style="text-align: center;">(ص ۳۹)</p>	۸
۰/۵	<p>روش اول: محل همسی عمودمنصف‌های پاره خط‌های واصل بین هر نقطه و تصویرش، مرکز دوران است.</p> <p>روش دوم: برای رسم شکل دقیق، نمره کامل منظور شود.</p> <p style="text-align: center;">(ص ۴۲)</p>	۹
۱/۵	<p style="text-align: center;">رسم شکل ۰/۲۵</p> $\frac{OA'}{OA} = \frac{1}{4} \rightarrow OA' = \frac{1}{4} \quad \cdot / 25$ $\frac{OB'}{OB} = \frac{1}{2} \rightarrow OB' = \frac{1}{2} \quad \cdot / 25$ $S = S_{\triangle OA'B'} - S_{\triangle OAB} = \underbrace{\frac{1}{2}(\frac{1}{4} \times \frac{1}{2})}_{\cdot / 25} - \underbrace{\frac{1}{2}(1 \times 2)}_{\cdot / 25} = \frac{33}{16} \quad \cdot / 25$ <p style="text-align: center;">(ص ۴۹)</p>	۱۰

ردیف	راهنمای تصحیح (صفحه ۳ از ۴)	نمره
۱۱	<p>الف) بازتاب نقطه A را نسبت به محور HK نقطه A' می‌نامیم. محل تلاقی $A'B$ با HK با M را AMB می‌نامیم. مسیر AMB پاسخ مسئله است. ۰/۵</p> <p>رسم شکل ۰/۲۵</p> <p>(۵۲) ص</p> $AM + MB = A'B \rightarrow A'B = \sqrt{8^2 + 6^2} = 10$	۰/۷۵
۱۲	<p>$S_{ABC} = \frac{1}{2} \times 3 \times 4\sqrt{2} \times \sin 135^\circ = 6\sqrt{2} \times \frac{\sqrt{2}}{2} = 6$</p> <p>$S_{ABCB'} = 2S_{ABC} = 12$</p> <p>(۵۴) ص</p>	۱
۱۳	<p>گزینه درست: ۱۰ یا الف ۰/۵</p>	۰/۵
۱۴	<p>روش اول:</p> <p>$\cos A = \frac{AH}{c} \rightarrow AH = c \cos A \quad . / ۲۵$</p> <p>$\sin A = \frac{BH}{c} \rightarrow BH = c \sin A \quad . / ۲۵$</p> <p>$CH = b - AH = b - c \cos A \quad . / ۲۵$</p> <p>$\Delta HBC: a^2 = BH^2 + CH^2 = (c \sin A)^2 + (b - c \cos A)^2 \quad . / ۲۵$</p> <p>$a^2 = c^2 \sin^2 A + b^2 + c^2 \cos^2 A - 2bc \cos A \quad . / ۲۵$</p> <p>$a^2 = b^2 + c^2 (\sin^2 A + \cos^2 A) - 2bc \cos A \rightarrow a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos A \quad . / ۲۵$</p> <p>روش دوم:</p> <p>$\Delta HBC: a^2 = \underbrace{BH^2}_{. / ۲۵} + \underbrace{CH^2}_{. / ۲۵} = (\underbrace{c^2 - AH^2}_{. / ۲۵}) + (\underbrace{b^2 - AH^2}_{. / ۲۵})$</p> <p>$\rightarrow a^2 = c^2 - AH^2 + b^2 + AH^2 - 2bAH \quad . / ۲۵$</p> <p>$\rightarrow a^2 = b^2 + c^2 - 2bAH \quad \xrightarrow{AH=c \cos A . / ۲۵} a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos A \quad . / ۲۵$</p> <p>(۶۴) ص</p>	۱/۵

ردیف	راهنمای تصحیح (صفحه ۴ از ۴)	نمره
۱۵	$a + a + a = ۲P \rightarrow P = \frac{۳}{۲}a \quad \text{+/25}$ $S = \sqrt{\frac{۳}{۲}a(\frac{۳}{۲}a - a)(\frac{۳}{۲}a - a)(\frac{۳}{۲}a - a)} = \sqrt{\frac{۳}{۲}a(\frac{۱}{۲}a)(\frac{۱}{۲}a)(\frac{۱}{۲}a)} = \frac{\sqrt{۳}}{۴}a^۲$ +/5 +/25 (۷۳ ص)	۱
۱۶	 $\frac{۴}{۱۰} = \frac{x}{۱۰-x} \rightarrow ۲۸ - ۴x = ۱۰x \rightarrow x = ۲ = AD \rightarrow BD = ۵$ +/5 +/25 +/25 $DC^۲ = ۴ \times ۱۰ - ۵ \times ۲ = ۳۰ \rightarrow DC = \sqrt{۳۰}$ +/25 +/25 (۷۰ ص)	۱/۵
۱۷	 $۶^۲ + ۶^۲ = ۲AM^۲ + \frac{۱۰^۲}{۲} \rightarrow \underbrace{۳۶+۳۶=۲AM^۲+۳۲}_{+/25}$ +/5 $\rightarrow \underbrace{AM^۲=۱۰}_{+/25} \rightarrow \underbrace{AM=\sqrt{۱۰}}_{+/25}$ $\rightarrow \underbrace{۲P_{AMC}=۶+۶+\sqrt{۱۰}}_{+/25} = ۱۰+\sqrt{۱۰}$ (۶۷ ص)	۱/۵
۲۰	جمع نمرات	سپاس فراوان از همکاران گرامی